

Konstruktivsko rješenje La Filiere Unicum varijatora

Jozić, Ante

Undergraduate thesis / Završni rad

2016

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: **University of Zagreb, Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture / Sveučilište u Zagrebu, Fakultet strojarstva i brodogradnje**

Permanent link / Trajna poveznica: <https://um.nsk.hr/um:nbn:hr:235:073240>

Rights / Prava: [In copyright](#) / [Zaštićeno autorskim pravom.](#)

Download date / Datum preuzimanja: **2024-12-08**

Repository / Repozitorij:

[Repository of Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture University of Zagreb](#)



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

ZAVRŠNI RAD

Ante Jozić

Zagreb, 2016.

SVEUČILIŠTE U ZAGREBU
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

ZAVRŠNI RAD

Mentor:

Doc. dr. sc. Ivica Galić

Student:

Ante Jozić

Zagreb, 2016.

Izjavljujem da sam ovaj rad izradio samostalno koristeći stečena znanja tijekom studija i navedenu literaturu.

Zahvaljujem se voditelju rada, docentu dr.sc. Ivici Galiću, na stručnoj pomoći i savjetima, te praćenju izrade ovog završnog rada.

Također se zahvaljujem svojoj obitelji i prijateljima na podršci tijekom mog akademskog obrazovanja.

Ante Jozić



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE



Središnje povjerenstvo za završne i diplomske ispite
Povjerenstvo za završne ispite studija strojarstva za smjerove:
procesno-energetski, konstrukcijski, brodstrojarski i inženjersko modeliranje i računalne simulacije

Sveučilište u Zagrebu Fakultet strojarstva i brodogradnje	
Datum	Prilog
Klasa:	
Ur.broj:	

ZAVRŠNI ZADATAK

Student: **Ante Jozić** Mat. br.: 0035189283

Naslov rada na hrvatskom jeziku: **Konstrukcijsko rješenje La Filière Unicum varijatora**

Naslov rada na engleskom jeziku: **Design solution of La Filière Unicum CVT**

Opis zadatka:

Varijatori predstavljaju vrstu prijenosnika koji mogu za određenu konstantnu brzinu vrtnje pogonskog stroja opskrbljivati radni stroj različitim brzinama vrtnje. Ova opskrba se odvija kontinuirano, bez skokova. Jedno od konstrukcijskih rješenja je i varijator razvijen od firme La Filière Unicum. Kod ovog tipa varijatora, snaga se preko spojke predaje vratilu koje pogoni dvije cilindrične tarenice, koje zatim preko dvije pomične konusne međutarenice pokreću jednu cilindričnu tarenicu. Pomicanjem međutarenica radijalno u odnosu na cilindrične tarenice ostvaruje se različit prijenosni omjer. Potrebno je izraditi konstrukcijsko rješenje La Filière Unicum varijatora. Tijekom razmatranja rješenja potrebno je uzeti u obzir:

- snaga, koju je potrebno prenijeti pomoću ovog prijenosnika, iznosi 7,5 kW,
- broj okretaja pogonskog stroja iznosi 1455 min^{-1} ,
- prijenosni omjer treba biti kontinuirano promjenjiv od $i_{\min} = 6$ do $i_{\max} = 10$,
- provjeru čvrstoće i ostale potrebne proračune izvršiti prema važećim normama.

Vrijednosti nužne za provedbu proračuna kao i odabir pojedinih komponenti usvojiti iz postojećih sličnih rješenja, iskustvenih vrijednosti te u dogovoru s mentorom.

Uz rad priložiti podatke odabranih komercijalnih proizvoda.
Kompletno konstrukcijsko rješenje razraditi do razine radioničkih crteža.
U radu navesti korištenu literaturu, norme kao i eventualnu pomoć.

Zadatak zadan:
25. studenog 2015.

Rok predaje rada:
1. rok: 25. veljače 2016
2. rok (izvanredni): 20. lipnja 2016.
3. rok: 17. rujna 2016.

Predviđeni datumi obrane:
1. rok: 29.2., 02. i 03.03. 2016.
2. rok (izvanredni): 30. 06. 2016.
3. rok: 19., 20. i 21. 09. 2016.

Zadatak zadao:

Doc. dr. sc. Ivica Galić

Predsjednik Povjerenstva:

Prof. dr. sc. Igor Balen

SADRŽAJ

SADRŽAJ	I
POPIS SLIKA	IV
POPIS TABLICA.....	V
POPIS TEHNIČKE DOKUMENTACIJE	VI
POPIS OZNAKA	VII
SAŽETAK.....	1
1. Uvod.....	2
1.1 Prijenosnici snage i gibanja	2
1.1.1 Prijenosnici s promjenjivim prijenosnim omjerom	3
1.1.2 Mehanički varijatori	3
2. Proračun osnovnih potrebnih podataka	5
2.1 Brzina vrtnje radnog stroja za najveći i najmanji prijenosni omjer.....	5
2.1.1 Brzina vrtnje radnog stroja za najmanji prijenosni omjer	5
2.1.2 Brzina vrtnje radnog stroja za najveći prijenosni omjer	5
2.2 Okretni moment na ulaznom vratilu	5
2.3 Minimalni i maksimalni okretni moment radnog stroja	6
2.3.1 Minimalni okretni moment radnog stroja.....	6
2.3.2 Maksimalni okretni moment radnog stroja	6
2.4 Obodna sila na cilindričnoj tarenici.....	6
2.5 Normalna sila (sila opruge)	7
2.5 Prijenosni omjeri.....	8
2.5.1 Provjera prijenosnih omjera	8
2.6 Promjeri tarenica.....	9
2.6.1 Maksimalni promjer tarenice TN_5	9
2.6.2 Minimalni promjer tarenica TN_1 i TN_2	9

2.6.3	Određivanje pomaka konusnih tarenica, x	10
2.6.3	Određivanje maksimalnog promjera $d_{TN_{1,2,max}}$ i minimalnog promjera $d_{TN_{5,min}}$	10
2.7	Potrebna širina konusne tarenice	10
2.7.1	Potrebna širina konusne tarenice s obzirom na tarenicu TN_5	10
2.7.2	Potrebna širina konusne tarenice s obzirom na tarenice $TN_{1,2}$	12
2.8	Provjera površinskog pritiska	13
2.8.1	Provjera površinskog pritiska tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$	13
2.9	Korisnost tarnih parova	13
2.9.1	Korisnost tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$	13
2.9.2	Korisnost tarnog para $TN_{3,4}$ i TN_5	14
2.10	Proračun zupčanika	14
2.10.1	Orijentacijski proračun zupčanika.....	14
2.10.2	Dimenzije zupčanika	15
3.	Dimenzioniranje vratila i osovine	17
3.1	Dimenzioniranje vratila V_3 tarenice TN_5	17
3.1.1	Opterećenje vratila tarenice TN_5	17
3.1.2	Dimenzioniranje vratila tarenice TN_5	17
3.2	Dimenzioniranje vratila V_2 tarenica TN_1 i TN_2	18
3.2.1	Opterećenje vratila tarenice TN_2	18
3.2.2	Dimenzioniranje vratila tarenice TN_2	21
3.3	Dimenzioniranje osovine konusne tarenice	23
3.3.1	Opteređenje osovine konusne tarenice	23
3.3.2	Dimenzioniranje osovine.....	24
3.4	Dimenzioniranje vratila V_1 elektromotora.....	24
3.4.1	Opterećenje i dimenzioniranje vratila V_1	24
4.	Odabir i proračun ležajeva	25
4.1	Odabir ležajeva vratila V_3	25

4.1.1 Čvrsto ležajno mjesto	25
4.1.2 Kontrola ležaja 33218	26
4.1.3 Slobodno ležajno mjesto	26
4.1.4 Kontrola ležaja NU 212-E-XL-TVP2	27
4.2 Odabir ležajeva vratila V_2	28
4.2.1 Odabir ležaja za čvrsto ležajno mjesto	28
4.2.2 Kontrola ležaja 33214	29
4.2.2 Odabir ležaja za slobodno ležajno mjesto	29
4.2.4 Kontrola ležaja NU211-E-XL-TVP2	30
4.3 Odabir ležajeva vratila V_1	30
4.4 Odabir ležajeva osovine konusne tarenice.....	31
4.4.1 Odabir ležaja za čvrsto ležajno mjesto	31
4.4.2 Kontrola ležaja 6208-2RSR	32
4.4.3 Odabir ležaja za slobodno ležajno mjesto	32
4.4.4 Kontrola ležaja N208-E-XL-TVP2	33
5. Odabir i proračun opruge	34
6. Odabir i proračun mehanizma za promjenu prijenosnog omjera	35
6.1 Proračun navojnog vretena	35
7. Zaključak.....	38
8. Literatura	39
PRILOZI.....	40

POPIS SLIKA

Slika 1. Shematski prikaz La Filiere Unicum varijatora	3
Slika 2. Prikaz konusnih tarenica u odnosu na cilindrične tarenice	9
Slika 3. Opterećenje vratila tarenice TN_5	17
Slika 4. Prikaz opterećenja vratila V2	18
Slika 5. Prikaz opterećenja i dijagrami unutarnjih sila	20
Slika 6. Kritični presjeci vratila	21
Slika 7. Opterećenje osovine	23
Slika 8. Prikaz ležaja 33218 sa njegovim karakteristikama [7]	25
Slika 9. Ležaj NU 212-E-XL-TVP2 sa svojim karakteristikama [7]	27
Slika 10. Prikaz ležaja 33214 sa njegovim karakteristikama [7]	28
Slika 11. Prikaz ležaja NU211-E-XL-TVP2 sa karakteristikama [7]	29
Slika 12. Prikaz ležaja 6002 2RSR sa njegovim karakteristikama [7]	30
Slika 13. Prikaz ležaja N202-E-XL-TVP2 [7]	31
Slika 14. Prikaz ležaja 6208-2RSR sa karakteristikama [7]	32
Slika 15. Prikaz ležaja N208-E-XL-TVP2 [7]	33
Slika 16. Odabrana opruga i karakteristike [9]	34

POPIS TABLICA

Tablica 1. Podaci za uparivanje tarenica prema [1]	7
Tablica 2. Promjeri zupčanika.....	16

POPIS TEHNIČKE DOKUMENTACIJE

AJ-1000	Sklop varijatora
AJ-1000-1	Kućište
AJ-1000-2	Vratilo V ₃
AJ-1000-3	Prolazni poklopac vratila V ₃
AJ-1000-4	Tarenica TN ₅
AJ-1000-5	Konusna tarenica
AJ-1000-6	Osovina konusne tarenice
AJ-1000-7	Vilica konusne tarenice
AJ-1000-8	Vreteno
AJ-1000-9	Tarenica TN _{1,2}
AJ-1000-10	Vratilo V ₂
AJ-1000-11	Vratilo V ₁
AJ-1000-12	Zatvoreni poklopac V ₂
AJ-1000-13	Zatvoreni poklopac vretena
AJ-1000-14	Prolazni poklopac V ₁
AJ-1000-15	Prolazni poklopac vretena
AJ-1000-16	Distantni prsten vretena
AJ-1000-17	Distantni prsten V ₁
AJ-1000-18	Distantni prsten V ₂

POPIS OZNAKA

Oznaka	Jedinica	Opis
a	mm	-osni razmak zupčanika
A_j	mm ²	-nosiva površina vretena
B	mm	-širina tarenice
C_1	kN	-dinamička opterećenost ležaja
C_r	kN	-dinamička nosivost ležaja
d_z	mm	-diobeni promjer zupčanika
d_a	mm	-tjemeni promjer zupčanika
d_b	mm	-temeljni promjer zupčanika
d_f	mm	-podnožni promjer zupčanika
$d_{TN1,2}$	mm	-promjer tarenice TN _{1,2}
$d_{TN3,4}$	mm	-promjer tarenice TN _{3,4}
d_{TN5}	mm	-promjer tarenice TN ₅
d_{v1}	mm	-promjer vratila V ₁
d_{v2}	mm	-promjer vratila V ₂
d_{v3}	mm	-promjer vratila V ₃
d_{vr}	mm	-promjer vretena
d_w	mm	-kinematski promjer zupčanika
E	N/mm ²	-ekvivalentni modul elastičnosti
F_a	N	-aksijalna sila
F_N	N	-normalna sila
F_o	N	-obodna sila
F_{OP}	N	-sila opruge
F_r	N	-radijalna sila
F_{VR}	N	-aksijalna sila vretena
F_x	N	-sila u smjeru osi X
F_y	N	-sila u smjeru osi Y
F_z	N	-sila u smjeru osi Z
HB	-	-tvrdoća prema Brinellu
i	-	-prijenosni omjer
k	N/mm ²	-pritisak valjanja
K_{fa}	-	-faktor raspodjele opterećenja korjena

$K_{f\beta}$	-	-faktor raspodjele opterećenja po uzdužnoj liniji boka
k_{gr}	N/mm ²	-granični pritisak valjanja
l	mm	-pretpostavljena duljina vratila
L_{10h_min}	h	-zahtijevani nazivni vijek trajanja
M	Nm	-moment savijanja
m_n	mm	-modul zupčanika
M_{red}	Nm	-reducirani moment
M_y	Nm	-moment savijanja oko osi Y
M_z	Nm	-moment savijanja oko osi Z
n_{EM}	min ⁻¹	-brzina vrtnje elektromotora
n_{TN}	min ⁻¹	-brzina vrtnje tarenice
n_{RS}	min ⁻¹	-brzina vrtnje radnog stroja
p_H	N/mm ²	-površinski pritisak
p_{dop}	N/mm ²	-dopušteni površinski pritisak
P_r	kN	-ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje
r_{TN}	mm	-polumjer tarenice
q_r	-	-faktor gubitka tarnog prijenosa
S_F	-	-faktor sigurnosti zupčanika
S_K	-	-faktor sigurnosti tarenica
T	Nm	-okretni moment
T_{EM}	Nm	-okretni moment elektromotora
T_{RS}	Nm	-okretni moment radnog stroja
x	mm	-pomak konusnih tarenica
X	-	-dinamički radijalni faktor ležaja
Y	-	-dinamički aksijalni faktor ležaja
$x_{1,2}$	mm	-pomak profila zupčanika
$z_{1,2}$	-	-broj zubi zupčanika
α	°	-kut između dodirne plohe tarenice i normale na os vrtnje
α_0	-	-faktor čvrstoće materijala s obzirom na način opterećenja
β	°	-polovica vršnog kuta navoja
ε	-	-eksponent vijeka trajanja
η	-	-korisnost tarnog para
λ	-	-odnos širine zuba obzirom na uležištenje
μ	-	-faktor trenja

ν	-	-faktor iskorištenja
ρ	mm	-ekvivalentni polumjer zakrivljenosti
ρ'	°	-korigirani kut trenja
σ_{ekv}	N/mm ²	-ekvivalentno naprezanje
σ_{FP}	N/mm ²	-naprezanje korjena zuba
$\sigma_{f,lim}$	N/mm ²	-dinamička izdržljivost u korjenu zuba
$\sigma_{fDN,dop}$	N/mm ²	-dopušteno naprezanje na savijanje
τ	N/mm ²	-torzijsko naprezanje
$\tau_{tDI,dop}$	N/mm ²	-dopušteno torzijsko naprezanje
φ	°	-kut uspona zavojnice vretena

SAŽETAK

Tema zadatka ovog završnog rada je konstrukcijsko rješenje La Filière Unicum varijatora. Kod ovog tipa varijatora, snaga se preko spojke predaje ulaznom vratilu koje pogoni, preko zupčanog para, dvije cilindrične tarenice, koje zatim preko dvije pomične konusne međutarenice pokreću jednu cilindričnu tarenicu. Ovim tavnim prijenosom potrebno je omogućiti kontinuiranu promjenu prijenosnog omjera od 6 do 10 što se ostvaruje gibanjem konusnih međutarenica radijalno u odnosu na cilindrične tarenice. Pomak konusnih međutarenica omogućen je okretanjem trapeznog navojnog vretena. Potrebna normalna ostvaruje se oprugom. Proračun varijatora započeo je određivanjem maksimalnog okretnog momenta radnog stroja i potrebne obodne, odnosno, normalne sile. Nakon toga pristupilo se dimenzioniranju i proračunu čvrstoće tarenica i vratila, te odabiru ležajeva. Na kraju je odabrana opruga potrebna za ostvarivanje normalne sile, te je proračunat mehanizam za promjenu prijenosnog omjera. Na kraju se pristupilo konstrukcijskom oblikovanju varijatora koje je prikazano u tehničkoj dokumentaciji.

