### Matematičko modeliranje i sinteza regulatora aktivnog diferencijala

Jakšić, Marko

#### Undergraduate thesis / Završni rad

2009

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: University of Zagreb, Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture / Sveučilište u Zagrebu, Fakultet strojarstva i brodogradnje

Permanent link / Trajna poveznica: https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:235:661350

Rights / Prava: In copyright/Zaštićeno autorskim pravom.

Download date / Datum preuzimanja: 2025-02-15

Repository / Repozitorij:

Repository of Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture University of Zagreb





Sveučilište u Zagrebu

Fakultet strojarstva i brodogradnje

## ZAVRŠNI RAD

Voditelj rada:

dr. sc. Joško Petrić

Marko Jakšić

Zagreb, 2009

### IZJAVA

Izjavljujem da sam ovaj završni rad radio samostalno na Fakultetu strojarstva i brodogradnje u Zagrebu znanjem stečenim tijekom studija.

M.J.

### ZAHVALA

Zahvaljujem se prvenstveno Vladimiru Ivanoviću, dipl. inž. strojarstva na pomoći oko rada i na stručnom vodstvu.

Zahvaljujem se mentoru prof. dr. sc. Jošku Petriću na iskazanom povjerenju i pomoći tijekom izrade ovog rada.

Također se zahvaljujem svim članovima Katedre za strojarsku automatiku i svim svojim prijateljima koji su mi pomagali.

M.J.

### <u>Sadržaj</u>

	Sažetak	3
	Popis slika	4
	Popis oznaka	5
1.	Uvod	6
2.	Opis objekta regulacije i eksperimentalnog postava	6
	2.1 Aktuator	6
	2.2 Eksperimentalni postav	7
3.	Opis matematičkog modela aktuatora	10
	3.1 DC motor	10
	3.2 Moment trenja i krutost kuglice-na-rampi	11
	3.3 Povratna opruga	12
	3.4 Aksijalna dinamika uljne spojke	12
4.	Modeliranje elastičnosti aktuatora	13
	4.1 Relacije zakrivljenosti	14
	4.2 Hertzov koeficjent	15
5.	Regulacija pozicije aktuatora	18
	5.1 Sinteza regulacijskog kruga	18
	5.2 Provjera regulacijskog kruga	20
	5.3 Analiza utjecaja broja impulsa enkodera na regulaciju pozicije	24
6.	Zaključak	29
7.	Prilog	20
	Literatura	46

## **SAŽETAK**

U ovom radu je opisan model aktuatora diferencijala. Pošto je u postojećem modelu aktuatora nedostajao model elastičnosti kuglica-na-rampi mehanizma pokušalo se analitički dobiti ovisnost elastične deformacije o sili potrebnoj za uključivanje uljne spojke. Prikazan je kompletan analitički postupak te su rezultati uspoređeni sa eksperimentalno prikupljenim podatcima. Model aktuatora se sastoji od lineariziranog modela motora te modificiranog PID regulatora pozicije. Provedena je sinteza PID regulatora pozicije metodom optimuma dvostrukog odnosa te su dani parametri regulatora kao i nadomjesna vremenska konstanta regulacijskog kruga. Ispitani su parametri regulatora na skokovitu promjenu reference te su dani rezultati i komentar. Nadalje, implementiran je u model i ispitan utjecaj šuma te je provedeno ispitivanje ovisnosti različitih brojeva impulsa enkodera (u ovom radu 50 i 2000 impulsa po okretaju) o brzini odziva sustava te su prikazani rezultati simulacije i dana je usporedba rezultata utjecaja enkodera sa vše i manje impulsa.

### <u>Popis slika</u>

Slika 1. 3D model aktuatora poluaktivnog diferencijala [2]	6
Slika 2. Principijelna shema eksperimentalnog postava	7
Slika 3. Fotografija testnog postava aktivnog diferencijala	8
Slika 4. Principijelna električna shema aktivnog diferencijala	9
Slika 5. Shematski model i blok dijagram modela aktuatora	10
Slika 6. Parametri Belleville opruge	12
Slika 7. Tipični odziv modela aktuatora na skokovitu promjenu reference	13
Slika 8. Kontakt 2 tijela sa zakrivljenim površinama i njihovim principijelnim ravninama	14
Slika 9. Radiusi zakrivljenosti u principijelnim ravninama dvaju tijela sa zakrivljenim	
pvršinama	14
Slika 10. Konveksna zakrivljenost	15
Slika 11. Konkavna zakrivljenost	15
Slika 12. Koeficjenti $\mu$ , v i 2K/ $\pi\mu$ u funkciji cos $\tau$	16
Slika 13. Eksperimentalno i analitičko razvijanje deformacije	17
Slika 14. Blok dijagram regulacijskog kruga pozicije motora	18
Slika 15. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 15 rad	21
Slika 16. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 20 rad	22
Slika 17. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 25 rad	23
Slika 18. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu	
pobudu sa 15 rad	25
Slika 19. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu	
pobudu sa 20 rad	26
Slika 20. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu	
pobudu sa 25 rad	27

### Popis oznaka

F <sub>app</sub>	Aksijalna sila
$\mathbf{J}_1$	Inercija motora
$T_{f1}$	Moment trenja motora
K <sub>g1</sub>	Prijenosni omjer reduktora
$\alpha_{b1}$	Zračnost reduktora
$T_{f.br}$	moment trenja mehanizma kuglica-na-rampi
K <sub>br</sub>	Prijenosni omjer mehanizma kuglica-na-rampi
C <sub>rs</sub>	Krutost povratne opruge
c <sub>cl</sub>	Elastičnost splojke
d <sub>cl</sub>	Prigušivanje trenja materijala spojke
<b>c</b> <sub>1</sub>	Elastičnost kuglica mehanizma kuglica-na-rampi
R <sub>a</sub>	Otpor armature DC motora
$\upsilon_a$	Temperatura armature DC motora
i <sub>a</sub>	Struja armature DC motora
L <sub>a</sub>	Induktivitet armature DC motora
$\omega_{m1}$	Brzina osovine DC motora
u <sub>a</sub>	Napon armature DC motora
T <sub>m1</sub>	Moment motora
K <sub>t</sub>	Koeficjent momenta motora
T <sub>c.br</sub>	Coulonovo trenje
ω <sub>br</sub>	Relativna brzina mehanizma kuglica-na-rampi
r <sub>xy</sub>	Radijus zakrivljenosti kuglice
$\rho_{xy}$	Zakrivljenje
$\delta_k$	Apsolutna deformacija kuglice
E	Koeficjent elastičnosti kuglice
$m^{-1}$	Poissonov koeficjent
K <sub>r</sub>	Pojačanje PID regulatora
T <sub>I</sub>	Nadomjesna vremenska konstanta I djelovanja
T <sub>D</sub>	Nadomjesna vremenska konstanta D djelovanja
T <sub>e</sub>	Ekvivalentna vremenska konstanta
Т	Vrijeme uzrokovanja

### 1.Uvod

Moderna prestižna vozila se sve više opremaju sa različitim tipovima aktivnih diferencijala (aktivni ili polu aktivni). Njihova osobina je da omogućuju aktivnu kontrolu distribucije momenta između izlaznih poluosovina. To se postiže aktivnom kontrolom spojki/kočnica ugrađenih u strukturu diferencijala. Kao takvi oni su integralni dijelovi strukture upravljanja stabilnosti vozila. Precizna regulacija momenta spojki/kočnica diferencijala je preduvjet za njihovu integraciju u strukture stabilnosti vozila.

U ovom radu se analizira regulacija pozicije električnog aktuatora spojke jednog poluaktivnog diferencijala. Kratki opos diferencijala i postava za ispitivanje razvijenog na Fakultetu strojarstva i brodogradnje u Zagrebu je dan u nastavku.

Regulacija pozicije predstavlja preduvjet za konačni sustav regulacije momenta spojke o čemu u ovome radu neće biti govora. Sinteza regulatora pozicije se bazira na ranije razvijenom matematičkom modelu aktuatora [1], koji je ovdje ukratko opisan. Pored toga analizira se mogučnost fizikalnog modeliranja specifičnih elastičnosti aktuatorskog mehanizma koji se u modelu [1] uzimaju putem tzv. 'look-up' tablica dobivenih eksperimentalnim mjerenjima.

### 2. Opis objekata regulacije i eksperimentalnog postava

#### 2.1 Aktuator

Aktivno upravljanje momenta u diferencijalu se regulira pomoću električnog motora koji uključuje spojku načinjenu od više lamela koristeći reduktor i kuglica-na-rampi mehanizam. Slika 1. Prikazuje 3D model aktuatora poluaktivnog diferencijala koji se razmatra u ovom radu.



Slika 1. 3D model aktuatora poluaktivnog diferencijala [2]

Moment eletričnog motora se multiplicira u smislu redukcije brzine koja pokreće rotirajuću ulaznu ploču kuglica-na-rampi mehanizma. Kuglica-na-rampi mehanizam se sastoji od dvije ploče od kojih je jedna rotacijski uklještena na kućište dok drugu pokreće električki motor. Kuglice se nalaze u nasuprotno poslaganim jednosmjernim žljebovima sa definiranim nagibom (kosinom). Relativna rotacija ploča kuglica-na-rampi mehanizma jedna na drugu pokreće kuglice po kosini te ih na taj način odvaja jednu od druge transformirajući rotaciju u translacijsko gibanje, te moment električnog motora u aksijalnu silu. Aksijalna sila se tada primjenjuje na lamelnu spojku preko potisne ploče i aksialnog ležaja generirajući željeni moment kočenja.

#### 2.2 Eksperimentalni postav

Na Fakultetu strojarstva i brodogradnje je napravljen eksperimentalni postav aktivnog diferencijala u svrhu eksperimentalne karakterizacije, provjere valjanosti modela, te također upravljanje Aktivnog diferencijala. Slika 2 prikazuje principijelnu shemu eksperimentalnog postava. Aktivni diferencijal ima jednostavnu strukturu, gdje jedna od izlaznih osovina (u ovom slučaju lijeva osovina) spojena na kućište diferencijala preko upravljive lamelne uljne spojke.



Slika 2. Principijelna shema eksperimentalnog postava

Aksialna sila  $F_{app}$  na lamele se upravlja regulacijom armaturne struje DC motora. Ulaz diferencijala je pokretan servo motorom, dok izlazna osovina, koja je spojena na uljnu spojku (lijeva osovina), uklještena preko senzora zakretnog mometa. Uslijed konačnog prijenosnog omjera na ulazu diferencijala, brzina klizanja lamele je jednaka brzini električnog motora podjeljeno sa omjerom brzina koji iznosi 3,73.

Slika 3 prikazuje fotografiju testnog postava. Momentni servo motor (2) se koristi za pokretanje osovine ulaza diferencijala. Motor razvija maksimalan moment od 880 Nm u rasponu brzina od 0 do 120 mm<sup>-1</sup>. Vrijeme odziva momenta je 2 ms. Električni servo motor (2) je spojen na

diferencijal (1) pomoću standardne poluosovine na kojoj je homokinetički zglob (3). Na taj način se može kompenzirat netočnost postavljanja osi rotacije električnog motora i osovinskog ulaza diferencijala. Drugi izlaz iz diferencijala je spojen na senzor zakretnog momenta, koji se sastoji od 350 mm dugačke poluge (4) te tlačnog senzora sile (5).

S ciljem preciznog snimanja pozicije DC motora aktuatora spojke, kućište DC motora je modificirano u svrhu postavljanja preciznog Heidenhain inkrementalnog enkodera (7) direktno na osovinu motora.



Slika 3. Fotografija testnog postava aktivnog diferencijala

- 1 ALSD
- 2 Direktno upravljani servo motor
- 3-Kardan
- 4 Poluga za mjerenje momenta
- 5 Senzor sile

- 6 DC motor aktuatora spojke
- 7 Inkrementalni enkoder
- 8 Kučište choppera (chopper motora spojke, signalna pojačala, izvor energije)
- 9 Industrijski Pentium III PC, izvor energije električnog motora te upravljački podsistem

Sustav se nadzire i upravlja preko industrijskog Pentium III PC sa integriranom akvizicijskom karticom te još jednom karticom koja omogučuje 1024-bitnu interpolaciju sinusoidalnog signala sa enkodera (opisano kao ENC u slici 4). To rezultira mjerenje visokom rezolucijom sa više od jednog miliona impulsa po okretaju za servo motor i motor same spojke, te na taj način rezultira preciznom rekonstrukcijom signala brzine. Upravljački software je napisan u programskom jeziku C za operativni sustav DOS. Vrijeme uzrokovanja je 2 ms.



Slika 4. Principijelna električna shema aktivnog diferencijala

Električni motor se napaja i upravlja preko frekvencijskog konvertera. Motor se upravlja PI regulatorom brzine proširenim sa unaprijednim kompenzatorom opterečenja koji se temelji na mjerenju zakretnog momenta spojke.

DC motor aktuatora spojke se napaja iz 12V automobilskog akumulatora preko MOSFET čopera koji je izrađen specialno za tu svrhu. Upravljačko računalo upravlja armaturnom strujom motora preko integralnog regulatora, gdje se mjeri struja pomoču visokopropusnog senzora na bazi 'Hall-ovog' efekta. Upravljački izlaz (referenca armaturnog napona U<sub>ref</sub>) se se spaja na chopper, koji omogučuje upravljanje armaturnog napona motora pulsno-širinskom modulacijom.

Mjerne varijable su moment spojke  $T_C$ , brzina motora koji pokreče spojku  $\omega_{m2}$ , (to jest brzinu klizanja spojke  $\omega_s$ ), pozicija motora spojke  $\alpha_{m1}$ , te armaturna struja DC motora  $i_a$ . Dodatno se još mjere temperatura armature DC motora  $v_a$  i temperatura fluida diferencijala  $v_{\text{fluid}}$ 

### 3. Opis matematičkog modela aktuatora

Slika 5 prikazuje shematski i odgovarajući blok dijagram modela. Model je detaljno opisan u [3]. Model se može podijeliti u dva dijela. Prvi dio se odnosi na DC pogonski motor, koji spaja model DC motora sa uključenim inercijama motora  $J_1$  i trenjem motora  $T_{fl}$ , prijenosnim omjerima reduktora  $K_{gl}$ , zračnosti reduktora  $a_{bl}$ , te trenjem mehanizma kuglica-na-rampi  $T_{f.br}$ . Drugi dio uključuje prijenosni omjer mehanizma kuglica-na-rampi  $K_{br}$ , krutost povratne opruge  $c_{rs}$ , proces brzine istiskivanja fluida  $\dot{h}(F_{app})$ , te aksijalnu elastičnost i prigušivanje trenja materijala spojke  $c_{cl}$ i  $d_{cl}$ . Zbog visokog prijenosnog omjera između osovine motora i potisnih ploča, efekt mase potisnih ploča se može zanemariti. Dva dijela modela su spojena elastičnošću kuglica-na-rampi mehanizma sa koeficijentom krutosti  $c_l$ .