1. Uvod

1.1 Prijenosnici snage i gibanja

Danas u tehničkim sustavima razlikujemo dvije osnovne skupine strojeva: pogonske i radne. Pogonski strojevi pretvaraju jednu vrstu energije u mehaničku, a najčešći primjeri su: elektromotori (pretvaraju električnu u mehaničku), motori s unutarnjim izgaranjem (pretvaraju kemijsku energiju u mehaničku), vodne, plinske i parne turbine itd.. Radni strojevi snagu koju dobiju od pogonskog stroja pretvaraju u rad. Glavne karakteristike pogonskih strojeva su raspoloživa snaga P i okretni moment T koji se ostvaruju pri određenoj kutnoj brzini ω . Radni strojevi zahtijevaju okretni moment i brzine vrtnje u širokim rasponima, dok im pogonski strojevi, zbog svog ograničenog raspona okretnog momenta i brzine vrtnje, ili ne mogu dati ili im daju u vrlo uskim granicama. Zbog toga je potrebno ugraditi uređaj koji bi pogonskom stroju omogućio da radi u, za njega optimalnom području, a da se pritom radnom stroju okretni moment i brzina vrtnje isporučuju u zahtijevanim rasponima. Takvi uređaji nazivaju se prijenosnici snage i gibanja.

Prijenosnici snage i gibanja mogu se podijeliti, u zavisnosti sa kojeg aspekta se gleda na više načina:

1. Prema načinu prijenosa okretnog momenta razlikujemo grupe:

- Mehanički prijenosnici, moment se prenosi na dva osnovna načina – trenjem i oblikom s neposrednim ili posrednim dodirnom pogonskog i gonjenog člana.
- Hidraulički i pneumatski prijenosnici, moment se prenosi uz pomoć tekućina ili plinova (koji su većinom pod tlakom).
- Električni prijenosnici, kod kojih se okretni moment prenosi električnim putem.

2. S obzirom na promjenjivost prijenosnog omjera možemo razlikovati:

- Prijenosnike s konstantnim prijenosnim omjerom, tj. one koji su konstruirani za samo jedan prijenosni omjer.
- Prijenosnike s promjenjivim prijenosnim omjerom, gdje se promjena prijenosnog omjera može obavljati stupnjevano ili kontinuirano.

3. Prema tome dominira li prijenos snage i gibanja, ili samo gibanja razlikujemo:

- Prijenosnike snage i
- prijenosnike gibanja

Moguće su još neke podjele, kao na primjer: na standardne i planetarne, na one s normalnim učinkom i visokoučinske itd.. Često se susrećemo i sa kombiniranim prijenosnicima.

Snaga se dovodi preko elektromotora, te se prenosi dalje pomoću zupčastog prijenosa, dvije cilindrične i dvije konusne tarenice na radni stroj. Pri tome je potrební pritisak kod tarnog prijenosa ostvaren pomoću opruge.

Kod svih tarnih prijenosnika kao redovita pojava javlja se proklizavanje (kreće se od 0,5 do 10%), koje rezultira smanjenim prijenosnim omjerom, a povećava se s opterećenjem, te je često mjerodavno za ukupnu iskoristivost varijatora.

2. Proračun osnovnih potrebnih podataka

2.1 Brzina vrtnje radnog stroja za najveći i najmanji prijenosni omjer

2.1.1 Brzina vrtnje radnog stroja za najmanji prijenosni omjer

Izlazna brzina izračunava se prema izrazu:

$$n_{RS,max} = \frac{n_{EM}}{i_{min}}, \quad (2.1)$$

gdje su:

$n_{RS,max}$ – brzina vrtnje radnog stroja za najmanji prijenosni omjer,

n_{EM} – zadana brzina vrtnje elektromotora i

i_{min} – zadani najmanji prijenosni omjer.

Uvrštavanjem u (2.1) dobije se:

$$n_{RS,max} = \frac{1455}{6} = 242,5 \text{ min}^{-1}. \quad (2.2)$$

2.1.2 Brzina vrtnje radnog stroja za najveći prijenosni omjer

Slično kao i za najmanji prijenosni omjer, brzina vrtnje radnog stroja za najveći prijenosni omjer izračunava se prema izrazu:

$$n_{RS,min} = \frac{n_{EM}}{i_{max}}, \quad (2.3)$$

gdje su:

$n_{RS,min}$ – brzina vrtnje radnog stroja za najveći prijenosni omjer,

$n_{EM}=1455 \text{ min}^{-1}$ – brzina vrtnje elektromotora i

$i_{max}=10$ – najveći prijenosni omjer.

Uvrštavanjem u (2.3) dobijemo:

$$n_{RS,min} = \frac{1455}{10} = 145,5 \text{ min}^{-1}. \quad (2.4)$$

2.2 Okretni moment na ulaznom vratilu

Okretni moment na ulaznom vratilu računa se prema izrazu:

$$T_{EM} = \frac{P_{EM}[\text{kW}] \cdot 30000}{n_{EM}[\text{min}^{-1}] \cdot \pi}, \quad (2.5)$$

gdje su:

$P_{EM} = P_{RS} = 7,5 \text{ kW}$ – snaga elektromotora,

n_{EM} – brzina vrtnje elektromotora.

Uvrštavanjem u izraz (2.5) dobije se:

$$T_{EM} = \frac{7,5 \cdot 30000}{1455 \cdot \pi} = 49,25 \text{ Nm} \quad (2.6)$$

2.3 Minimalni i maksimalni okretni moment radnog stroja

Okretni moment radnog stroja izračunava se iz izraza:

$$T_{RS} = T_{EM} \cdot i, \quad (2.7)$$

gdje su:

T_{RS} – okretni moment radnog stroja,

i – prijenosni omjer.

2.3.1 Minimalni okretni moment radnog stroja

Ako se u izraz (2.7) uvrsti minimalni prijenosni omjer dobije se izraz za izračunavanje minimalnog okretnog momenta:

$$T_{RS,\min} = T_{EM} \cdot i_{\min} = 49,25 \cdot 6 = 295,5 \text{ Nm}. \quad (2.8)$$

2.3.2 Maksimalni okretni moment radnog stroja

Analogno minimalnom okretnom momentu se izračunava i maksimalni okretni moment radnog stroja kada se u izraz (2.7) uvrsti maksimalni prijenosni omjer:

$$T_{RS,\max} = T_{EM} \cdot i_{\max} = 49,25 \cdot 10 = 492,5 \text{ Nm} \quad (2.9)$$

2.4 Obodna sila na cilindričnoj tarenici

Za ostvarivanje maksimalnog potrebnog momenta radnog stroja, $T_{RS,\max}$, izraz za izračunavanje obodne sile glasi:

$$F_o = \frac{2 \cdot T_{RS,\max}}{d}, \quad (2.10)$$

gdje su:

F_o – obodna sila na cilindričnoj tarenici,

$T_{RS,max}$ – maksimalni okretni moment radnog stroja i

$d_{TN5,max}$ – promjer tarenice na kojemu djeluje obodna sila,

(pretpostavljeno $d_{TN5} = 200$ mm).

Uvrštavanjem u izraz (2.10) dobije se:

$$F_{o1} = \frac{2 \cdot 492,5}{0,2} = 4925 \text{ N.} \quad (2.11)$$

Pošto obodnu silu na cilindričnu tarenicu prenose dvije konusne tarenice, ukupna sila koja će biti potrebna za ostvarivanje zahtijevanog okretnog momenta biti će dva puta manja nego obodna sila dobivena u izrazu (2.11):

$$F_o = \frac{F_{o1}}{2} = \frac{4925}{2} = 2463 \text{ N} \quad (2.12)$$

2.5 Normalna sila (sila opruge)

Normalna sila ostvariti će uz pomoć opruge koja će gurati cilindričnu tarenicu silom koja je potrebna za ostvarivanje obodne sile uz određeni faktor sigurnosti S_k i faktor trenja obloga tarenica μ . Podaci za uparivanje tarenica prema [1] prikazani su u tablici 1. Kod tarnih prijenosnika koji imaju mogućnost kontinuirane promjene prijenosnog omjera za sparivanje se najčešće koriste par čelik/čelik. Takav par zbog niskog faktora trenja mora biti tlačen visokom silom. Kao materijal dolazi u obzir kaljeni čelik sa $H_{RC} = 60$ i najfinije obrađen, te zbog zagrijavanja tarenice moraju biti podmazivane uljem. Ovakav par omogućuje prijenose velikih snaga, uz male gubitke i dulji vijek trajanja.

Tablica 1. Podaci za uparivanje tarenica prema [1]

	guma / čelik, guma / sivi lijev	plastika / čelik, plastika / sivi lijev	Kaljeni čelik / kaljeni čelik
Faktor trenja μ	0,8	0,4	$\sqrt[3]{\frac{0,2}{\rho}}$
Ekvivalentni modul elastičnosti, E [N/mm ²]	40	8000	210000
Granični pritisak valjanja, k_{gr} [N/mm ²]	0,2	1,0	$\left(\frac{H_B}{380}\right)^2 \leq 29$
Faktor istrošenja, f [mm ³ /kWh]	20	400	0,5
Karakteristika zagrijavanja, $q_{f,gr}$ $\left[\frac{\text{kW/mm}^2}{\sqrt{m/s}}\right]$	0,26	0,48	3,3

Normalna sila izračunava se iz izraza:

$$F_N = \frac{F_o \cdot S_K}{\mu}, \quad (2.13)$$

gdje su:

F_N - normalna sila na tarenicu,

$S_K = 1,35$ – faktor sigurnosti, odabrano,

$\mu = 0,16$ – faktor trenja za par kaljeni čelik/sivi lijev (pretpostavljeno) .

Uvrštavanjem u izraz (2.13) dobije se:

$$F_N = \frac{F_o \cdot S_K}{\mu} = \frac{2463 \cdot 1,35}{0,16} = 20780 \text{ N}. \quad (2.14)$$

Vrijednost sile dobivene u izrazu (2.14) ujedno je i polovica sile koju je potrebno oprugom prenijeti na cilindričnu tarenicu.

2.5 Prijenosni omjeri

Ukupni prijenosni omjer koji se zahtijeva iznosi $i_{\min}=6$, odnosno $i_{\max}=10$, a općenito se izračunava prema izrazu:

$$i = i_1 \cdot i_2 \cdot i_3 \cdot \dots \cdot i_n, \quad (2.15)$$

Pretpostavljeni prijenosni omjeri:

$i_{z1/2,3}=6$ – prijenosni omjer zupčanog para,

$i_{TN1,2/5,\min}=1$ – minimalni prijenosni omjer između cilindričnih tarenica 1 i 2 te tarenice 5,

$i_{TN1,2/5,\max}=1,667$ – maksimalni prijenosni omjer između cilindričnih tarenica 1 i 2 te tarenice 5,

2.5.1 Provjera prijenosnih omjera

Preko općenitog izraza (2.15) maksimalni ukupni prijenosni omjer:

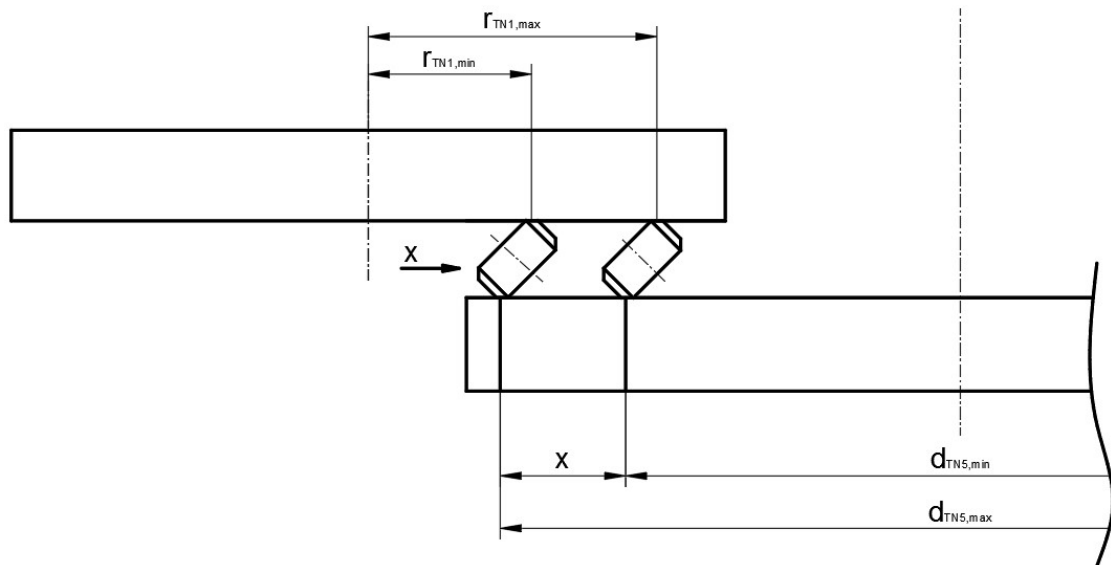
$$i_{\max} = i_{z1/2,3} \cdot i_{TN1,2/5,\max} = 6 \cdot 1,667 = 10, \quad (2.16)$$

dok je analogno maksimalnom, minimalni prijenosni omjer:

$$i_{\min} = i_{z1/2,3} \cdot i_{TN1,2/5,\min} = 6 \cdot 1 = 6. \quad (2.17)$$

2.6 Promjeri tarenica

Prikaz konusnih tarenica u odnosu na cilindrične tarenice nalazi se na slici 2. Također je prikazan odnos pomaka x , u odnosu na promjere cilindričnih tarenica.



Slika 2. Prikaz konusnih tarenica u odnosu na cilindrične tarenice

2.6.1 Maksimalni promjer tarenice TN_5

Za maksimalni promjer tarenice TN_5 odabran je:

$$d_{TN5,max} = 200 \text{ mm.}$$

2.6.2 Minimalni promjer tarenica TN_1 i TN_2

Ako je pretpostavljeno da je promjer cilindrične tarenice na izlaznom vratilu $d_{TN5,max}=200$ mm, onda se promjeri cilindričnih tarenica, $d_{TN1,2}$, preko prijenosnog omjera izračunava iz izraza:

$$d_{TN1,\min} = d_{TN2,\min} = \frac{d_{TN5,max}}{i_{TN3,4/5,max}}, \quad (2.18)$$

gdje su:

$$d_{TN1,\min}=d_{TN2,\min} - \text{promjeri cilindričnih tarenica } TN_1 \text{ i } TN_2,$$

$d_{TN5,max}=200$ mm – promjer tarenice na kojemu djeluje obodna sila,

$i_{TN1,2/5,max}=1,667$ – maksimalni prijenosni omjer cilindričnih tarenica $TN_{1,2}$ i TN_5 .