Slika 5. Shematski model i blok dijagram modela aktuatora

#### 3.1 DC motor

Model motora se opisuje diferencijalnom jednađbom prvog reda

$$R_{a}(\vartheta_{a})i_{a} + L_{a}(\vartheta_{a})\frac{di_{a}}{dt} + K_{v}\omega_{m1} = u_{a}$$
(1)

Moment motora  $T_{ml}$  je proporcionalan struji armature  $i_a$ 

$$T_{m1} = K_t(\vartheta_a)i_a \tag{2}$$

Brzina motora  $\omega_{m1}$  je izražena

$$J_{1}\frac{d\omega_{m1}}{dt} = T_{m1} - T_{f1} - T_{f,br}K_{g1}^{-1}f(\alpha) - T_{1}K_{g1}^{-1}$$
(3)

gdje je  $T_{f1}$  moment trenja motora,  $T_{f.br}K_{g1}^{-1}$  je moment trenja kuglica-na-rampi koji se odnosi na osovinu DC motora,  $f(\alpha)$  je funkcija zračnosti, te  $T_1K_{g1}^{-1}$  je moment kuglice-na-rampi koji se odnosi na osovinu DC motora.

Moment trenja motora  $T_{f1}$  se modelira pomoću modela trenja nazvanog 'LuGre' te ima sljedeću formu

$$\frac{dz}{dt} = \omega_{m1} - \sigma_0 \frac{|\omega_{m1}|}{g(\omega_{m1})} z \tag{4}$$

$$T_{f1} = \sigma_{0z} + \sigma_1 \frac{dz}{dt} + \sigma_2 \omega_{m1}$$
(5)

Model ima kompaktnu strukturu i ima mogučnost omogučavanja točnog opisa dinamike trenja.

#### 3.2 Moment trenja i krutost kuglice-na rampi

Spajanje mehanizma kuglica-na-rampi se sastoji od samog mehanizma kuglica-na-rampi te potisnog igličnog ležaja zbog omogućavanja funkcionalnosti mehanizma. Izgled mehanizma kuglica-na-rampi je veoma sličan aksijalnom ležaju. Kako maksimalna aksijalna sila može biti vrlo velika (>30kN pri maksimalnom momentu spojke), moment trenja može biti značajan. Zbog toga je precizno modeliranje trenja kuglice-na-rampi važno za cjelokupnu točnost modela.

Model trenja je opisan Dahl-ovim dinamičkim modelom trenja. Struktura Dahl-ovog modela je sljedeča:

$$T_{f.br} = \sigma_0 z \tag{6}$$

$$\frac{\mathrm{d}z}{\mathrm{d}t} = \left(\omega_{\mathrm{br}} - \sigma_0 \frac{|\omega_{\mathrm{br}}|}{\mathrm{T}_{\mathrm{C.br}}(\mathrm{F}_{\mathrm{app}})} z\right)^1 \tag{7}$$

gdje je  $\omega_{br}$  relativna brzina kuglice-na-rampi, *i* je faktor modeliranja (uglavnom je 1), te  $T_{C.br}$  je Coulonovo trenje, koje je funkcija aksijalne sile  $F_{app}$ . Elastičnost kuglica-na-rampi ( $c_1$  na slici 5) je određena eksperimentalno i uvrštena u model u obliku look-up tablice. U ovom radu analizira se fizikalno modeliranje ove elastičnosti, koja se pokazala kao dominantnom elastičnosti u sustavu.

#### 3.3 Povratna opruga

Za povratnu oprugu se koristi tanjurasta opruga. Karakteristika sile pomicanja tanjuraste opruge se računa kao

$$F(s) = \frac{4Ets}{(1-\mu^2)\alpha D^2} \cdot \frac{s}{t} \cdot \left[ \left( \frac{h}{t} - \frac{s}{t} \right) \cdot \left( \frac{h}{t} - \frac{s}{2t} \right) + 1 \right]$$
(8)

Gdje je s pomak opruge, E je Young-ov modul elastičnosti, h=H-d

$$\alpha = \frac{1}{\pi} \cdot \frac{\left(\frac{\delta-1}{\delta}\right)^2}{\left(\frac{\delta+1}{\delta-1} - \frac{2}{\ln\delta}\right)}$$
(9)

Karakteristika opruge korištene u ovom mehanizmu je prikazana u slici 6.



Slika 6. Parametri Belleville opruge

#### 3.4 Aksijalna dinamika uljne spojke

Model aksijalne dinamike se bazira na ekvivalentnom koeficjentu viskoznog prigušenja. Ona uključuje model uljnog filma te aksijalnu elastičnost spojke. Više detalja se može naći u [1].

Konačni model aktuatora je načinjen u programskom paketu 'Matlab' (Simulink). Model, njegovi podsustavi te M-file sa parametrima su dani u prilogu. Na slici 7 je prikazan tipičan odziv modela aktuatora na skokovitu promjenu reference struje armature sa 0A na 12A i natrag na 0A.



Slika 7. Tipični odziv modela aktuatora na skokovitu promjenu reference

Nakon skokovite promjene reference struje armature, postoji čisto kašnjenje u signalu momenta spojke. To čisto kašnjenje je uzrokovano žračnošču lamela, potrebno je određeno vrijeme za pokretanje mehanizma aktuatora, (motor + kuglica-na-rampi + potisna ploča) kroz zračnost. Naime, povratna elektromotorna sila reducira otpor armature naponu proporcionalno brzini motora, te tako uzrokujući pad struje armature i momenta. Model veoma dobro predviđa čisto kašnjenje. Nakon faze kašnjenja slijedi proces tlačenja lamela. Razvija se potisna se aksijalna sila te u skladu s tim i moment spojke raste. Prijelazni moment spojke izlaže vremensko ponašanje, koje model veoma dobro predviđa. To ponašanje je karakterizirano relativno velikim nadvišenjem iza kojeg slijedi dobro prigušeno smirenje. To ponašanje je uzrokovano dinamikom aktuatora tijekom pritiskanja lamela spojke. Prigušenje je omogučeno trenjem unutar kuglica-na-rampi mehanizma. Spojka se deaktivira postavljanjem struje armature na vrijednost 0, gdje povratna opruga tjera mehanizam u njegovu početnu poziciju, te tako otpuštajući lamelu. Simulirani moment spojke je točan.

### 4. Modeliranje elastičnosti aktuatora

Provedena eksperimentalna indentifikacija pokazala je kako dominantna elastičnost u sustavu dolazi od deformacije u samom dijelu aktuatora koji pretvara rotacijsko u translacijsko gibanje. Pretpostavka je da se elastičnost može pripisati elastičnoj deformaciji kuglica na rampi.

U ovom poglavlju se analiziza mogučnost fizikalnog modeliranja ove elastičnosti korištenjem metode Heartz-ovog naprezanja. Sustav kuglica-na-rampi se može (za proračun) gledati kao aksijalni kuglični ležaj koji se naravno aksijalno opterećuje. Opterećenje za koje se računa deformacija maksimalno iznosi 35kN.