Uvrštavanjem u izraz (2.18) dobije se:

$$d_{TN1,min} = d_{TN2,min} = \frac{d_{TN5,max}}{i_{TN3,4/5,max}} = \frac{200}{1,667} = 120 \text{ mm.} \quad (2.19)$$

2.6.3 Određivanje pomaka konusnih tarenica, x

Minimalni prijenosni omjer tarenica $TN_{1,2}$ i TN_5 izračunava se iz izraza:

$$i_{TN1,2/5,min} = \frac{r_{TN5,min}}{r_{TN1,2,max}} = \frac{r_{TN5,max} - x}{r_{TN1,2,min} + x}, \quad (2.20)$$

gdje je:

x – pomak konusnih tarenica za ostvarivanje kontinuiranog prijenosnog omjera.

Rješavanjem jednadžbe (2.20) dobije se izraz za pomak jedne konusne tarenice:

$$x = \frac{r_{TN5,max} - i_{TN1,2/5,min} \cdot r_{TN1,2,min}}{i_{TN1,2/5,min} + 1}, \quad (2.21)$$

a uvrštavanjem brojčanih vrijednosti dobije se:

$$x = \frac{100 - 1 \cdot 60}{1 + 1} = 20 \text{ mm.} \quad (2.22)$$

2.6.3 Određivanje maksimalnog promjera $d_{TN1,2,max}$ i minimalnog promjera $d_{TN5,min}$

Minimalni promjer tarenice TN_5 računa se preko izraza:

$$d_{TN5,min} = d_{TN5,max} - 2 \cdot x = 200 - 40 = 160 \text{ mm,} \quad (2.23)$$

dok je maksimalni promjer tarenica $TN_{1,2}$ jednak:

$$d_{TN1,max} = d_{TN2,max} = d_{TN1,2,min} + 2 \cdot x = 160 \text{ mm.} \quad (2.24)$$

2.7 Potrebna širina konusne tarenice

2.7.1 Potrebna širina konusne tarenice s obzirom na tarenicu TN_5

Širina tarenice određuje se prema izrazu:

$$B = \frac{F_N}{2 \cdot \rho \cdot k'} \quad (2.25)$$

gdje su:

B – širina konusne tarenice,

ρ – ekvivalentni faktor zakrivljenosti,

k – pritisak valjanja.

Ekvivalentni faktor zakrivljenosti računa se prema izrazu:

$$\rho_{\text{TN}_{3,4},\text{TN}_5} = \frac{r_{\text{TN}_5} \cdot r_{\text{TN}_{3/4}}}{r_{\text{TN}_5} \cdot \sin(\alpha_{3,4}) + r_{\text{TN}_{3/4}} \cdot \sin(\alpha_5)}, \quad (2.26)$$

gdje su:

$r_{\text{TN}_5} = 100 \text{ mm}$ – polumjer tarenice TN_5 ,

$r_{\text{TN}_{3,4}} = 65 \text{ mm}$ – polumjer konusnih tarenica $\text{TN}_{3,4}$, odabrano,

$\alpha_5 = 0^\circ$ - kut između dodirne plohe tarenice TN_5 i normale na os vrtnje tarenice (odabrano),

$\alpha_{3,4} = 45^\circ$ - kut između dodirne plohe konusnih tarenica $\text{TN}_{3,4}$ i normale na os vrtnje konusnih tarenica (odabrano).

Nakon uvrštavanja u jednadžbu (2.26) dobije se:

$$\rho_{\text{TN}_{3,4},\text{TN}_5} = \frac{100 \cdot 65}{100 \cdot \sin(45^\circ) + 65 \cdot \sin(0^\circ)} = 92 \text{ mm}. \quad (2.27)$$

Nakon što je izračunat ekvivalentni polumjer zakrivljenosti potrebno je provesti korekciju faktora trenja koji je pretpostavljen u poglavlju (2.5). Faktor trenja izračunava se iz jednadžbe:

$$\mu = \sqrt[3]{\frac{0,2}{\rho_{\text{TN}_{3,4},\text{TN}_5}}} = \sqrt[3]{\frac{0,2}{92}} = 0,127. \quad (2.28)$$

Pritisak valjanja računa se prema izrazu:

$$k = \left(\frac{HB}{380}\right)^2, \quad (2.29)$$

gdje je:

$HB = 600 \dots 900$ – za kaljeni čelik prema [11], odabrano $HB = 850$

Nakon uvrštavanja u jednadžbu (2.28) dobije se:

$$k = \left(\frac{850}{380}\right)^2 = 5. \quad (2.30)$$

Zbog promjene faktora trenja potrebno je korigirati izračunatu normalnu silu u jednadžbi (2.14), pa tako normalna sila iznosi:

$$F_N = \frac{2463 \cdot 1,35}{0,127} = 26182 \text{ N} \quad (2.31)$$

Uvrštavanjem dobivenih podataka u jednadžbu (2.25) dobije se potrebna širina konusne tarenice:

$$B = \frac{26182}{2 \cdot 92 \cdot 5} = 28.5 \text{ mm.} \quad (2.32)$$

2.7.2 Potrebna širina konusne tarenice s obzirom na tarenice $TN_{1,2}$

Ekvivalentni polumjer zakrivljenosti u ovom slučaju jednak je kao i u predhodnom odlomku, a računa se prema izrazu:

$$\rho_{TN_{1,2}, TN_{3,4}} = \frac{r_{TN_{1,2}} \cdot r_{TN_{3,4}}}{r_{TN_{1,2}} \cdot \sin(\alpha_{3,4}) + r_{TN_{3,4}} \cdot \sin(\alpha_{1,2})}, \quad (2.33)$$

gdje su:

$r_{TN_{1,2}} = r_{TN_{1,2min}} = 60 \text{ mm}$ minimalni polumjer cilindričnih tarenica $TN_{1,2}$,

$\alpha_{1,2} = 0^\circ$ - kut između dodirne plohe tarenica $TN_{1,2}$ i okomice na os vrtnje (odabrano).

Nakon uvrštavanja u jednadžbu (2.31) dobije se:

$$\rho_{TN_{1,2}, TN_{3,4}} = \frac{60 \cdot 65}{60 \cdot \sin(45^\circ) + 65 \cdot \sin(0^\circ)} = 92 \text{ mm.} \quad (2.34)$$

Uvrštavanjem dobivenog podatka u jednadžbu (2.25) dobije se širina konusne tarenice s obzirom na tarenice $TN_{1,2}$:

$$B = \frac{26182}{2 \cdot 92 \cdot 5} = 28,5 \text{ mm.} \quad (2.35)$$

Odabrana širina konusnih tarenica je $B = 33 \text{ mm}$.

2.8 Provjera površinskog pritiska

2.8.1 Provjera površinskog pritiska tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$

Površinski pritisak računa se prema izrazu:

$$p_{H,max} = 0,418 \cdot \sqrt{\frac{F_N \cdot E}{\rho \cdot B}} \leq p_{H,dop}, \quad (2.36)$$

gdje su:

$p_{H,max}$ – maksimalni površinski pritisak tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$,

$E = 210000 \text{ N/mm}^2$ – modul elastičnosti prema tablici 1. ,

$p_{H,dop} = 1000 \text{ N/mm}^2$ – dopušteni površinski pritisak prema [3].

Uvrštavanjem vrijednosti u jednadžbu (2.34) dobije se:

$$p_{H,max} = 0,418 \cdot \sqrt{\frac{26182 \cdot 210000}{92 \cdot 33}} = 563 \text{ N/mm}^2 < 1000 \text{ N/mm}^2. \quad (2.37)$$

Površinski pritisak zadovoljava.

2.9 Korisnost tarnih parova

2.9.1 Korisnost tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$

Korisnost tarnog para računa se prema [3]:

$$\eta_{TN_{1,2}TN_{3,4}} = 1 - \frac{B}{r_{1,2min}} \left(\sin(\alpha_{1,2}) - \frac{\sin(\alpha_{3,4})}{i_{TN_{1,2}TN_{3,4},min}} \right) q_r, \quad (2.38)$$

gdje su:

$\eta_{TN_{1,2}TN_{3,4}}$ – korisnost tarnog para $TN_{1,2}$ i $TN_{3,4}$,

q_r – faktor gubitka tarnog prijenosa.

Faktor gubitka tarnog prijenosa računa se prema [3] iz izraza:

$$q_r = \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{1}{v} + v \right), \quad (2.39)$$

gdje je:

v – faktor iskorištenja $F_o/\mu F_N=0,75$

Uvrštavanjem u jednadžbu (2.37) dobije se:

$$q_r = \frac{1}{4} \cdot \left(\frac{1}{0,75} + 0,75 \right) = 0,52. \quad (2.40)$$

Uvrštavanjem poznatih i dobivenih vrijednosti u jednadžbu (2.36) dobije se:

$$\eta_{TN1,2TN3,4} = 1 - \frac{33}{60} \left(\sin(0^\circ) + \frac{\sin(45^\circ)}{0,81} \right) 0,52 = 0,75. \quad (2.41)$$

2.9.2 Korisnost tarnog para $TN_{3,4}$ i TN_5

Korisnost tarnog para $TN_{3,4}$ i TN_5 izračunava se iz već poznatih podataka prema izrazu:

$$\eta_{TN3,4TN5} = 1 - \frac{33}{65} \left(\sin(0^\circ) + \frac{\sin(45^\circ)}{1,23} \right) 0,52 = 0,85. \quad (2.42)$$

2.10 Proračun zupčanika

2.10.1 Orijentacijski proračun zupčanika

Oсни razmak između vratila zupčanika izračunava se iz izraza:

$$a = r_{TN1,min} + r_{TN5,max} = 60 + 100 = 160 \text{ mm}. \quad (2.43)$$

Za proračun modula zupčanika koristit će se orijentacijski proračun na osnovu opteretivosti korjena zuba, pod pretpostavkom da su zupčanici zakaljeni, te da se upotrebljavaju zupčanici sa ravnim zubima. Izraz za modul prema [10] glasi:

$$m_n = \sqrt[3]{\frac{2 \cdot T_{EM}}{\lambda \cdot z_1 \cdot \sigma_{FP}} \cdot Y_F \cdot Y_\varepsilon \cdot K_{f\alpha} \cdot K_{f\beta}}, \quad (2.44)$$

gdje su:

λ – odnos širine zuba obzirom na uležištenje, prema [10] odabrano $\lambda = 25$,

z_1 – broj zubi zupčanika Z_1 , pretpostavljeno $z_1 = 22$,

σ_{FP} – dopušteno naprežanje korjena zuba,

Y_F – faktor oblika, prema [10] $Y_F = 2,2$,

Y_ε – faktor stupnja prekrivanja, prema [10] uzima se $Y_\varepsilon = 1$,

$K_{f\alpha}$ – faktor raspodjele opterećenja korjena, prema [10] uzima se $K_{f\alpha} = 1$,

$K_{f\beta}$ – faktor raspodjele opterećenja po uzdužnoj liniji boka zuba, prema [10] uzima se

$K_{f\beta} = 1$.

Dopušteno naprežanje korjena zuba određuje se iz izraza:

$$\sigma_{FP} = \frac{\sigma_{f,lim}}{S_F}, \quad (2.45)$$

gdje su:

$\sigma_{f,lim}$ – dinamička izdržljivost u korjenu zuba za materijale manjeg i većeg zupčanika, prema [10] $\sigma_{f,lim} = 270 \text{ N/mm}^2$, za odabrani materijal E360,

S_F – faktor sigurnosti, odabrano $S_F = 1,5$.

Uvrštavanjem brojčanih vrijednosti u jednadžbu (2.45) dobije se:

$$\sigma_{FP} = \frac{270}{1,5} = 180 \text{ N/mm}^2. \quad (2.46)$$

Uvrštavanjem u jednadžbu (2.44) dobije se:

$$m_n = \sqrt[3]{\frac{2 \cdot 49250}{25 \cdot 15 \cdot 180}} \cdot 2,2 \cdot 1 \cdot 1 \cdot 1 = 1,3 \text{ mm}. \quad (2.47)$$

Odabran je standardni modul $m_n = 2 \text{ mm}$.

2.10.2 Dimenzije zupčanika

Broj zubi zupčanika Z_1 izračunava se preko izraza:

$$a_w = m_n \cdot \frac{z_1 + i_{z1/2,3} \cdot z_{2,3}}{2}. \quad (2.48)$$

Uvrštavanjem poznatog prijenosnog omjera i osnog razmaka dobije se:

$$160 = 2 \cdot \frac{z_1 + 6 \cdot z_1}{2}, \quad (2.49)$$

a rješavanjem jednadžbe dobije se broj zubi zupčanika Z_1 :

$$z_1 = \frac{320}{14} = 22,85. \quad (2.50)$$

Odabrani broj zubi zupčanika Z_1 je $z_1 = 23$.

Broj zubi zupčanika $Z_{2,3}$ izračunava se iz izraza:

$$z_{2,3} = i_{z1/2,3} \cdot z_1 = 6 \cdot 23 = 138. \quad (2.51)$$

Promjer zupčanika Z_1 izračunava se iz izraza:

$$d_{z1} = m_n \cdot z_1 = 2 \cdot 23 = 46 \text{ mm}. \quad (2.52)$$

Promjer zupčanika $Z_{2,3}$ izračunava se iz izraza:

$$d_{z2,3} = m_n \cdot z_{2,3} = 2 \cdot 138 = 276 \text{ mm} \quad (2.53)$$

Oсни razmak preko promjera zupčanika jednak je:

$$a = r_{z1} + r_{z2,3} = 23 + 138 = 161 \text{ mm}. \quad (2.54)$$

Kako je dobiveni osni razmak veći od traženog, uraditi će se pomak profila.

Zbroj pomaka profila računa se iz izraza:

$$x_1 + x_2 = (z_1 + z_{2,3}) \cdot \frac{ev(\alpha_w) - ev(\alpha)}{2 \cdot \operatorname{tg}(\alpha)}, \quad (2.55)$$

gdje je:

$\alpha_w = 19^\circ$ - pogonski kut zahvatne crte za zadani osni razmak a ,

$\alpha = 20^\circ$ - kut zahvatne crte.

Uvrštavanjem u jednadžbu (2.) dobije se:

$$x_1 + x_2 = (23 + 138) \cdot \frac{0,0127 - 0,0149}{2 \cdot 0,3639} = -0,487 \text{ mm.} \quad (2.56)$$

Promjeri zupčanika prikazani su u tablici 2.:

Tablica 2. Promjeri zupčanika

$d_{z1} = 46 \text{ mm}$	$d_{z2,3} = 276 \text{ mm}$
$d_{a1} = 50 \text{ mm}$	$d_{a2,3} = 270,1 \text{ mm}$
$d_{f1} = 42 \text{ mm}$	$d_{f2,3} = 278,1 \text{ mm}$
$d_{w1} = 45,7 \text{ mm}$	$d_{w2,3} = 274,3 \text{ mm}$

3. Dimenzioniranje vratila i osovine

3.1 Dimenzioniranje vratila V_3 tarenice TN_5

3.1.1 Opterećenje vratila tarenice TN_5

Skica vratila sa opterećenjem prikazana je na slici 3.



Slika 3. Opterećenje vratila tarenice TN_5

Pretpostavljene dimenzije vratila:

$$l_1 = 150 \text{ mm},$$

$$l_2 = 200 \text{ mm}.$$

Vratilo je opterećeno na tlak i na torziju. Sila F_B računa se iz sume sila u smjeru osi x, pa je jednadžba ravnoteže:

$$\sum F_x = 0, \quad (3.1)$$

$$2 \cdot F_N - F_{Bx} = 0, \quad (3.2)$$

$$F_{Bx} = 2 \cdot F_N = 2 \cdot 26182 = 52364 \text{ N}. \quad (3.3)$$

gdje su:

$$F_N = 26182 \text{ N} - \text{normalna sila na tarenicu } TN_5,$$

$$F_{Bx} - \text{reakcija oslonca B u smjeru osi x},$$

Moment torzije prema jednadžbi (2.9) iznosi:

$$T_{RS,max} = T_V = 492,5 \text{ Nm}.$$

3.1.2 Dimenzioniranje vratila tarenice TN_5

Odabrani materijal vratila je S235JR, i za torzijsko istosmjerno naprezanje ima dopuštenu vrijednost:

$\tau_{tDI} = 140 \text{ N/mm}^2$ – dopušteno smično naprezanje.

Prema [4] smično naprezanje se određuje iz izraza:

$$\tau = \frac{T_{RS,max}}{W_t}, \quad (3.4)$$

gdje su:

d_{V1} – promjer vratila,

W_t – torzijski moment otpora.

Torzijski moment otpora, prema [2], računa se iz izraza:

$$W_t = \frac{\pi}{16} \cdot d_{V3}^3, \quad (3.5)$$

Uvrštavanjem u izraz (3.4) i izjednačavanjem sa dopuštenim smičnim naprezanjem dobije se izraz za izračunavanje promjera:

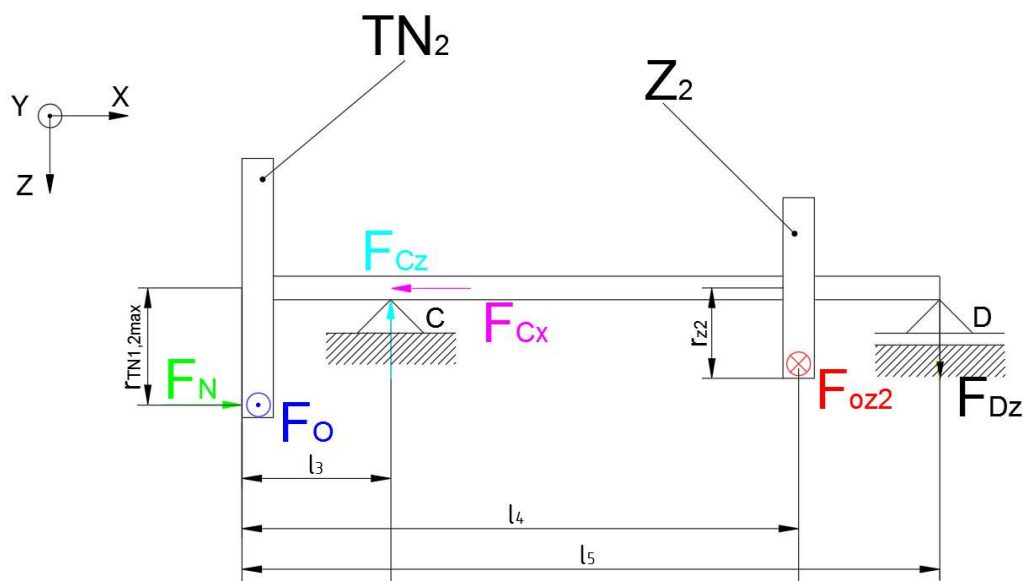
$$d_{V3} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{RS,max}}{\pi \cdot \tau_{tDI}}} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 492500}{\pi \cdot 140}} = 26,2 \text{ mm}. \quad (3.6)$$

Odabrani promjer vratila s obzirom na torziju je $d_{V1} = 30 \text{ mm}$.

3.2 Dimenzioniranje vratila V_2 tarenica TN_1 i TN_2

3.2.1 Opterećenje vratila tarenice TN_2

Skica vratila sa opterećenjem prikazana je na slici 4.



Slika 4. Prikaz opterećenja vratila V_2

Pretpostavljene dimenzije vratila tarenice TN₂ su:

$$l_3 = 70 \text{ mm},$$

$$l_4 = 170 \text{ mm},$$

$$l_5 = 240 \text{ mm}.$$

Obodna sila na gonjenom zupčaniku Z₂ izračunava se iz izraza:

$$F_{Oz1} = F_{Oz2} = \frac{2 \cdot T_{EM}}{d_{z1}} = \frac{2 \cdot 49250}{46} = 2150 \text{ N}. \quad (3.7)$$

Reakcije u osloncima C i D izračunati će se iz jednadžbi ravnoteže.

$$\sum F_y = 0, \quad (3.8)$$

$$F_O - F_{Cy} - F_{Oz2} + F_{Dy} = 0, \quad (3.9)$$

$$\sum M_D = 0, \quad (3.10)$$

$$F_O \cdot l_5 - F_{Cy} \cdot (l_5 - l_3) - F_{Oz2} \cdot (l_5 - l_4) = 0. \quad (3.11)$$

Iz jednadžbe (3.11) može se izračunati reakcija u osloncu C u smjeru osi y:

$$F_{Cy} = \frac{-F_{Oz2} \cdot (l_5 - l_4) + F_O \cdot l_5}{(l_5 - l_3)} = \frac{-2150 \cdot 70 + 2463 \cdot 240}{170} = 2592 \text{ N}. \quad (3.12)$$

Uvrštavanjem rezultata jednadžbe (3.12) u jednadžbu (3.9) dobije se:

$$F_{Dy} = F_{Oz2} + F_{Cy} - F_O = 2150 + 2592 - 2464 = 2278 \text{ N}. \quad (3.13)$$

$$\sum M_D = 0, \quad (3.14)$$

$$F_N \cdot r_{TN1,2,max} - F_{Cz} \cdot (l_5 - l_3) = 0, \quad (3.15)$$

$$F_{Cz} = \frac{F_N \cdot r_{TN1,2,max}}{(l_5 - l_3)} = \frac{26182 \cdot 80}{170} = 12320 \text{ N}, \quad (3.16)$$

$$\sum F_z = 0, \quad (3.17)$$

$$F_{Cz} - F_{Dz} = 0, \quad (3.18)$$

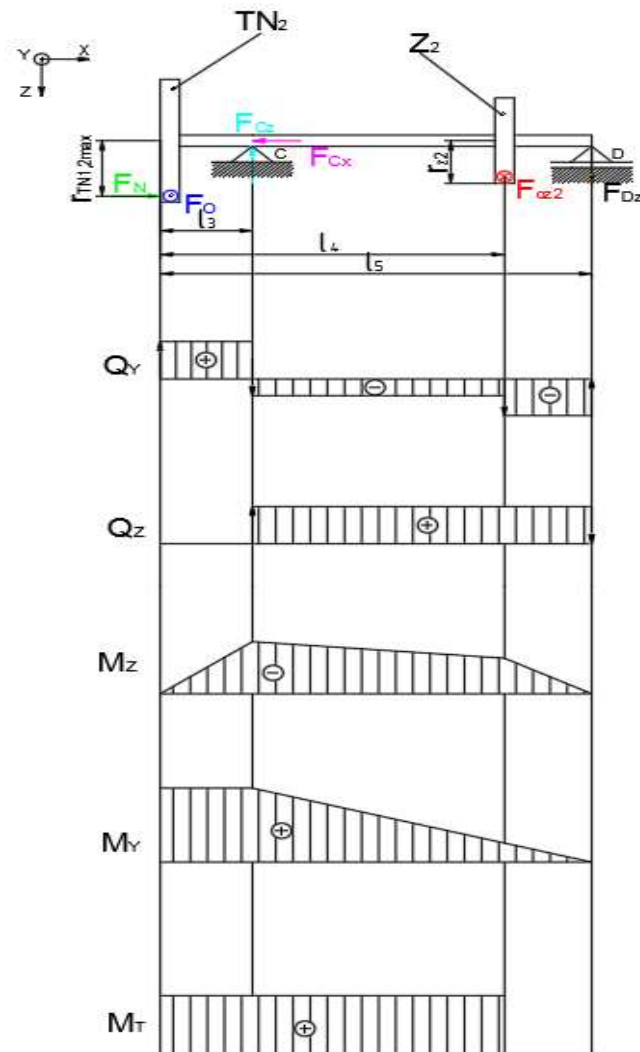
$$F_{Dz} = F_{Cz} = 12320 \text{ N}. \quad (3.19)$$

Rezultantne radijalne reakcije u osloncima C i D su:

$$F_C = \sqrt{F_{Cz}^2 + F_{Cy}^2} = \sqrt{12320^2 + 2592^2} = 12590 \text{ N}, \quad (3.20)$$

$$F_D = \sqrt{F_{Dz}^2 + F_{Dy}^2} = \sqrt{12320^2 + 2278^2} = 12529 \text{ N}. \quad (3.21)$$

Na slici 5. prikazano je opterećenje i dijagrami unutarnjih sila vratila tarenice TN₂.



Slika 5. Prikaz opterećenja i dijagrami unutarnjih sila

3.2.2 Dimenzioniranje vratila tarenice TN_2

Odabrani materijal vratila je E355, a orijentacijske vrijednosti dopuštenih savojnih naprezanja za naizmjenično opterećena vratila [5] za zadani materijal iznose :

$$\sigma_{fDNdop} = 40 \dots 75 \text{ N/mm}^2 \text{ – dopušteno naprezanje na savijanje.}$$

Odabrano $\sigma_{fDNdop} = 75 \text{ N/mm}^2$.

Budući da je vratilo između tarenice TN_2 i zupčanika Z_2 opterećeno na savijanje i na torziju potrebno je izračunati reducirane momente za taj dio vratila. Moment torzije na tome dijelu iznosi:

$$T_{V,TN_2} = \frac{F_{Oz_2} \cdot d_{z_2}}{2} = \frac{1760 \cdot 112}{2} = 98,56 \text{ Nm.} \quad (3.22)$$

Reducirani moment računa se iz izraza:

$$M_{red} = \sqrt{M^2 + 0,75 \cdot (\alpha_0 \cdot T_{V,TN_2})^2}. \quad (3.23)$$

Na slici 6. prikazani su kritični presjeci vratila.



Slika 6. Kritični presjeci vratila

Presjek 1 ($x_1=70 \text{ mm}$):

$$M_1 = \sqrt{M_{1y}^2 + M_{1z}^2}, \quad (3.24)$$

$$M_{1y} = F_N \cdot r_{TN_2, \max} = 26182 \cdot 0,080 = 2095 \text{ Nm.} \quad (3.25)$$

$$M_{1z} = F_O \cdot x_1 = 2463 \cdot 0,07 = 172,41 \text{ Nm} \quad (3.26)$$

$$M_1 = \sqrt{2095^2 + 172,41^2} = 2100 \text{ Nm.} \quad (3.7)$$

Za računanje reduciranog momenta potrebno je poznavati faktor čvrstoće materijala vratila obzirom na način njegovog opterećenja, a koji se prema [5] računa iz izraza:

$$\alpha_0 = \frac{\sigma_{fDN}}{1,73 \cdot \tau_{tDI}}, \quad (3.28)$$

gdje su prema [5]:

$$\begin{aligned} \sigma_{fDN} &= 300 \text{ N/mm}^2, \\ \tau_{tDI} &= 230 \text{ N/mm}^2. \end{aligned}$$

Uvrštavanjem u jednadžbu (3.28) dobije se:

$$\alpha_0 = \frac{\sigma_{fDN}}{1,73 \cdot \tau_{tDI}} = \alpha_0 = \frac{300}{1,73 \cdot 230} = 0,75. \quad (3.29)$$

Uvrštavanjem dobivenih rezultata u jednadžbu (3.23) dobije se:

$$\begin{aligned} M_{red1} &= \sqrt{M_1^2 + 0,75 \cdot (\alpha_0 \cdot T_{V,TN2})^2} = \\ &= \sqrt{2100^2 + 0,75 \cdot (0,75 \cdot 98,56)^2} = 2101 \text{ Nm} \end{aligned} \quad (3.30)$$

Sada se može izračunati promjer idealnog vratila:

$$d_1 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot M_{red1}}{\sigma_{fDNdop}}} = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot 2101000}{75}} = 65,43 \text{ mm}. \quad (3.31)$$

Presjek 2 ($x_2 = 170 \text{ mm}$):

$$M_2 = \sqrt{M_{2y}^2 + M_{2z}^2}, \quad (3.32)$$

gdje su:

$$M_{2y} = F_N \cdot r_{TN2,max} - F_{Cz} \cdot (x - l_3) = 2095 - 1095,3 = 1000 \text{ Nm}, \quad (3.33)$$

$$M_{2z} = F_O \cdot x - F_{Cy}(x - l_3) = 418,71 - 259,2 = 160 \text{ Nm}. \quad (3.34)$$

Uvrštavanjem u jednadžbu (3.32) dobije se:

$$M_2 = \sqrt{1000^2 + 160^2} = 1012 \text{ Nm}. \quad (3.35)$$

Reducirani moment za presjek 2 jednak je:

$$M_{red2} = \sqrt{M_2^2 + 0,75 \cdot (\alpha_0 \cdot T_{V,TN2})^2} = \sqrt{1012^2 + 4100} = 1014 \text{ Nm}. \quad (3.36)$$

Poznavajući reducirani moment na presjeku 2 može se izračunati i promjer idealnog vratila na istom presjeku:

$$d_2 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot M_{\text{red}2}}{\sigma_{\text{dDNdop}}}} = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot 1014000}{75}} = 51,32 \text{ mm.} \quad (3.37)$$

Presjek 3 ($x_3 = 170 \text{ mm}$):

Na ovom dijelu vratila djeluje samo savojno opterećenje (naprezanje) pa izraz za promjer idealnog vratila glasi:

$$d_3 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot F_D}{\sigma_{\text{dDNdop}}}} \cdot (l_5 - x_3)^{\frac{1}{3}}, \quad (3.38)$$

a uvrštavanjem brojčanih vrijednosti dobije se:

$$d_3 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot 12529}{75}} \cdot (240 - 170)^{\frac{1}{3}} = 48,9 \text{ mm.} \quad (3.39)$$

Odabrane dimenzije vratila su:

$$d_1 = 70 \text{ mm,}$$

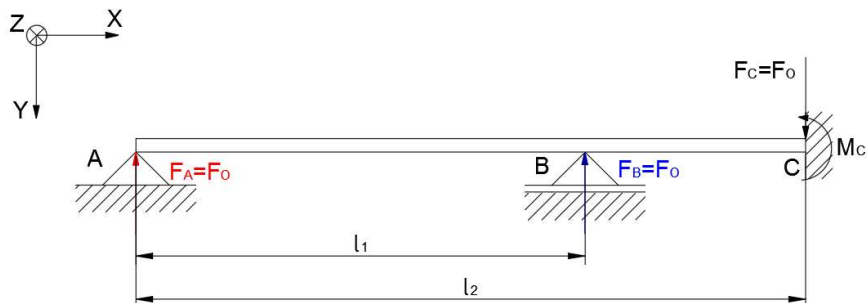
$$d_2 = 55 \text{ mm,}$$

$$d_3 = 55 \text{ mm.}$$

3.3 Dimenzioniranje osovine konusne tarenice

3.3.1 Opterećenje osovine konusne tarenice

Konusna tarenica će se oblikovati tako da normalne sile djeluju na istom pravcu ali u suprotnom smjeru, te bi kao posljedica toga bilo njihovo poništavanje. Osovina će biti opterećena samo obodnim silama, a na slici 7. prikazano je opterećenje osovine.