Prema Hertz-ovoj teoriji naprezanja [4] deformacija kuglice u kontaktu sa zakrivljenom podlogom se može računati prema

$$\delta_{\rm K} = 1.5 \cdot \frac{2{\rm K}}{\mu \cdot \pi} \cdot \sqrt[3]{\frac{\left(1 - \left(\frac{1}{{\rm m}^2}\right)\right)^2}{{\rm E}^2}} \cdot \frac{\sum \rho}{3} \cdot {\rm Q}^2 \ [{\rm mm}] \tag{10}$$

gdje su  $\frac{2K}{\mu \cdot \pi}$  Hertzov koeficjent, *E* je modul elastičnosti,  $\frac{1}{m^2}$  je Poissonov koeficjent,  $\sum \rho$  je suma inverznih radiusa zakrivljenosti i *Q* je sama sila opterečenja.

#### 4.1 Relacije zakrivljenosti

Hertzova teorija uzima u obzir kantakt dva tijela sa zakrivljenim površinama koja su pritisnuta jedno na drugo sa silom iznosa Q (slika 8 i slika 9). Svako od dva tijela 1 i 2 je kategorizirano sa svojim zakrivljenostima u principjelnim ravninama, okomitim jedna na drugu, u kojima su sadržana maksimalna i minimalna zakrivljenja. Zakrivljenje  $\rho$  je definirano kao recipročna vrijednost odgovarajučeg radiusa zakrivljenosti r. Signum  $\rho$ -a je pozitivan kada je centar zakrivljenosti unutar tijela (slika 10) te negativan kada centar leži van tijela (slika 11). Zakrivljenosti su zapisane sa dva indeksa, prvi ukazuje na rednni broj tijela dok drugi ukazuje na redni broj principjelne ravnine. Naprimjer  $\rho_{12}$  ukazuje na zakrivljenost tijela 1 u principijelnoj ravnini 2 i  $\rho_{21}$  ukazuje na zakrivljenost tijela 2 u princepijelnoj ravnini 1.



Slika 8. Kontakt 2 tijela sa zakrivljenim površinama i njihovim principijelnim ravninama

**Slika 9.** Radiusi zakrivljenosti u principijelnim ravninama dvaju tijela sa zakrivljenim površinama





Slika 10. Konveksna zakrivljenost

Slika 11. Konkavna zakrivljenost

### 4.2 Hertzov koeficjent $\frac{2K}{\pi\mu}$

Za izračunavanje deformacije, kontaktna površina te kontaktni pritisak u skladu sa Hertzovom teorijom, Hertzov koeficjent  $\frac{2\kappa}{\pi\mu}$  mora prvo biti određen iz relacija zakrivljenosti na mijestu kontakta. Ti faktori kategoriziraju distribuciju naprezanja na mjestu kontakta. Pretpostavlja se da su principijalne ravnine zakrivljenosti dvaju tijela istovjetne kao što je prikazano u slici 8. To je uvijek slučaj za ležajeve sa kuglicama i prstenom jer zakrivljenosti  $\rho_{11}$  i  $\rho_{21}$  kao što i zakrivjlenosti  $\rho_{22}$  i  $\rho_{12}$  leže u zajedničkoj ravnini (Slika 7.). Prvenstveno, pomočna vrijednost cos  $\tau$  se računa iz

$$\cos \tau = \frac{\rho_{11} - \rho_{12} + \rho_{21} - \rho_{22}}{\Sigma \rho}$$
(11)

gdje

$$\sum \rho = \rho_{11} + \rho_{12} + \rho_{21} + \rho_{22} \tag{12}$$

U skladu sa Hertzovom derivacijom, koeficjent  $\frac{2K}{\pi\mu}$  može biti određen kao funkcija  $\cos \tau$  čiji + ili – signum može biti zanemaren. Slika 12 prikazuje kako se taj koeficjent mjenja sa  $\cos \tau$ ; točni podatic se vade iz tablice 150 dane u dodatku.



Slika 12. Koeficjenti  $\mu$ , v i 2K/ $\pi\mu$  u funkciji cos $\tau$ 

Elastična deformacija  $\delta_K$  je definirana kao deformacija uzrokovana međusobnim pritiskom dijelova ležaja jednim na druge na mjestu kontakta, naprimjer, deformacija kuglice i prstena ležaja. Računom se dobiva apsolutna deformacija na mjestu dodira.

Za slučaj analiziranog aktuatora vrijede sljedeči parametri:

Radijusi zakrivljenosti  $r_{11}$ ,  $r_{12}$ ,  $r_{21}$  i  $r_{22}$  su redom 3.5mm, 3.5mm,  $\infty$ , -3.6mm

$$\rho_{11} = \frac{1}{r_{11}} = \frac{1}{3.5} = 0.2857 \left[\frac{1}{\text{mm}}\right]$$
(13)

$$\rho_{12} = \frac{1}{r_{12}} = \frac{1}{3.5} = 0.2857 \left[\frac{1}{\text{mm}}\right]$$
(14)

$$\rho_{11} = \frac{1}{r_{21}} = \frac{1}{\infty} = 0 \left[\frac{1}{mm}\right]$$
(15)

$$\rho_{22} = \frac{1}{-r_{22}} = \frac{1}{-3.6} = -0.2777 \left[\frac{1}{\text{mm}}\right]$$
(16)

$$\cos \tau = \frac{\rho_{11} - \rho_{12} + \rho_{21} - \rho_{22}}{\Sigma \rho} = \frac{0.2857 - 0.2857 + 0 + 0.2777}{0.2937} = 0.9459$$
(17)

$$\frac{2K}{\mu\pi} = 0.588 @ \cos \tau = 0.9459 \rightarrow \text{tablica 150 iz dodatka}$$
(18)

$$\mathbf{E} = 2.08 \cdot 10^5 \left[ \frac{\mathrm{N}}{\mathrm{mm}^2} \right] \tag{19}$$

$$\frac{1}{m} = \frac{3}{10}$$
 (20)

Kada oba elementa u dodiru imaju isti koeficjent elastičnosti te isti Poissonov koeficjent, kao što je ovdje slučaj, tada se može deformacija računati pojednostavljeno.

$$\delta_K = \frac{2.79}{10^4} \cdot \frac{2K}{\pi\mu} \cdot \sqrt[3]{\sum \rho \cdot Q^2} = \frac{2.79}{10^4} \cdot 0.588 \cdot \sqrt[3]{0.29365 \cdot Q^2}$$
(21)

$$\delta_K = 0.1167 \ mm - apsolutna \ deformacija \ kuglice$$

Na slici 13 je prikazana usporedba eksperimentalno prikupljene i izračunate karakteristike deformacije kuglice i primjenjene sile.



Slika 13. Eksperimentalno i analitičko razvijanje deformacije

Usporedba karakteristika pokazuje da se elastičnost nemože u potpunosti opisati analitičkim izrazom dobivenim iz Hertzove teorije naprezanja.

### 5. Regulacija pozicije aktuatora

#### 5.1 Sinteza regulacijskog kruga

Slika 14 prikazuje model procesa koji se koristio za dobivanje parametara. Proces se sastoji od I regulatora (integracijsko djelovanje) u glavnoj grani, PD regulatora (pojačalo i derivacijsko djelovanje) u povratnoj vezi te samog lineariziranog modela DC motora. Takav modificirani PID regulator može pružiti optimalno ponašanje sistema zatvorene petlje pri promjeni reference pozicije. Modificirana struktura daje optimalno ponašanje regulacijskog kruga s obzirom na promjenu referentne veličine, poremečaje (npr. trenje), bez postojanja nadvišenja pri skokovitoj velikoj promjeni referentne veličine.