Slika 7. Opterećenje osovine

Pretpostavljene dimenzije osovine su:

$$l_1 = 120 \text{ mm,}$$

$$l_2 = 140 \text{ mm,}$$

3.3.2 Dimenzioniranje osovine

Kritični presjek osovine nalazi se u ukliještenju. Moment savijanja koji djeluje u ukliještenju jednak je:

$$M = M_C = 394 \text{ Nm.} \quad (3.40)$$

Odabrani materijal osovine je E355 za kojeg vrijedi:

$$\sigma_{fDNdop} = 75 \text{ N/mm}^2.$$

Promjer osovine na tom presjeku izračunava se iz izraza:

$$d_0 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot M_C}{\sigma_{fDN,dop}}}, \quad (3.41)$$

$$d_2 = \sqrt[3]{\frac{10 \cdot 394000}{75}} = 37,45 \text{ mm} \quad (3.42)$$

Odabrano $d_2 = 40 \text{ mm}$.

3.4 Dimenzioniranje vratila V_1 elektromotora

3.4.1 Opterećenje i dimenzioniranje vratila V_1

Vratilo V_1 opterećeno je samo momentom torzije i to na djelu između zupčanika Z_1 i elektromotora. Moment torzije kojim je vratilo opterećeno zapravo je moment elektromotora nazivne snage $P_{EM} = 7,5 \text{ kW}$, i brzine vrtnje $n_{EM} = 1455 \text{ min}^{-1}$. Moment elektromotora poznat je i iznosi:

$$T_{EM} = 49,25 \text{ Nm.}$$

Odabrani materijal vratila je E35, a vratilo se dimenzionira prema [4] prema izrazu:

$$d_{V1} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot T_{EM}}{\pi \cdot \tau_{tDI}}} \quad (3.43)$$

a uvrštavanjem poznatih podataka dobije se:

$$d_{V1} = \sqrt[3]{\frac{16 \cdot 49250}{\pi \cdot 230}} = 10,29 \text{ mm.} \quad (3.44)$$

Odabrani promjer vratila je $d_{V1} = 15 \text{ mm}$.

4. Odabir i proračun ležajeva

4.1 Odabir ležajeva vratila V_3

Vratilo će biti oslonjeno dva ležaja od kojih jedan prenosi samo radijalnu silu koja je posljedica mase elemenata, a drugi osim radijalne mora prenijeti i aksijalnu silu. Prema [6] za potporna ležajeva odabiru se jednoredni kuglični radijalni ležajevi s kosim dodirom ili kod velikih aksijalnih opterećenja radijalni stožasti ležaj, te se ugrađuju u O ili X poretku i to asimetrično tako da jedan ležaj preuzima aksijalnu silu u jednom, a drugi u drugom smjeru.

4.1.1 Čvrsto ležajno mjesto

Odabran je ležaj 33218, a oblik i dimenzije tog ležaja prikazane su prema [7] na slici 8.



Slika 8. Prikaz ležaja 33218 sa njegovim karakteristikama [7]

4.1.2 Kontrola ležaja 33218

Prema [8] ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje izračunava se iz izraza:

$$P_r = X \cdot F_r + Y \cdot F_a, \quad (4.1)$$

gdje su:

P_r – ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje,

X – dinamički radijalni faktor ležaja,

Y – dinamički aksijalni faktor ležaja (za odabrani ležaj $Y = 1,43$).

Radijalna sila je zanemariva, pa se uvrštavanjem u izraz (4.1) dobije:

$$P_r = Y \cdot F_a = 1,43 \cdot 52364 = 74880 \text{ N}. \quad (4.2)$$

Odnos radijalne i aksijalne sile jednak je:

$$\frac{F_a}{F_r} \gg e = 0,35. \quad (4.3)$$

Dinamička opterećenost ležaja C_1 prema [8] izračunava se iz izraza:

$$C_1 = P_r \cdot \left(\frac{60 \cdot n_{RS,max} \cdot L_{10h_min}}{10^6} \right)^{\frac{1}{\varepsilon}}, \quad (4.4)$$

gdje su:

C_1 – dinamička opterećenost ležaja,

L_{10h_min} – zahtijevani nazivni vijek trajanja, odabrano $L_{10h_min} = 8000 \text{ h}$,

$\varepsilon = 10/3$ – eksponent vijeka trajanja (za ležajeve sa teorijskim dodirom u liniji).

Uvrštavanjem u izraz (4.4) dobije se:

$$C_1 = 74880 \cdot \left(\frac{60 \cdot 242,5 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{3}{10}} = 311000 \text{ N} \quad (4.5)$$

Kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da odabrani ležaj zadovoljava.

4.1.3 Slobodno ležajno mjesto

Za slobodno ležajno mjesto odabran je jednoredni valjkasti ležaj NU 212-E-XL-TVP2, prema [7]. Njegove karakteristike prikazane su na slici 9.



Slika 9. Ležaj NU 212-E-XL-TVP2 sa svojim karakteristikama [7]

4.1.4 Kontrola ležaja NU 212-E-XL-TVP2

Radijalno opterećenje u osloncu A je posljedica samo težine ugradbenih djelova, a pretostavljeni iznos je:

$$F_{Ar} = 1000 \text{ N.}$$

Kako je radijalna komponenta reakcije u osloncu A jednaka reakciji u osloncu A zaključuje se da ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje ležaja iznosi:

$$P_r = F_{Ar} = 1000 \text{ N.} \quad (4.6)$$

Dinamička opterećenost ležaja prema [8] izračunava se iz izraza:

$$C_1 = P_r \cdot \left(\frac{60 \cdot n_{RS,max} \cdot L_{10h_min}}{10^6} \right)^{\frac{1}{\varepsilon}} \quad (4.7)$$

gdje je:

P_r – ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje,

$n_{RS,max}$ – brzina vrtnje,

L_{10h_min} – zahtijevani nazivni vijek trajanja, odabrano $L_{10h_min} = 8000$ h,

$\varepsilon = 10/3$ – eksponent vijeka trajanja (za ležajeve sa teorijskim dodirom u liniji).

Uvrštavanjem u jednadžbu (4.7) dobije se:

$$C_1 = 1000 \cdot \left(\frac{60 \cdot 242,5 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{3}{10}} = 4167 \text{ N.} \quad (4.8)$$

Kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da odabrani ležaj zadovoljava.

4.2 Odabir ležajeva vratila V_2

Kao i kod vratila V_1 jedno ležajno mjesto biti će čvrsto, odnosno prenositi će i radijalnu i aksijalnu silu, dok će drugo ležajno mjesto biti slobodno.

4.2.1 Odabir ležaja za čvrsto ležajno mjesto

Za čvrsto ležajno mjesto odabran je stožasti ležaj 33214 prema [7] koji ima karakteristike kako je prikazano na slici 10.



Slika 10. Prikaz ležaja 33214 sa njegovim karakteristikama [7]

4.2.2 Kontrola ležaja 33214

Odnos aksijalne i radijalne sile u osloncu C prema [8] iznosi:

$$\frac{F_a}{F_r} = \frac{26182}{12590} = 2,08 > e = 0,41. \quad (4.9)$$

Za slučaj kad je odnos aksijalne i radijalne sile $F_a/F_r > e$, izraz za izračunavanje ekvivalentnog dinamičkog radijalnog opterećenja prema [8] glasi:

$$P_r = 0,67 \cdot F_{rC} + Y \cdot F_{aC} \quad (4.10)$$

Uvrštavanjem brojčanih vrijednosti u jednadžbu dobije se:

$$P_r = 0,67 \cdot 12590 + 1,47 \cdot 26182 = 46923 \text{ N} \quad (4.11)$$

Dinamička opterećenost ležaja izračunava se iz izraza:

$$C_1 = P_r \cdot \left(\frac{60 \cdot n_{V2,max} \cdot L_{10h_min}}{10^6} \right)^{\frac{1}{\varepsilon}} \quad (4.12)$$

a uvrštavanjem vrijednosti u jednadžbu dobije se:

$$C_1 = 46923 \cdot \left(\frac{60 \cdot 242,5 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{3}{10}} = 195510 \text{ N} \quad (4.13)$$

Kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da odabrani ležaj zadovoljava.

4.2.2 Odabir ležaja za slobodno ležajno mjesto

Za slobodno ležajno mjesto odabran je ležaj NU211-E-XL-TVP2 prema [7] sa karakteristikama kako je prikazano na slici 11.



d	55 mm
D	100 mm
B	21 mm
D₁	86,6 mm
D_{a max}	91 mm
d_{a max}	65 mm
d_{a min}	62 mm
d_{b min}	68 mm
E	90 mm
F	66 mm
r_{1 min}	1,1 mm
r_{a max}	1,5 mm
r_{a1 max}	1 mm
r_{min}	1,5 mm
s	0,8 mm Axial displacement facility from central position
m	0,665 kg Mass
C_r	99000 N Basic dynamic load rating, radial
C_{0r}	95000 N Basic static load rating, radial
n_G	8700 1/min Limiting speed
n_B	5800 1/min Reference speed
C_{10r}	12700 N Fatigue limit load, radial

Slika 11. Prikaz ležaja NU211-E-XL-TVP2 sa karakteristikama [7]

4.2.4 Kontrola ležaja NU211-E-XL-TVP2

Radijalna komponenta reakcije u osloncu D jednaka je reakciji u osloncu D pa ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje iznosi:

$$P_r = F_{rD} = 12529 \text{ N.} \quad (4.14)$$

Dinamička opterećenost izračunava se iz izraza:

$$C_1 = P_r \cdot \left(\frac{60 \cdot n_{V2,\max} \cdot L_{10h_min}}{10^6} \right)^{\frac{1}{\epsilon}}, \quad (4.4)$$

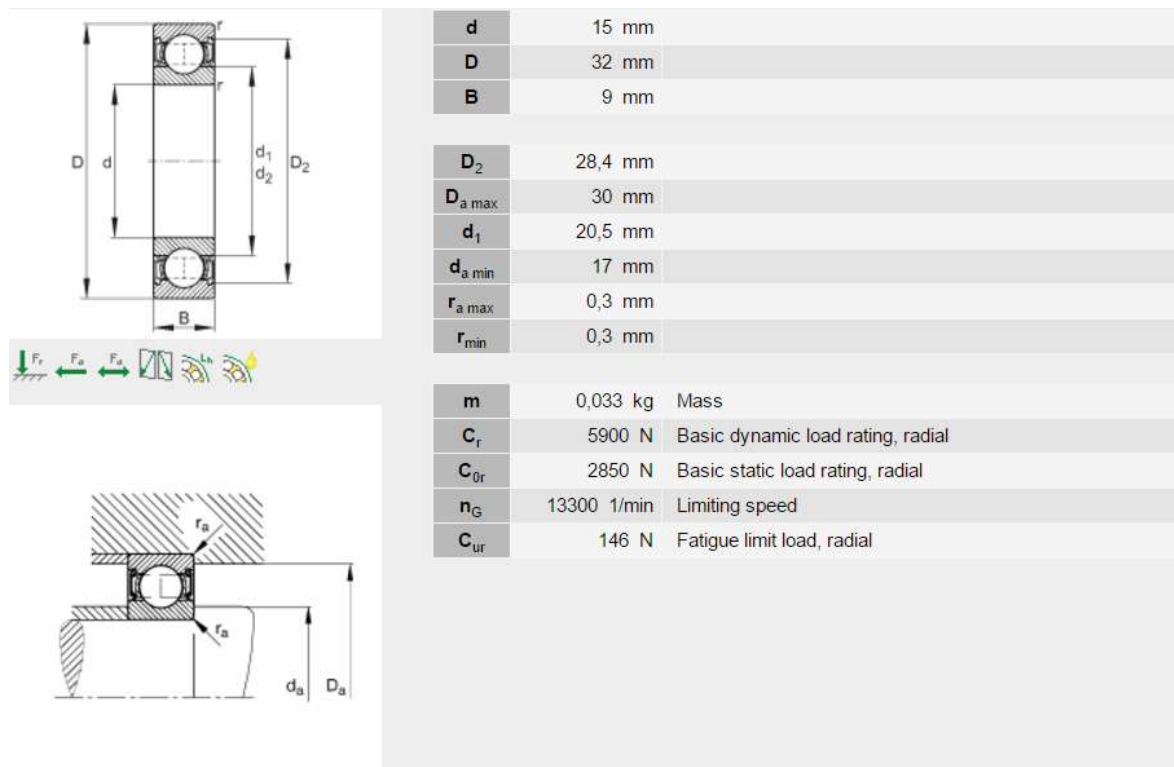
a uvrštavanjem brojeanih vrijednosti u izraz dobije se:

$$C_1 = 12529 \cdot \left(\frac{60 \cdot 242,5 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{3}{10}} = 52204 \text{ N.} \quad (4.5)$$

Kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da ležaj zadovoljava.

4.3 Odabir ležajeva vratila V₁

Vratilo V₁ opterećeno je samo torzijskim momentom, tj. ležaji nisu opterećeni. pa se poseban proračun neće provoditi. Za čvrsto ležajno mjesto odabran je jednostavni jednoređni kuglični ležaj 6002 2RSR, prema [7], sa karakteristikama prema slici 12.



Slika 12. Prikaz ležaja 6002 2RSR sa njegovim karakteristikama [7]

Za slobodno ležajno mjesto odabran je jednoreдни radialni valjkasti ležaj N202-E-XL-TVP2, prema [7]. Na slici 13. prikazan je ležaj i sa karakteristikama.



Slika 13. Prikaz ležaja N202-E-XL-TVP2 [7]

4.4 Odabir ležajeva osovine konusne tarenice

Radijalno opterećenje u osloncima A i B osovine jednako je reakciji oslonaca A i B i iznosi:

$$F_{rA} = F_A = 2463 \text{ N},$$

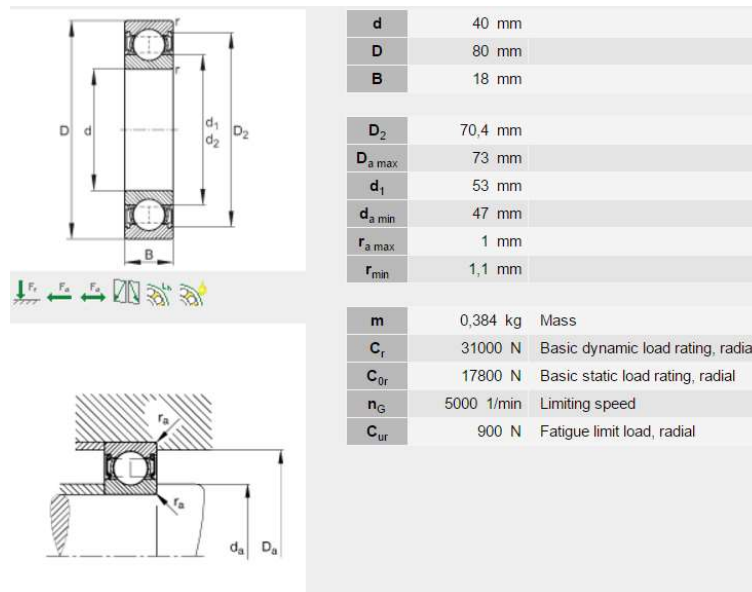
$$F_{rB} = F_B = 2463 \text{ N}.$$

Ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje ležaja iznosi za oba ležajna mjesta iznosi:

$$P_r = 2463 \text{ N}.$$

4.4.1 Odabir ležaja za čvrsto ležajno mjesto

Za čvrsto ležajno mjesto odabran je jednostavni jednoreдни kuglični ležaj 6208-2RSR prema [7]. Na slici 14. prikazan je izgled i karakteristike tog ležaja.



Slika 14. Prikaz ležaja 6208-2RSR sa karakteristikama [7]

4.4.2 Kontrola ležaja 6208-2RSR

Izraz za dinamičku opterećenost ležaja 6208-2RSR prema [8] glasi:

$$C_1 = P_r \cdot \left(\frac{60 \cdot n_{TN3,max} \cdot L_{10h,min}}{10^6} \right)^{\frac{1}{\varepsilon}} \quad (4.6)$$

gdje je:

P_r – ekvivalentno dinamičko radijalno opterećenje,

$n_{TN3,max} = 258 \text{ min}^{-1}$ – maksimalna brzina vrtnje konusne tarenice,

$L_{10h,min}$ – zahtijevani nazivni vijek trajanja, odabrano $L_{10h,min} = 8000 \text{ h}$,

$\varepsilon = 3$ – eksponent vijeka trajanja (za ležajeve sa teorijskim dodirom u točki).

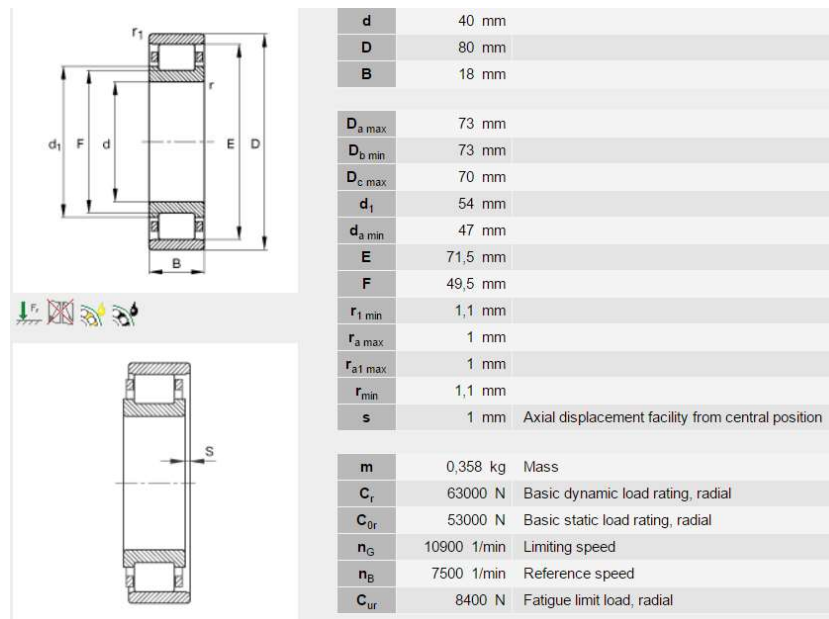
Uvrštavanjem u jednadžbu (4.17) dobije se:

$$C_1 = 2463 \cdot \left(\frac{60 \cdot 258 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{1}{3}} = 12276 \text{ N}. \quad (4.7)$$

kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da ležaj zadovoljava.

4.4.3 Odabir ležaja za slobodno ležajno mjesto

Za slobodno ležajno mjesto odabran je jednoredni radijalni valjkasti ležaj N208-E-XL-TVP2, prema [7] čije su karakteristike prikazane na slici 15.



Slika 15. Prikaz ležaja N208-E-XL-TVP2 [7]

4.4.4 Kontrola ležaja N208-E-XL-TVP2

Jedina razlika u odnosu na ležaj u predhodnom odlomku je ta da umjesto teorijskog dodira u točki imamo teorijski dodir u liniji pa je $\varepsilon = 10/3$, i uvrštavanjem u jednadžbu (4.17) dobije se:

$$C_1 = 2463 \cdot \left(\frac{60 \cdot 258 \cdot 8000}{10^6} \right)^{\frac{3}{10}} = 10355 \text{ N.} \quad (4.8)$$

Kako je $C_1 < C_r$ zaključuje se da ležaj zadovoljava.

5. Odabir i proračun opruge

Normalna sila koja je potrebna za ostvarivanje obodne sile od $F_O = 2463$ N je prema (2.14):

$$F_N = 26182 \text{ N.}$$

Kako se sila opruge prenosi na dvije konusne tarenice potrebna sila koju ostvaruje opruga biti će dvostruko veća od normalne sile i iznositi će:

$$F_{OP} = 52364 \text{ N.}$$

Odabrana je tanjurasta opruga [9] prikazana na slici 16. i čije su karakteristike označene.



Slika 16. Odabrana opruga i karakteristike [9]

6. Odabir i proračun mehanizma za promjenu prijenosnog omjera

Mehanizam za promjenu prijenosnog omjera omogućuje pomicanje konusnih tarenica te preko njih kontinuiranu, nesmetanu i laganu promjenu prijenosnog omjera. Za mehanizam promjene prijenosnog omjera odabran je mehanizam sa navojnim vretenom, čijim se okretanjem, preko nosača (vilice), pomiču konusne tarenice.

6.1 Proračun navojnog vretena

Navojno vreteno opterećeno je aksijalnom silom koja se javlja kao posljedica pomicanja tarenica, te također momentom torzije. Odabrano je vreteno Tr 36 x 3. Aksijalna sila kojom je opterećeno navojno vreteno izračunava se iz izraza:

$$F_{vr} = 2 \cdot F_N \cdot \mu, \quad (6.1)$$

gdje su:

F_{vr} – aksijalna sila u vretenu,

F_N – normalna sila na konusne tarenice,

μ - faktor trenja, odabrano $\mu = 0,15$.

Uvrštavanjem u izraz (6.1) dobije se:

$$F_{vr} = 2 \cdot 26182 \cdot 0,15 = 7855 \text{ N}. \quad (6.2)$$

Normalno naprezanje u vretenu izračunava se iz izraza:

$$\sigma = \frac{F_{vr}}{A_j}, \quad (6.3)$$

gdje je:

σ – normalno naprezanje u vretenu,

A_j – nosiva površina vretena, za odabrano vreteno $A_j = 830 \text{ mm}^2$.

Uvrštavanjem u jednadžbu (6.3) dobije se:

$$\sigma = \frac{7855}{830} = 9,5 \text{ N/mm}^2. \quad (6.4)$$

Torzijsko naprezanje u vretenu izračunava se iz izraza:

$$\tau = \frac{T_{vr}}{W_p}, \quad (6.5)$$

gdje su:

τ – torzijsko naprezanje u vretenu,

T_{vr} – moment torzije vretena,

W_p – polarni moment otpora.

Moment torzije vretena izračunava se iz izraza:

$$T_{vr} = F_{vr} \cdot \frac{d_2}{2} \cdot \operatorname{tg}(\varphi + \rho'), \quad (6.6)$$

gdje su:

φ – kut uspona zavojnice,

ρ' - korigirani kut trenja.

Kut uspona zavojnice izračunava se iz izraza:

$$\varphi = \operatorname{arc\,tg} \frac{P_h}{d_2 \cdot \pi}, \quad (6.7)$$

gdje su:

P_h – uspon navoja,

d_2 – srednji promjer vretena.

Uvrštavanjem u izraz (6.7) dobije se:

$$\varphi = \operatorname{arc\,tg} \frac{3}{34,5 \cdot \pi} = 1,6^\circ. \quad (6.8)$$

Korigirani kut trenja računa se iz izraza:

$$\rho' = \operatorname{arc\,tg} \frac{\mu}{\cos \beta}, \quad (6.9)$$

gdje su:

μ - faktor trenja, odabrano $\mu = 0,15$,

β – polovina vršnog kuta navoja, za trapezni navoj $\beta = 15^\circ$.

Uvrštavanjem u jednadžbu (6.9) dobije se:

$$\rho' = \operatorname{arc\,tg} \frac{0,15}{\cos 15^\circ} = 8,83^\circ. \quad (6.10)$$

Uvrštavanjem dobivenih vrijednosti u jednadžbu (6.6) dobije se:

$$T_{vr} = 7855 \cdot \frac{34,5}{2} \cdot \operatorname{tg}(1,6^\circ + 8,83^\circ) = 24942 \text{ Nmm}. \quad (6.11)$$

Polarni moment otpora izračunava se iz izraza:

$$W_p = \frac{d_3^3}{16} \cdot \pi = \frac{32,5^3}{16} \cdot \pi = 6740 \text{ mm}^3. \quad (6.12)$$

Uvrštavanjem dobivenih vrijednosti u jednadžbu (6.5) dobije se:

$$\tau = \frac{22460}{6740} = 4 \text{ N/mm}^2. \quad (6.13)$$

Ekvivalentno naprezanje vretena izračunava se prema izrazu:

$$\sigma_{ekv} = \sqrt{\sigma^2 + 3 \cdot \tau^2} = \sqrt{12,32^2 + 3 \cdot 4^2} = 14 \text{ N/mm}^2. \quad (6.14)$$

Za materijal vretena S235JR dopušteno naprezanje za kolebanje opterećenja od nule do maksimalne vrijednosti iznosi:

$$\sigma_{\text{dop}} = 120 \text{ N/mm}^2.$$

Kako je $\sigma_{\text{ekv}} < \sigma_{\text{dop}}$ zaključuje se da vreteno zadovoljava.

7. Zaključak

Cilj završnog zadatka bio je proračunati i dimenzionirati La Filière Unicum varijator kojem je omogućena kontinuirana promjena prijenosnog omjera radijalnim pomakom konusnih međutarenica u odnosu na cilindrične tarenice. Za zadane osnovne podatke bilo je potrebno krenuti od proračuna momenta radnog stroja, a nakon toga i proračuna obodne i normalne sile koje su potrebne za ostvarivanje momenta. Zatim su proračunate tarenice, vratila i osovina, te odabrani ležajevi koji zadovoljavaju zadane uvjete rada. Potrebna normalna sila ostvarena je tanjurastom oprugom. Konusne međutarenice pomiču se radijalno okretanjem trapeznog navojnog vretena, a osigurane su vilicom koja je spojena na vodilicu čime je ostvarena potrebna točnost promjene prijenosnog omjera.

8. Literatura

- [1] Vučković, K.: *Tarni (frikcijski) prijenos*, Zagreb, 2015.
- [2] Kraut, B.: *Strojarski priručnik*, Sajema d.o.o., Zagreb, 2009.
- [3] Decker, K. H.: *Elementi strojeva*, Tehnička knjiga, Zagreb, 1979.
- [4] Alfirević, I.: *Nauka o čvrstoći*, Tehnička knjiga, Zagreb, 1989.
- [5] Horvat, Z. i suradnici: *Vratilo (proračun)*, FSB, Zagreb,
- [6] Vučković, K.: *Osovine i vratila*, Zagreb, 2015.
- [7] FAG, http://medias.schaeffler.de/medias/en!hp.ec/1_R*0*C , 7.9.2016.
- [8] Vučković, K., Galić, I., Žeželj, D., Markulin-Grgić, B.: *Predložak Vratilo – Izbor i proračun valjnih ležajeva prema ISO 281:2007*, FSB
- [9] Katalog, *Tellerfedern*
- [10] Oberšmit, E.: *Ozubljenja i zupčanici*, Zagreb, 1982.
- [11] Schaeffler, *Technical pocket guide*, 2014.

PRILOZI

- I. CD-R disc
- II. Tehnička dokumentacija



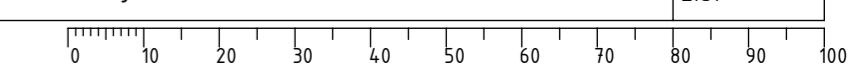
Poz.	Kućište	Naziv dijela	Kom.	Crtež broj Norma	Materijal	Sirove dimenzije	Masa
47		Ležaj NU211-E-XL-TVP2	1	FAG		Ø100xØ55x21	0,7kg
46		Svornjak za pozicioniranje	4	DIN EN 22340	S235JR	Ø6x50	0,04kg
45		Distanтни prsten V ₂	2	AJ-1000-18	S235JR	Ø100xØ95x34	0,8kg
44		Distanтни prsten V ₁	1	AJ-1000-17	S235JR	Ø32xØ27x11	0,4kg
43		Distanтни prsten vreteno	2	AJ-1000-16	S235JR	Ø55xØ50x18	0,4kg
42		Ležaj 6002 2RSR	1	FAG		FAG	0,04kg
41		Ležaj 6006 2RSR	1	FAG		FAG	1,4kg
40		Ležaj NU1006-E-XL-TVP2	1	FAG		FAG	1,4kg
39		Opruga	1	DIN 2093	51Si7	Ø125xØ71x6	0,9kg
38		Vodilica	1	SKF LLR		SKF	2,4kg
37		Prolazni poklopac vretena	1	AJ-1000-15	S235JR	90x90x10	0,4kg
36		Prolazni poklopac V ₁	1	AJ-1000-14	S235JR	70x70x10	0,4kg
35		Matica M12	8	DIN 6923	8.8	M12	0,01kg
34		Vijak M12	8	DIN 6921	8.8	M12x70	0,03kg
33		Zašvoren poklopac vretena	1	AJ-1000-13	S235JR	90x90x10	0,6kg
32		Zašvoren poklopac V ₂	2	AJ-1000-12	S235JR	140x120x10	0,5kg
31		Pero EM	1	DIN 6885	S235JR	12x5x5	0,01kg
30		Vratilo V ₁	1	AJ-1000-11	S235JR	Ø15x290	0,5kg
29		Zupčanik Z ₁	1		E360	Ø46x50	3,8kg
28		Zupčanik Z _{2,3}	2		E360	Ø276x50	18kg
27		Ručica za okretanje vretena	1	GN 269-124-B14	X10CrNi18-8	ELESA	0,3kg
26		Uskočnik A15	2	DIN 471	50CrV4	Ø15x1,5	-
25		Ležaj NU 202-E-XL-TVP2	1	FAG		FAG	0,05kg
24		Pero TN _{1,2}	2	DIN 6885	S235JR	10x20x12	0,04kg
23		Ležaj 33214	2	FAG		FAG	2,1kg
22		Vratilo V ₂	2	AJ-1000-10	S235JR	Ø65x240	6,7kg
21		Tarenica TN _{1,2}	2	AJ-1000-9	S275JR	Ø180x25	5,9kg
20		Vreteno Tr 36x3	1	AJ-1000-8	S235JR	Ø36x660	3,8kg
19		Uskočnik J80	2	DIN 472	50CrV4	Ø80x3	-
18		Vilica konusne tarenice	2	AJ-1000-7	S235JR	Ø233x25	8,5kg
17		Svornjak	4	DIN EN 22340	S235JR	Ø6x70	0,02kg
16		Ležaj NU 208-E-XL-TVP2	1	FAG		FAG	0,4kg
15		Uskočnik A40	1	DIN 471	50CrV4	Ø40x2,5	-
14		Ležaj 6208 2RSR	1	FAG		FAG	0,4kg
13		Osovina konusne tarenice	2	AJ-1000-6	S235JR	Ø40x170	1,6kg
12		Konusna tarenica	2	AJ-1000-5	S275JR	Ø130x130	6,8kg
11		Uskočnik A90	1	DIN 471	50CrV4	Ø90x4	-
10		Pero RS	1	DIN 6885	S235JR	20x12x8	0,02kg
9		Pero TN _s	1	DIN 6885	S235JR	25x10x8	0,02kg
8		Tarenica TN _s	1	AJ-1000-4	S275JR	Ø233x25	8,5kg
7		Ležaj 33218	1	FAG		FAG	4,7kg
6		Uskočnik A55	1	DIN 471	50CrV4	Ø55x3	-
5		Ležaj NU 212-E-XL-TVP2	1	FAG		FAG	0,8kg
4		Vijak M8	24	DIN 6921	8.8	M8x30	0,03kg
3		Prolazni poklopac vratila V ₃	1	AJ-1000-3	S235JR	140x180x10	1,4kg
2		Vratilo V ₃	1	AJ-1000-2	S235JR	Ø55xØ50x270	8kg
1		Kućište	1	AJ-1000-1	GG 25	680x675x190	170kg