Slika 14. Blok dijagram regulacijskog kruga pozicije motora

Za određivanje parametara regulatora T<sub>I</sub>, T<sub>D</sub>, T<sub>e</sub>, K<sub>R</sub> potrebno je dobiti prijenosnu funkciju cijelog procesa.

$$G_P(s) = \frac{K_a K_t}{(Ts+1)[Js(T_a s+1) + K_a K_t K_v]s}$$

$$G_P(s) = \frac{K_a K_t}{[JTs^2(T_a s+1) + K_a K_t K_v Ts + Js(T_a s+1) + K_a K_t K_v]s}$$

$$G_P(s) = \frac{K_a K_t}{[JTT_a s^3 + JTs^2 + K_a K_t K_v Ts + T_a Js^2 + Js + K_a K_t K_v]s}$$

$$G_P(s) = \frac{K_a K_t}{(JTT_a s^3 + J(T + T_a)s^2 + (J + K_a K_t K_v T)s + K_a K_t K_v)s}$$

Zbog pojednostavljenja daljnjeg računanja uvode se dvije supstitucije:

$$K_{\Sigma 1} = K_a K_t K_v \qquad K_{\Sigma 2} = K_a K_t$$

$$G_p(s) = \frac{K_{\Sigma 2}}{JTT_a s^4 + J(T + T_a) s^3 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^2 + K_{\Sigma 1}s}$$

$$G_1(s) = \frac{G_p(s)}{1 + G_p(s) K_R(T_D s + 1)}$$

$$G_1(s) = \frac{K_{\Sigma 2}}{JTT_a s^4 + J(T + T_a) s^3 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^2 + K_{\Sigma 1}s + K_{\Sigma 2}K_R(T_D s + 1)}$$

$$G_1(s) = \frac{K_{\Sigma 2}}{JTT_a s^4 + J(T + T_a) s^3 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^2 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s + K_R K_{\Sigma 2}}$$

$$G_1(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{G_1(s)}{1 + G_1(s)}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

$$G(s) = \frac{K_{\Sigma 2} \frac{K_R}{T_I}}{JTT_a s^5 + J(T + T_a) s^4 + (J + K_{\Sigma 1}T) s^3 + (K_{\Sigma 1} + K_R T_D K_{\Sigma 2}) s^2 + K_R K_{\Sigma 2} s}$$

Parametri se određuju prema metodi optimuma dvostrukog odnosa. Metoda se bazira na karakterističnom polinomu zatvorene petlje koji je dan u obliku

$$A(s) = 1 + T_e s + D_2 T_e^2 s^2 + D_3 D_2^2 T_e^3 s^3 + \dots + D_2^{n-1} D_3^{n-2} \cdots D_n T_e^n s^n$$
(23)

gdje je  $T_e$  ekvivalentna vremenska konstanta, a  $D_2, D_3, ..., D_n$  karakteristični omjeri. U optimalnom slučaju  $D_2 = D_3 = D_n = 0.5$ , sistem sa zatvorenom petljom bilokojeg reda *n* ima kvazi-aperiodski step odziv sa prebacivanjem od otprilike 6% i vremenom stabilizacije od otprilike 1.8 $T_e$ . U slučaju regulatora nižeg reda, samo se dominantni karakteristični omjeri  $D_2, D_3, ..., D_n$  (r < n) postavljaju na optimalnu vrijednost 0.5.

Radi kvazi-kontinuiranog projektiranja, otipkavanje (A/D konverzija), impulsni formator nultog reda, vremenske diferencijacije korištene u D regulatoru, se aproksimiraju članom prvog rega sa vremenskom konstantom  $2\frac{T}{2} = T$ . Ta parazitska kašnjenja, zajedno sa kašnjenjem armature motora, je aproksimativno opisuju sa ekvivalentnim članovima prvog reda sa vremenskim konstantama  $T_a$  i T.

Izjednačavajući karakteristični polinom sa nazivnikom prenosne funkcije, dolazimo do konačnih izraza za ekvivalentnu vremensku konstantu zatvorene petlje  $T_e$ , te parametara regulatora  $K_R$ ,  $T_I$ , te  $T_D$ .

$$\mathbf{T}_{emin} = \frac{J(T+T_a)}{D_2 D_3 D_4 J + K_{\sum 1} T}$$
(24)

$$\boldsymbol{T}_{\boldsymbol{I}} = T_{\boldsymbol{e}} \tag{25}$$

$$\mathbf{T}_{\mathbf{D}} = \frac{\mathbf{K}_{\mathbf{R}}\mathbf{K}_{\Sigma\,2}\mathbf{T}_{\mathbf{e}}\mathbf{D}_{2} - \mathbf{K}_{\Sigma\,1}}{\mathbf{K}_{\mathbf{R}}\mathbf{K}_{\Sigma\,2}} \tag{26}$$

$$K_{R} = \frac{J + K_{\sum 1} T}{K_{\sum 2} D_{2}^{2} D_{3} T_{e}^{2}}$$
(27)

Da se izbjegne nadvišenje regulirane vrijednosti kod skokovite promjene reference, dominantni karakteristični omjer  $D_2$  se smanjuje sa optimalne vrijednosti 0.5 na vrijednost  $D_2$ =0.37. Izraz za  $T_e$  (sa  $D_3=D_4=0.5$ ) daje minimalnu vremensku konstantu da dobro prigušen odziv. Vremenska konstanta  $T_e$  se može povečati iznad svoje izračunate minimalne vrijednosti zbog npr. smanjivanja šuma u komandnom signalu u.

#### 5.2 Provjera regulacijskog kruga

Simulacija na računalu se izvodi na prethodno razvijenom modelu. Model je modificiran za potrebe ove simulacije i njegova slika sa podsustavima je dana u prilogu. PID modificirani regulator je implementiran pomoču matlab mex datoteke. Mex datoteke omogučuju povezivanje subrutina napisanih u C-u ili FORTRANU u matlab kod, te na taj način se koriste kao M-filovi tj. kao predugrađene funkcije. U prilogu se također nalaze ispisani 'M-file-ovi' u kojima se nalaze svi parametri sustava i regulatora, 'mex-file' samog PID modificiranog regulatora te naredbe za izvođenje simulacije. Mjereni signal pozicije koji ulazi u D djelovanje regulatora se filtrira vremenom uzrokovanja T=3 ms. Simulacija se izvodi sa skokovitom promjenom reference i to za male i velike iznose promjene kuta zakreta. Na slici 15 se vide odzivi na skokovitu promjenu (počevši od kuta od 15 rad) za iznose od 0.5 rad, 1 rad te 5 rad. Na isti način su prikazani odzivi simulacije na slikama 16 i 17 samo što je početni kut bio 20rad (Slika 16) i 25rad (Slika 17). Različita početna vrijednost se uzima zbog analize utjecaja trenja u mehanizmu

na regulacijsko ponašanje. Naime, aksijalna sila aktuatora raste s porastom pozicije aktuatora, a s time i trenje u mehanizmu kuglica-na-rampi.