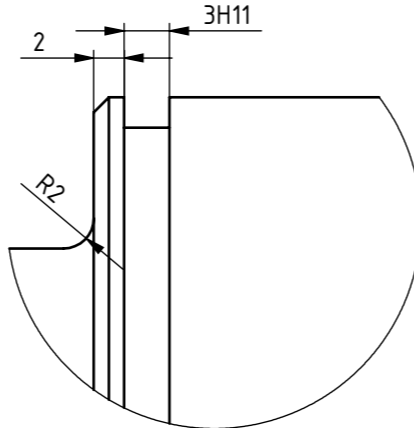
Broj naziva - code		Datum	Ime i prezime	Potpis	Objekt broj: R. N. broj:
Projektirao			Ante Jožić		
Razradio			Ante Jožić		
Crtao			Ante Jožić		
Pregledao		doc. dr. sc. Ivica Galić			
Voditelj rada		doc. dr. sc. Ivica Galić			

ISO - tolerancije		Objekt broj:	
Ø 60H7/k6	+0,028 -0,021	Ø 160H7/j6	+0,051 -0,014
Ø 40H7/k6	+0,023 -0,018	Ø 110H7/j6	+0,044 -0,013
Ø 70H7/k6	+0,028 -0,021	Ø 100H7/j6	+0,044 -0,013
Ø 90H7/k6	+0,032 -0,025	Ø 80H7/j6	+0,044 -0,013
Ø 55H7/k6	+0,028 -0,021	Ø 55H7/j6	+0,057 -0,014
Ø 15H7/k6	+0,017 -0,012	Ø 125H7/j6	+0,057 -0,014

Napomena:		Materijal:	Masa: 253kg	ZAVRŠNI RAD	Kopija
Mjerilo originala		1:5			
Naziv: Sklop varijatora					
Crtež broj: AJ-1000					

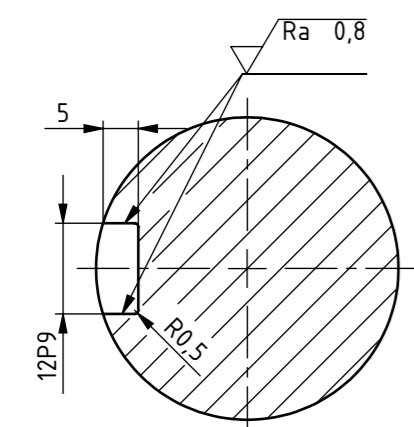
Design by CADLab



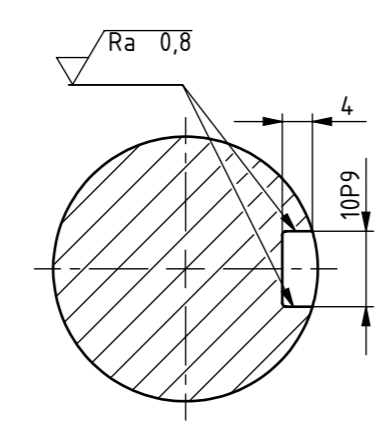


C
M 2:1

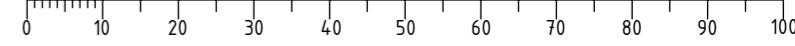
A-A



B-B



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	
Projektirao		Ante Jozić		
Razradio		Ante Jozić		
Crtao		Ante Jozić		
Pregledao		doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
4H11	+0,060 0	Ø 90k6	+0,025 +0,003	R. N. broj:
3H11	+0,075 0	Ø 86h11	0 -0,220	
		Ø 60k6	+0,021 +0,002	
		Ø 56h11	0 -0,190	
		12P9	-0,015 -0,051	
		10P9	-0,015 -0,051	
		Materijal: S235JR	Masa: 8kg	ZAVRŠNI RAD
		Mjerilo originala	Naziv: Vratilo V ₃	Pozicija: 2
		Crtež broj: AJ-1000-2		Format: A3
				Listova: 1
				List: 1



$\sqrt{Ra\ 12,5}$ ($\sqrt{Ra\ 1,6}$)



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
			R. N. broj:	
Napomena: Oštre bridove oboriti				Kopija
Materijal: S235JR		Masa: 2,11kg	ZAVRŠNI RAD	
		Naziv: Prolazni poklopac vratila V ₃		Pozicija:
	Mjerilo originala			3
	1:2	Crtež broj: AJ-1000-3		Format: A4
				Listova: 1
				List: 1



Broj naziva - code		Datum	Ime i prezime	Potpis	
Projektirao			Ante Jozić		
Razradio			Ante Jozić		
Crtao			Ante Jozić		
Voditelj rada			doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:		Objekt broj:	
10P9	-0,015 -0,051			R. N. broj:	
Napomena:					
Materijal: S235JR			Masa: 8,5kg	ZAVRŠNI RAD	Kopija
Mjerilo originala		Naziv: Tarenica TN5		Pozicija:	Format: A4
1:2		Crtež broj: AJ-1000-4		8	Listova: 1
					List: 1



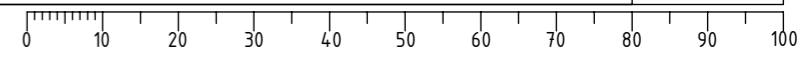
Ra 25 (Ra 0,8)

Ra 0,8

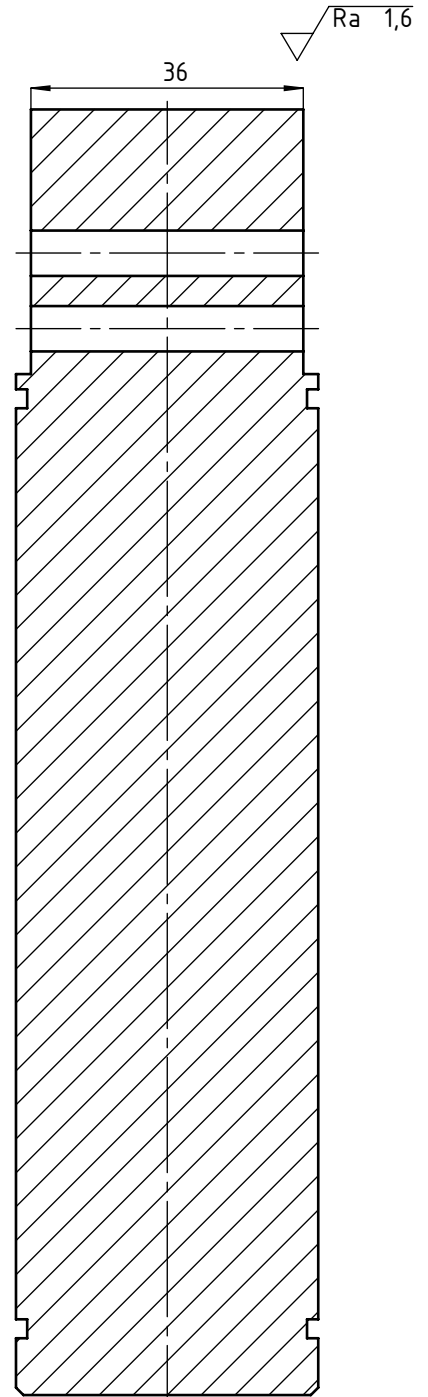
Ra 0,8

A
M 2:1

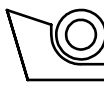
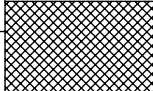


Broj naziva - code	Projektirao	Datum	Ime i prezime	Potpis	
	Razradio		Ante Jozić		
	Crtao		Ante Jozić		
	Pregledao		doc.dr.sc. Ivica Galić		
	Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:		Objekt broj:	
Ø 84h11	0 -0,220			R. N. broj:	
4H11	+0,075 0	Napomena:			
		Materijal: S235JR	Masa: 6,8kg	ZAVRŠNI RAD	
			Naziv: Konusna tarenica		Pozicija:
			Mjerilo originala		12
		1:1	Crtež broj: AJ-1000-5		Format: A3
					Listova: 1
					List: 1



Design by CADLab



C-C

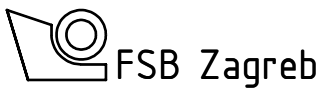
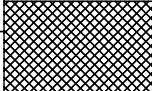
Broj naziva - code		Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
Projektirao			Ante Jožić		
Razradio			Ante Jožić		
Crtao			Ante Jožić		
Voditelj rada			doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:		Objekt broj:	
$\varnothing 37h11$	0 -0,16			R. N. broj:	
3H12	+0,1 0	Napomena:			Kopija
		Materijal: E355	Masa: 1,6kg	ZAVRŠNI RAD	
		 	Naziv: Osovina konusne tarenice		Pozicija:
		Mjerilo originala			13
		1:1	Crtež broj: AJ-1000-6		Format: A4
					Listova: 1
					List: 1



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
			R. N. broj:	
Napomena: Oštre bridove oboriti				Kopija
Materijal: S235JR		Masa: 0,7	ZAVRŠNI RAD	
	Naziv: Vilica konusne tarenice		Pozicija:	Format: A4
	Mjerilo originala		18	Listova: 1
	1:2		Crtež broj: AJ-1000-7	List: 1

Design by CADL.ab

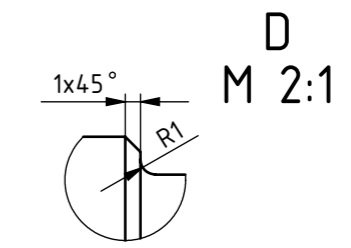
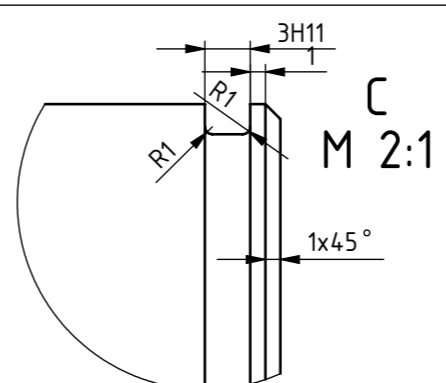
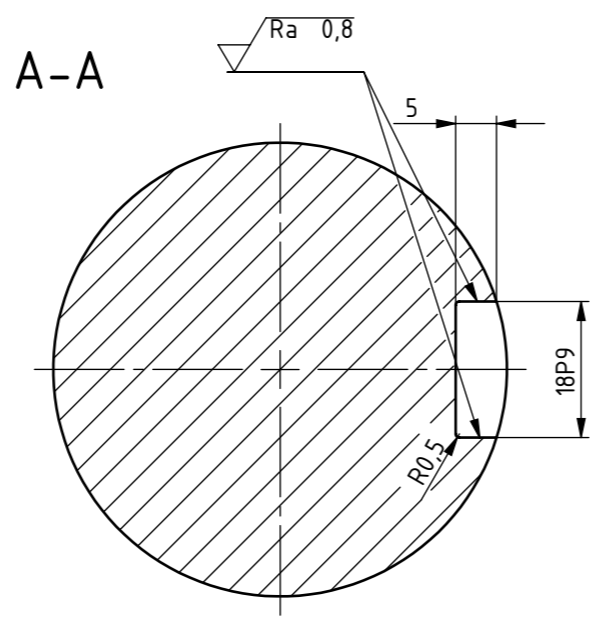
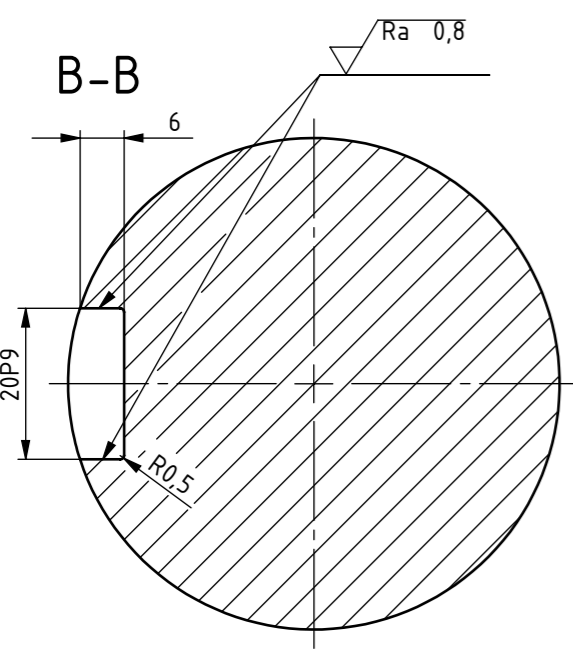
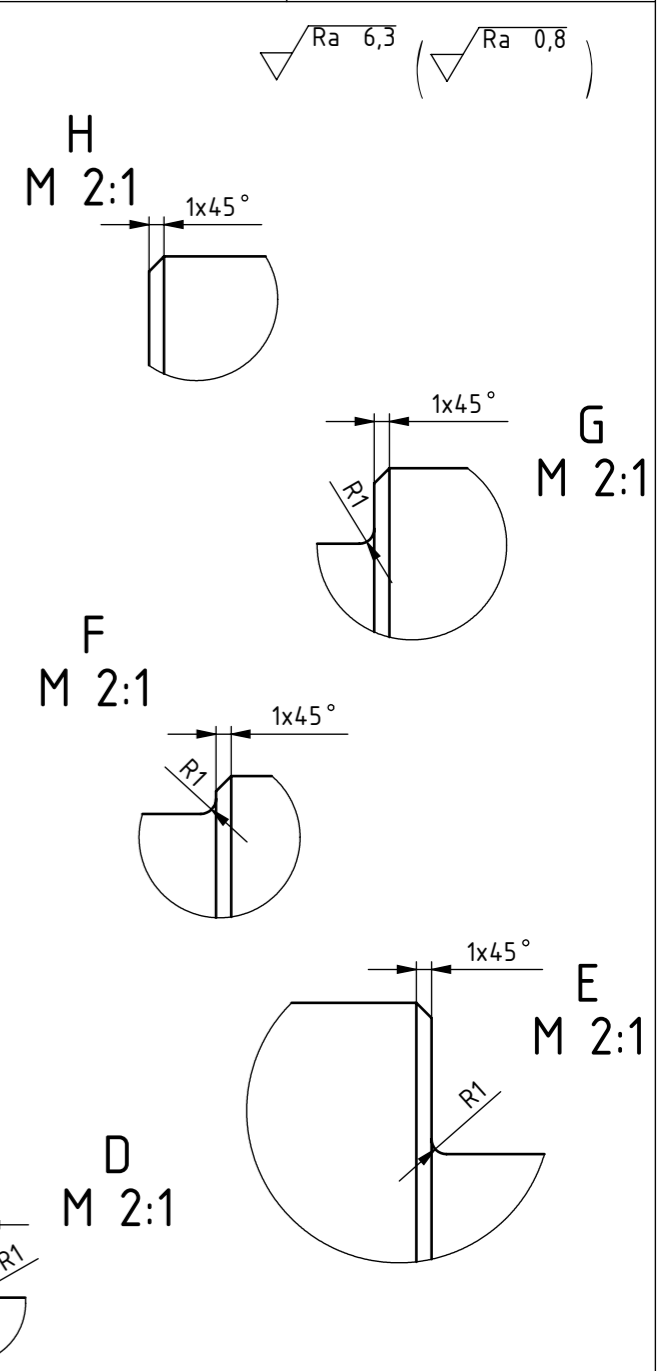