Slika 15. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 15 rad



Slika 16. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 20 rad



Slika 17. Odziv regulacijskog kruga na skokovitu pobudu počevši od 25 rad

Analizirajući rezultate simulacija vidi se da u odzivima nema nadvišenja reference. To je osigurano kvalitetnim odabirom koeficjenata metode optimuma dvostrukog odnosa a i samim modificiranim PID regulatorom koji svojim PD djelovanjem u povratnoj vezi osigurava dobro prigušen odziv. Vrijeme odziva, u području niskog trenja "je 80 ms bez obzira na iznos reference. Povečanjem trenja u mehanizmu dolazi i do povečanja vremena odziva, ali i dalje je to manje od 100 ms što je zadovoljavajuče brzo.

#### 5.3 Analiza utjecaja broja impulsa enkodera na regulaciju pozicije

Za potrebe provjere regulacije nije se uzimalo u obzir utjecaj šuma i enkodera tj. njegov broj impulsa. Da model aktuatora bude što precizniji, u njega se implementira šum (koji bi se javljao usljed vibracija te zbog D djelovanja regulatora se izdizao) te enkoder. Šum je opisan na način da se uzela rezolucija signala enkodera, podijelila sa 2 i tako se dobila maksimalna očekivana visina šuma. Zatim se određuje standardna devijacija šuma, interval sigurnosti od 95% određuje da je tri puta standardna devijacija ( $3\sigma$ ) jednaka maksimalnoj očekivanoj visini šuma. I konačno je varijanca signala enkodera tj. šum kvadrat standardne devijacije signala. Sa tako proširenim modelom aktuatora će se provesti simulacija za enkoder sa 50 impulsa te enkoder sa 2000 impulsa da se provjeri dali se može dobiti približno isti odziv pozicije DC motora sa manje preciznim enkoderom kakav se nalazi integriran u samom aktuatoru. Šum je implementiran na način da se pribrajao signalu brzine te signalu pozicije (prije ulaska signala u sami enkoder). Taj prošireni model je prikazan u prilogu. Slike 18, 19 i 20 prikazuju karakteristične odzive na skokovitu pobudu sa utjecajem šuma i enkoderom i to počevši sa 15, 20 i 25 rad redom.



Slika 18. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu pobudu sa 15 rad



Slika 19. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu pobudu sa 20 rad



Slika 20. Odziv modela sa implementiranim enkoderom i šumom za skokovitu pobudu sa 25 rad

Rezultati simulacije pokazuju kako mjerenje brzine vrtnje sa enkoderom s manjim brojem impulsa ne utječe na točnost i brzinu regulacije. Jedina negativna posljedica korištenja takvog enkodera je pojačani šu u signalu struje i napona armature što eventualno može utjecati na vijek trajanja DC motora. Dodatnim filtriranjem signala brzine ili derivacijskog djelovanja aktuatora taj se šum može smanjiti.

### 6. Zaključak

Za dobivene parametre regulatora provedena je simulacija te je pokazano da regulator kvalitetno regulira sustav sa brzim odzivom. Odziv je aperiodski i dobro prigušen. Usporedbom eksperimentalno prikupljenih podataka o elastičnoj deformaciji i analitički dobivenih podataka utvrđeno je da se nemože upotpunosti opisati deformacija kuglica-na-rampi mehanizma. Očito je da elastična deformacija koja se razvija unutar tog mehanizma samo dijelom dolazi od deformacija samih kuglica. Pošto se nije moglo upotpunosti opisati elastična deformacija, model aktuatora u tom segmentu nije mijenjan. Implementacijom enkodera i uvođenjem šuma u signal mjerenja pozicije ispitan je utjecaj istih na brzinu i kvalitetu odziva. Pokazano je da korištenjem nepreciznijeg enkodera (50 impulsa po okretaju) kvaliteta te brzina odziva nisu narušeni u odnosu kad se koristio precizniji enkoder (2000 impulsa po okretaju). Odziv je stabilan bez vidnih oscilacija sa zanemarivo malo dužim vremenom odziva. Također je prikazano da šum utječe na signal struje i napona armature oscilatorno ali da to neutječe na samu poziciju.

# 7. Prilog

M-file sa parametrima regulatora

\* % Axial force development model parameters % % (DC motor + Gear Box + Ball and Ramp + Fluid film model + Clutch pack axial compliance) % Created by Vladimir Ivanovic, University of Zagreb, June 2007 % \* %DC motor Kch = 1; % Chopper gain Kv0 = 0.0667; % Back Electromotive force gain Kt0 = 0.0478; % Motor torque gain Ra0 = 0.45; % [ohm] Armature resistance at 30 degC La = 9e-4; %[H] Armature inductance at 30 degC %Motor voltage limits ua\_max = 12.5; ua min = -12.5;ia\_max = 30; % Motor armature maximum current Ts = 0.002; % Sampling time Ta = La/Ra0; % Armature time constant [s] Ka = 1/Ra0; % Clutch motor armature gain [1/Ohm] %Controller parameters BEMF\_FF = 0; % Back EMF feed-forward controller =1: w/, 0: w/o Ksum1=Ka\*Kt0\*Kv0; Ksum2=Ka\*Kt0; D2 = 0.37;D3 = 0.5;D4 = 0.5;% Motor position control %N\_imp = 50; % [impuls/turn] Signal\_Resolution = 2\*pi/N\_imp; % [rad/impuls] Max\_Expected\_Noise\_Level = (Signal\_Resolution/2) / 3; % The last number defines the magnitude of noise signal % (:1 = maximum excepted noise magnitude equal to signal resolution, :2 = noise magnitude half of signal resolution, etc.) Signal\_Std = Max\_Expected\_Noise\_Level / 3; % We take here that 95% confidence interval (3\*Std) of signal error equals +/- Max\_Expected\_Noise\_Level,

```
% which implies that Std =
(Max_Expected_Noise_Level) / 3;
Signal_Variance = Signal_Std^2; % Variance = (Standard Deviation)^2
Ts = 0.002; % Controller sampling time
Temin =(Jm*(Ts+Ta))/(D2*D3*D4*(Jm+Ksum1*Ts)); % Closed-loop system
equivalent t.c.
Te = Temin;
% Motor position PID controller parameters
KR_wm = (Jm+Ksum1*Ts)/(Te^2*D3*D2^2*Ksum2); % Proportional gain
TI_wm = Te; % Integral t.c.
TD_wm = (Te*D2*Ksum2*KR_wm-Ksum1)/(KR_wm*Ksum2); % Derivative t.c.
```

Ovdje su samo najbitniji parametri, ostali su izbačeni jer nisu relevantni za ovaj rad

Mex-file PID regulatora pozicije

```
/*
                                                                   */
/* C-mex S-function for PID + Back EMF feed-forward controller for
                                                                   * /
/* DC motor armature
                                                                   * /
                                                                   */
/*
/* Malab ver. 5.3 (R11)
                                                                   * /
                                                                   * /
/*
                                                                   * /
/* (c) Originaly created by Danijel Pavkovic May/June 2001
                                                                   */
/* For the purpose of DC motor current control modified by
/*
      Vladimir Ivanovic April 2007
                                                                   */
/*
                                                                   */
#define S_FUNCTION_LEVEL 2
#define S_FUNCTION_NAME pid_ctrl
#include "simstruc.h" /* Defines SimStruct and corresponding macros */
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>
#define u(element) (*uPtrs[element])
#define NUM_OF_ARGS 1 /* Number of input arguments - data organized in ROW
vectors */
#define NUM_OF_IN 3 /* Number of inputs */
#define NUM_OF_OUT 1 /* Number of outputs */
#define NUM_OF_REAL 4 /* Number of real work vector elements - static vars.
* /
/* PID controler */
#define SAMPLE_ARG (real_T)mxGetPr(ssGetSFcnParam(S,0))[0] /* Sample time
* /
#define KR_ARG (real_T)mxGetPr(ssGetSFcnParam(S,0))[1] /* Controller
gain */
                (real_T)mxGetPr(ssGetSFcnParam(S,0))[2] /* Integral term
#define TI_ARG
time constant */
#define TD_ARG
                 (real_T)mxGetPr(ssGetSFcnParam(S,0))[3] /* Derivative
term time constant */
/*#define ZF_ARG
                    (real_T)mxGetPr(ssGetSFcnParam(S,0))[4]*/ /*
Derivative term filter coefficient */
/* Positions in the real work vector - static vars. */
#define U_I 0
/*#define D_FILT_
                1*/
#define D_FILTR 1
#define THETA_P 2
#define THETARP 3
#define CTRL MAX 12.5
#define TFD 3e-3
static void mdlInitializeSizes(SimStruct *S)
{
   ssSetNumSFcnParams(S, NUM_OF_ARGS); /* Number of expected parameters */
   if (ssGetNumSFcnParams(S) != ssGetSFcnParamsCount(S)) {
```

```
return;
    }
    ssSetNumContStates(S, 0); /* number of continuous states */
    ssSetNumDiscStates(S, 0); /* number of discrete states */
    /* Configure the input ports. */
    if (!ssSetNumInputPorts(S, 1)) return;
    ssSetInputPortWidth(S, 0, NUM_OF_IN);
    ssSetInputPortDirectFeedThrough(S, 0, 1);
    if (!ssSetNumOutputPorts(S, 1)) return;
    ssSetOutputPortWidth(S, 0, NUM_OF_OUT);
    ssSetNumSampleTimes(S, 1); /* number of sample times */
    ssSetNumRWork(S,NUM_OF_REAL); /* number of real work vector elements */
   ssSetNumIWork(S, 0);  /* number of integer work vector elements*/
ssSetNumPWork(S, 0);  /* number of pointer work vector elements*/
    ssSetOptions(S, SS_OPTION_EXCEPTION_FREE_CODE);
} /* end mdlInitializeSizes */
static void mdlInitializeSampleTimes(SimStruct *S)
{
    ssSetSampleTime(S, 0, SAMPLE_ARG);
    ssSetOffsetTime(S, 0, 0);
}
/* FUNCTION mdlInitializeConditions */
#define MDL INITIALIZE CONDITIONS
#if defined(MDL INITIALIZE CONDITIONS)
static void mdlInitializeConditions(SimStruct *S)
{
    real_T Ts,KR,TI,TD;
    if (ssGetSFcnParamsCount(S) != NUM_OF_ARGS)
    {
        #ifdef MATLAB_MEX_FILE
           ssSetErrorStatus(S, "Wrong number of input args !");
        #else
           printf("\nWrong number of input args !");
            exit(0);
        #endif
    }
    Ts = SAMPLE_ARG;
    KR = KR_ARG;
    TI = TI_ARG;
    TD = TD_ARG;
    /* Initialize real work vector */
    ssSetRWorkValue(S,U_I,0.0);
    /*ssSetRWorkValue(S,D_FILT_,0.0);*/
    ssSetRWorkValue(S,D_FILTR,0.0);
```

```
ssSetRWorkValue(S,THETA_P,0.0);
    ssSetRWorkValue(S,THETARP,0.0);
}
#endif
/******************************
/* FUNCTION mdlOutputs */
/*************************/
static void mdlOutputs(SimStruct *S, int_T tid)
{
   InputRealPtrsType uPtrs = ssGetInputPortRealSignalPtrs(S,0);
  real_T *y = ssGetOutputPortRealSignal(S,0);
   /* Cache the necessary parameters */
  real_T Ts,KR,TI,TD/*,zf*/;
   /* Define variables */
   real_T alpha_R,alpha_Rp,alpha,alpha_p, wm;
   real_T out_I, out_P, out_D, out_Dfilt, out_ctrl;
   real_T eps, yff;
   Ts = SAMPLE_ARG;
    TI = TI_ARG;
   KR = KR_ARG;
   TD = TD_ARG;
    /*zf = ZF_ARG;*/
    /* Get inputs */
    alpha R = u(1);
    alpha = u(0);
    wm = u(2);
   yff = 0;
    eps = alpha_R - alpha;
    out_D = KR*TD*(alpha - ssGetRWorkValue(S,THETA_P))/Ts;
    out_Dfilt = (TFD * ssGetRWorkValue(S,D_FILTR) + out_D * Ts) / (Ts + TFD);
    out_P = KR*alpha;
    out_I = KR/TI * Ts *eps + ssGetRWorkValue(S,U_I);
    out_ctrl = out_I - (out_P + out_Dfilt) + yff;
    if((fabs(out_ctrl)>CTRL_MAX)){
        if(out_ctrl>CTRL_MAX)
        out_ctrl = CTRL_MAX;
        if(out_ctrl<(-CTRL_MAX))</pre>
        out_ctrl = -CTRL_MAX;
        out_I = out_ctrl + (out_P + out_Dfilt) - yff;
    }
```

```
ssSetRWorkValue(S,U_I,out_I);
       ssSetRWorkValue(S,THETA_P,alpha);
       ssSetRWorkValue(S,D_FILTR,out_Dfilt);
   /* Set outputs */
   y[0] = out_ctrl;
}
/***************************
/* FUNCTION mdlUpdate */
/************************
static void mdlUpdate(real_T *x, real_T *u, SimStruct *S, int_T tid)
}
/* FUNCTION mdlDerivatives */
static void mdlDerivatives(real_T *dx, real_T *x, real_T *u, SimStruct *S,
int_T tid)
}
/***************************/
/* FUNCTION mdlTerminate */
static void mdlTerminate(SimStruct *S)
{
}
#ifdef MATLAB_MEX_FILE /* Is file being compiled into the MEX-file ? */
#include "simulink.c" /* Add functions for linking with Matlab */
#else
#include "cg_sfun.h"
#endif
```

Simulink model aktuatora sa podsustavima (sa i bez implementiranog enkodera i šuma)