Broj naziva - code		Datum	Ime i prezime	Potpis	
		Projektirao	Ante Jozić		
		Razradio	Ante Jozić		
		Crtao	Ante Jozić		
		Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:		
Ø 30k6	+0,018				R. N. broj:
	+0,002				
		Napomena:			Kopija
		Materijal: S235JR	Masa: 3,6kg	ZAVRŠNI RAD	
		Naziv: Vreteno		Pozicija:	
		Mjerilo originala		20	
		1:5		Crtež broj: AJ-1000-8	
					Format: A4
					Listova: 1
					List: 1

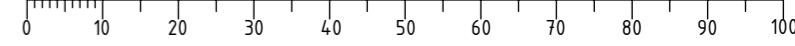


Broj naziva - code		Datum	Ime i prezime	Potpis	
		Projektirao	Ante Jozić		
		Razradio	Ante Jozić		
		Crtao	Ante Jozić		
		Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
		Voditelj rada	doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:		Objekt broj:	
20P9	-0,022 -0,074			R. N. broj:	
		Napomena: Oštre bridove oboriti			Kopija
		Materijal: S235JR	Masa: 5,9kg	ZAVRŠNI RAD	
			Naziv: Tarenica TN _{1,2}		Pozicija:
		Mjerilo originala			21
		1:2	Crtež broj: AJ-1000-9		Format: A4
					Listova: 1
					List: 1

Design by CADL.ab



Broj naziva - code	Projektirao	Datum	Ime i prezime	Potpis	
	Razradio		Ante Jozić		
	Crtao		Ante Jozić		
	Pregledao		doc.dr.sc. Ivica Galić		
	Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije	Objekt:			Objekt broj:	
Ø 70k6	+0,021				R. N. broj:
	+0,002				
Ø 55k6	+0,021	Napomena:			Kopija
	+0,002				
Ø 51h11	0	Materijal: E355	Masa: 6,7kg	ZAVRŠNI RAD	
	-0,190				
20P9	-0,022	Naziv: Vratilo V ₂		Pozicija:	Format: A3
	-0,074			22	Listova: 1
18P9	-0,022	Mjerilo originala			List: 1
	-0,074	1:1	Crtež broj: AJ-1000-10		





$\nabla Ra 6,3$ ($\nabla Ra 0,8$ $\nabla Ra 0,4$)

A-A
M 2:1



B-B
M 2:1



C
M 5:1



D
M 2:1



E
M 2:1



F
M 2:1



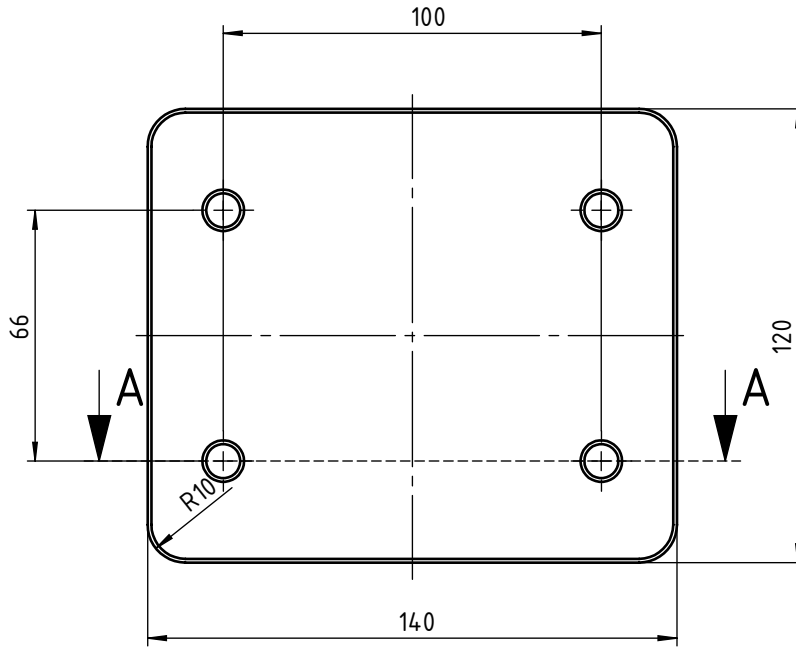
G
M 2:1



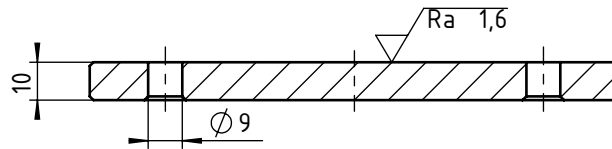
Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	
Projektirao		Ante Jozić		
Razradio		Ante Jozić		
Crtao		Ante Jozić		
Pregledao		doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije	Objekt:	Objekt broj:		
$\varnothing 19h11$	0 -0,130	R. N. broj:		
$\varnothing 15k6$	+0,012 +0,001	Napomena:		
$\varnothing 14h11$	0 -0,110	Materijal: E355	Masa: 0,5kg	ZAVRŠNI RAD
6P9	-0,015 -0,051		Naziv: Vratilo V ₁	Pozicija: 30
5P9	-0,012 -0,042		Mjerilo originala	Format: A3
2H11	+0,06 0		1:1	Listova: 1
				List: 1
Crtež broj: AJ-1000-11				

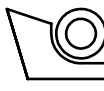
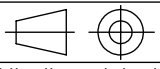


$\sqrt{Ra\ 12,5}$ ($\sqrt{Ra\ 1,6}$)

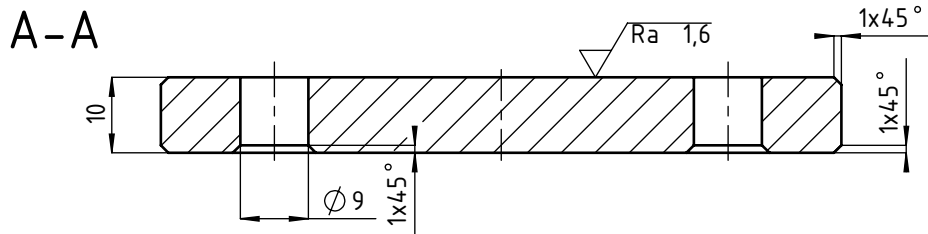
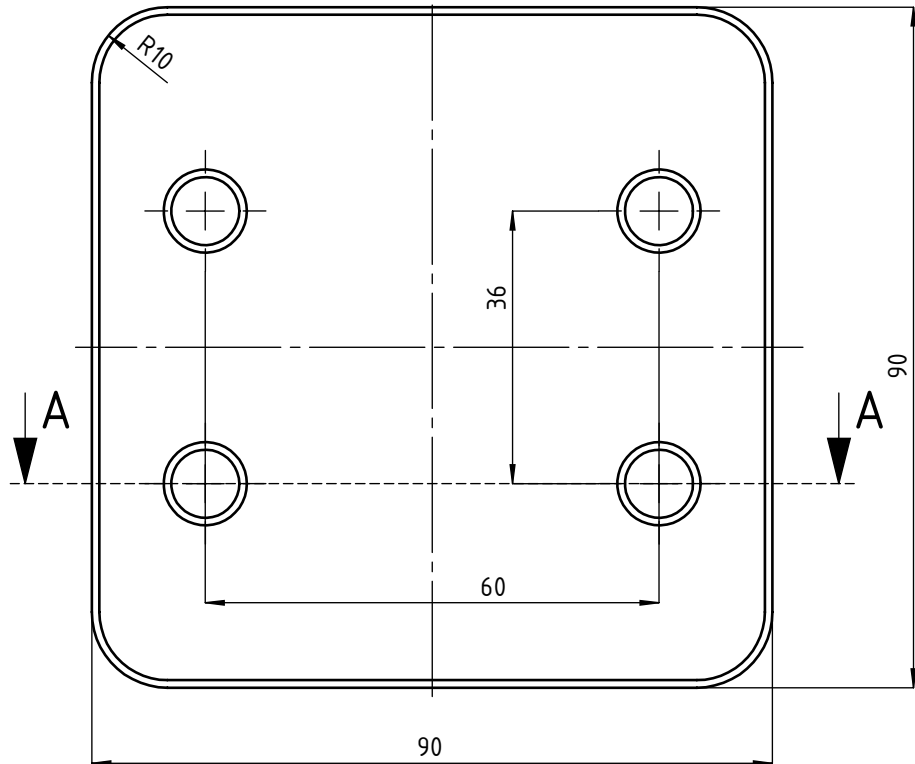


A-A



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
			R. N. broj:	
Napomena: Oštre bridove obriti				Kopija
		Materijal: S235JR	Masa: 0,5kg	ZAVRŠNI RAD
			Naziv: Zatvoreni poklopac vratila V ₂	Pozicija:
		Mjerilo originala		32
		1:1	Crtež broj: AJ-1000-12	Format: A4
				Listova: 1
				List: 1

▽ Ra 12,5 (▽ Ra 1,6)



Broj naziva - code	Projektirao	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
	Razradio	09.2016.	Ante Jožić		
	Crtao	09.2016.	Ante Jožić		
	Pregledao				
ISO - tolerancije	Objekt:			Objekt broj:	
				R. N. broj:	
	Napomena: Oštre bridove oboriti				Kopija
	Materijal: S235JR	Masa: 0,602kg	ZAVRŠNI RAD		
		Naziv: Zatvoreni poklopac vretena		Pozicija:	Format: A4
	Mjerilo originala			33	Listova: 1
	1:1	Crtež broj: AJ-1000-13			List: 1

√ Ra 12,5

(√ Ra 1,6)



B
M 2:1

Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
			R. N. broj:	
		Napomena: Oštre bridove oboriti		Kopija
		Materijal: S235JR	Masa: 0,4kg	ZAVRŠNI RAD
			Naziv: Prolazni poklopac vratila V ₁	Pozicija:
			Mjerilo originala	36
		1:1	Crtež broj: AJ-1000-14	Listova: 1
				List: 1

▽ Ra 12,5 (▽ Ra 1,6)



A-A



Broj naziva - code	Projektirao	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb	
	Razradio		Ante Jozić			
	Crtao		Ante Jozić			
	Pregledao		doc.dr.sc. Ivica Galić			
	Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić			
ISO - tolerancije	Objekt:			Objekt broj:	Kopija	
				R. N. broj:		
	Napomena: Oštre bridove oboriti					
	Materijal: S235JR	Masa: 0,5kg	ZAVRŠNI RAD			
		Naziv: Prolazni poklopac vretena			Pozicija:	Format: A4
	Mjerilo originala				37	Listova: 1
	1:1	Crtež broj: AJ-1000-15				List: 1

▽ Ra 6,3 (▽ Ra 1,6)



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada	doc.dr.sc. Ivica Galić			
ISO - tolerancije	Objekt:		Objekt broj:	
			R. N. broj:	
	Napomena: Oštre bridove oboriti			Kopija
	Materijal: S235JR	Masa: 0,2kg	ZAVRŠNI RAD	
		Naziv: Distantni prsten vreteno		Pozicija:
	Mjerilo originala			43
	2:1	Crtež broj: AJ-1000-16		Format: A4
				Listova: 1
				List: 1

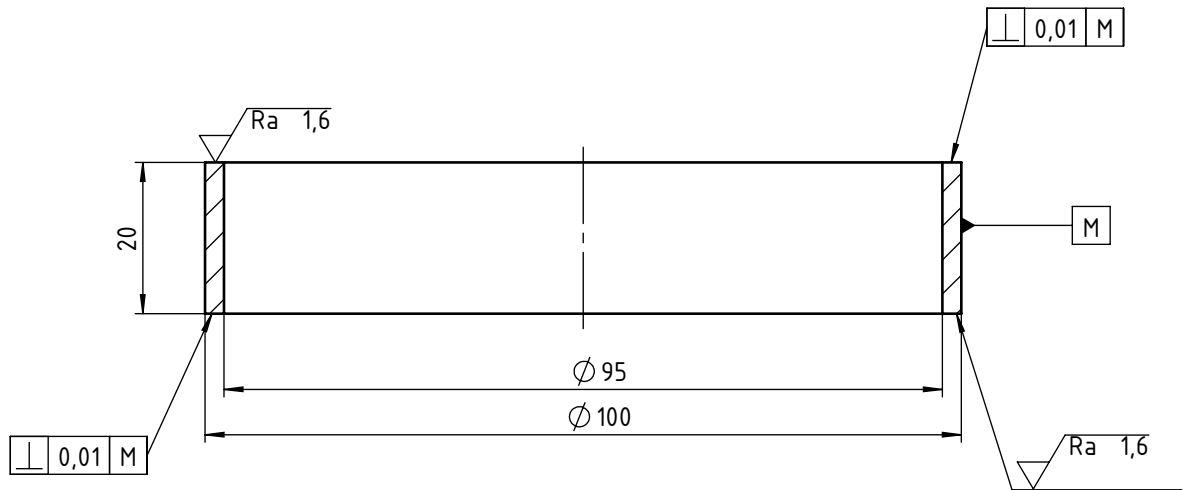
Design by CADLab

√ Ra 6,3 (√ Ra 1,6)



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
Voditelj rada		doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije		Objekt:	Objekt broj:	
			R. N. broj:	
Napomena: Oštre bridove oboriti				Kopija
Materijal: S235JR			Masa: 0,1kg	ZAVRŠNI RAD
			Naziv: Distantni prsten V ₁	Pozicija:
		Mjerilo originala		44
		2:1	Crtež broj: AJ-1000-17	Format: A4
				Listova: 1
				List: 1

▽ Ra 6,3 (▽ Ra 1,6)



Broj naziva - code	Datum	Ime i prezime	Potpis	 FSB Zagreb
	Projektirao	Ante Jozić		
	Razradio	Ante Jozić		
	Crtao	Ante Jozić		
	Pregledao	doc.dr.sc. Ivica Galić		
	Voditelj rada	doc.dr.sc. Ivica Galić		
ISO - tolerancije	Objekt:		Objekt broj:	
			R. N. broj:	
	Napomena: Oštre bridove oboriti			Kopija
	Materijal: S235JR	Masa: 0,2kg	ZAVRŠNI RAD	
		Naziv: Distantni prsten V ₂		Pozicija:
	Mjerilo originala			45
	2:1	Crtež broj: AJ-1000-18		Format: A4
				Listova: 1
				List: 1

Design by CADLab