Numeričke vrijednosti za sliku 12

cos t	μ	ν	μν	$2K/\pi\mu$		
0.9995	23.95	0.163	3.91	0.171		
0.9990	18.53	0.185	3.43	0.207		
0.9985	15.77	0.201	3.17	0.230		
0.9980	14.25	0.212	3.02	0.249		
0.9975	13.15	0.220	2.89	0.266		
0.9970	12.26	0.228	2.80	0.279		
0.9965	11.58	0.235	2.72	0.291		
0.9960	11.02	0.241	2.65	0.302		
0.9955	10.53	0.246	2.59	0.311		
0.9950	10.15	0.251	2.54	0.320		
0.9945	9.77	0.256	2.50	0.328		
0.9940	9.46	0.260	2.46	0.336		
0.9935	9.17	0.264	2.42	0.343		
0.9930	8.92	0.268	2.39	0.350		
0.9925	8.68	0.271	2.36	0.356		
0.9920	8.47	0.275	2.33	0.362		
0.9915	8.27	0.278	2.30	0.368		
0.9910	8.10	0.281	2.28	0.373		
0.9905	7.93	0.284	2.25	0.379		
0.9900	7.76	0.287	2.23	0.384		
0.9895	7.62	0.289	2.21	0.388		
0.9890	7.49	0.292	2.19	0.393		
0.9885	7.37	0.294	2.17	0.398		
0.9880	7.25	0.297	2.15	0.402		
0.9875	7.13	0.299	2.13	0.407		
0.9870	7.02	0.301	2.11	0.411		
0.9865	6.93	0.303	2.10	0.416		
0.9860	6.84	0.305	2.09	0.420		
0.9855	6.74	0.307	2.07	0.423		
0.9850	6.64	0.310	2.06	0.427		
0.9845	6.55	0.312	2.04	0.430		
0.9840	6.47	0.314	2.03	0.433		
0.9835	6.40	0.316	2.02	0.437		
0.9830	6.33	0.317	2.01	0.440		
0.9825	6.26	0.319	2.00	0.444		
0.9820	6.19	0.321	1.99	0.447		
0.9815	6.12	0.323	1.98	0.450		
0.9810	6.06	0.325	1.97	0.453		
0.9805	6.00	0.327	1.96	0.456		
0.9800	5.94	0.328	1.95	0.459		

cos t	cosτ μ		μν	$2K/\pi\mu$
0.9795	5.89	0.330	1.94	0.462
0.9790	5.83	0.332	1.93	0.465
0.9785	5.78	0.333	1.92	0.468
0.9780	5.72	0.335	1.92	0.470
0.9775	5.67	0.336	1.91	0.473
0.9770	5.63	0.338	1.90	0.47ó
0.9765	5.58	0.339	1.89	0.478
0.9760	5.53	0.340	1.88	0.481
0.9755	5.49	0.342	1.88	0.483
0.9750	5.44	0.343	1.87	0.486
0.9745	5.39	0.345	1.86	0.489
0.9740	5.35	0.346	1.85	0.491
0.9735	5.32	0.347	1.85	0.493
0.9730	5.28	0.349	1.84	0.495
0.9725	5.24	0.350	1.83	0.498
0.9720	5.20	0.351	1.83	0.500
0.9715	5.16	0.353	1.82	0.502
0.9710	5.13	0.354	1.81	0.505
0.9705	5.09	0.355	1.81	0.507
0.9700	5.05	0.357	1.80	0.509
0.969	4.98	0.359	1.79	0.513
0.968	4.92	0.361	1.78	0.518
0.967	4.86	0.363	1.77	0.522
0.966	4.81	0.365	1.76	0.526
0.965	4.76	0.367	1.75	0.530
0.964	4.70	0.369	1.74	0.533
0.963	4.65	0.371	1.73	0.536
0.962	4.61	0.374	1.72	0.540
0.961	4.56	0.376	1.71	0.543
0.960	4.51	0.378	1.70	0.546
0.959	4.47	0.380	1.70	0.550
0.958	4.42	0.382	1.69	0.553
0.957	4.38	0.384	1.68	0.556
0.956	4.34	0.386	1.67	0.559
0.955	4.30	0.388	1.67	0.562
0.954	4.26	0.390	1.66	0.565
0.953	4.22	0.391	1.65	0.568
0.952	4.19	0.393	1.65	0.571
0.951	4.15	0.394	1.64	0.574
0.950	4.12	0.396	1.63	0.577

Table 150Numerical values for Fig. 149

cos τ	μ	ν	μν	2Κ/πμ		cos t	μ	ν	μν	2K/π
0.948	4.05	0.399	1.62	0.583		0.870	2.77	0.490	1.36	0.721
0.946	3.99	0.403	1.61	0.588		0.865	2.72	0.494	1.35	0.727
0.944	3.94	0.406	1.60	0.593		0.860	2.68	0.498	1.34	0.733
0.942	3.88	0.409	1.59	0.598		0.855	2.64	0.502	1.33	0.739
0.940	3.83	0.412	1.58	0.603	_	0.850	2.60	0.507	1.32	0.745
0.938	3 78	0.415	1.57	0.608		0.84	2.53	0.515	1.30	0.755
0.936	3.73	0.418	1.56	0.613	Ì	0.83	2.46	0.523	1.29	0.765
0.934	3.68	0.420	1.55	0.618		0.82	2.40	0.530	1.27	0.774
0.932	3.63	0.423	1.54	0.622		0.81	2.35	0.537	1.26	0.783
0.930	3.59	0.426	1.53	0.626		0.80	2.30	0.544	1.25	0.792
0.928	3.55	0.428	1.52	0.630		0.75	2.07	0.577	1.20	0.829
0.926	3.51	0.431	1.51	0.634		0.70	1.91	0.607	1.16	0.859
0.924	3.47	0.433	1.50	0.638		0.65	1.77	0.637	1.13	0.884
0.922	3.43	0.436	1.50	0.642		0.60	1.66	0.664	1.10	0.904
0.920	3.40	0.438	1.49	0.646		0.55	1.57	0.690	1.08	0.922
0.918	3.36	0.441	1.48	0.650	-	0.50	1.48	0.718	1.06	0.938
0.916	3.33	0.443	1.47	0.653		0.45	1.41	0.745	1.05	0.951
0.914	3.30	0.445	1.47	0.657		0.40	1.35	0.771	1.04	0.962
0.912	3.27	0.448	1.46	0.660		0.35	1.29	0.796	1.03	0.971
0.910	3.23	0.450	1.45	0.664		0.30	1.24	0.824	1.02	0.979
0.908	3.20	0.452	1.45	0.667	-	0.25	1.19	0.850	1.01	0.986
0.906	3.17	0.454	1.44	0.671		0.20	1.15	0.879	1.01	0.991
0.904	3.15	0.456	1.44	0.674		0.15	1.11	0.908	1.01	0.994
0.902	3.12	0.459	1.43	0.677		0.10	1.07	0.938	1.00	0.997
0.900	3.09	0.461	1.42	0.680		0.05	1.03	0.969	1.00	0.999
0.895	3.03	0.466	1.41	0.688	_	0	1	1	1	1
0.890	2.97	0.471	1.40	0.695		-		÷ .	<b>.</b>	
0.885	2.92	0.4,76	1.39	0.702						
0.880	2.86	0.481	1.38	0.709						
0.875	2.82	0.485	1.37	0.715						
					_ 1 .					

 $2K/\pi\mu$ 

Table 150 Numerical values for Fig. 149 (Continued)

### **Literatura**

[1] V.Ivanović, J.Deur, Z.Herold, M.Hancock, F.Assadian. Modeling and Experimental Validation on Active Limited Slip Differential Cluch Dynamics. Proceedings of IMECE2008, 2008.g.

[2] T. Gassmann, J.A.Barlage. Eletronic Torque Manager (ETM): An Adaptive Driveline Torque Management System, SAE TECHNICAL PAPER, 2004.g.

[3] V.Ivanović, J.Deur, Z.Herold, M.Hancock, F.Assadian. Experimental Setups for Active Limited Slip Differential, SAE International, 2008.g.

[4] Eschmann, Hasbargen, Weigand. Ball and Roller Bearings. Their Theory, Design and Application, 1958.g.

[5] J.Deur, D.Pavković, N.Perić, M.Jansz, D.Horvat. An Electronic Throttle Control Strategy Including Compensation of Friction and Limp-Home Effects, IEEE paper, 2004.g.