

Utjecaj mjerne sile na rezultate mjerenja unutarnjih i vanjskih promjera

Novak, Filip

Master's thesis / Diplomski rad

2014

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: **University of Zagreb, Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture / Sveučilište u Zagrebu, Fakultet strojarstva i brodogradnje**

Permanent link / Trajna poveznica: <https://urn.nsk.hr/urn:nbn:hr:235:169392>

Rights / Prava: [In copyright/Zaštićeno autorskim pravom.](#)

Download date / Datum preuzimanja: **2024-07-31**

Repository / Repozitorij:

[Repository of Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture University of Zagreb](#)





Diplomski rad

Mentori:

Prof. dr. sc. Biserka Runje, dipl. ing.

Student:

Filip Novak

Zagreb, 2014 godina.

Izjavljujem da sam ovaj rad izradio samostalno koristeći stečena znanja tijekom studija i navedenu literaturu.

Zahvaljujem se mentorici prof. dr. sc. Biserki Runje na pruženom povjerenju, vođenju kroz rad te za pruženo zadovoljstvo rada na jednom tako zanimljivom problemu.

Zahvaljujem se i dr. sc. Vedranu Šimunoviću na velikoj pomoći tokom izrade rada, korisnim diskusijama, razradama problema, modela, izračuna i ostalog. Također se zahvaljujem i osoblju Laboratorija za precizna mjerjenja dužina za svu pomoć, vođenje, korisne savjete i ugodan boravak tokom rada u Laboratoriju.

Naposljetku bih se zahvalio svojoj obitelji koja mi je pružila podršku tokom svih godina studiranja.

Filip Novak



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU

FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

Središnje povjerenstvo za završne i diplomske ispite

Povjerenstvo za diplomske ispite studija strojarstva za smjerove:
procesno-energetski, konstrukcijski, brodostrojarski i inženjersko modeliranje i računalne simulacije



Sveučilište u Zagrebu Fakultet strojarstva i brodogradnje	
Datum	Prilog
Klasa:	
Ur.broj:	

DIPLOMSKI ZADATAK

Student:

Mat. br.:

Naslov rada na
hrvatskom jeziku:

Naslov rada na
engleskom jeziku:

Opis zadatka:

Zadatak zadan:

Rok predaje rada:

Predviđeni datumi obrane:

Zadatak zadao:

Predsjednik Povjerenstva:

Prof. dr. sc. Zvonimir Guzović

Sadržaj

1.	Uvod	11
1.2.	Provodenje eksperimentalnog mjerjenja.....	12
1.2.1.	Univerzalni mjerni uređaj.....	12
1.2.2.	Mjerenje navoja (navojnig čepa).....	14
1.2.3.	Mjerenje unutarnjeg promjera.....	16
1.2.4.	Mjerenje vanjskog promjera	18
1.3.	Fizička i topilska svojstva materijala za izradu etalona duljne	19
1.4.	Teorijski model	20
2.	Analitički proračun deformacije	23
2.1.	Analitički proračun deformacije pri mjerenu navoja primjenom valjčića	23
2.2.	Analitički proračun deformacije pri mjerenu unutarnjeg promjera mjernog prstena	25
2.3.	Analitički proračun deformacija nastalih u procesu mjerena vanjskog promjera valjčića .	30
3.	Numerička analiza konačnih elemenata u programskom paketu Abaqus.....	34
3.1.	Simulacija mjerena unutarnjeg promjera.....	34
3.2.	Postupak izrade modela u programskom paketu Abaqus.....	34
4.	Provedba eksperimentalnih mjerjenja	60
4.1.	Fizički model za mjerene vanjskog promjera mjernih valjčića	61
4.2.	Način mjerena nastalih pomaka i deformacija.....	62
4.3.	Mjerni valjčići	63
4.4.	Rezultati mjerena	64
5.	Usporedba rezultata.....	68
6.	Zaključak	70
7.	Literatura	71

Popis slika

Slika 1 - Univerzalni mjerni uređaj DMS 680	12
Slika 2 - Mjerenje nvojnog čepa [1]	14
Slika 3 - Metoda mjerenja s tri valjčića.....	15
Slika 4 - Mjerenje unutarnjeg promjera	17
Slika 5 - Mjerenje vanjskog promjera	18
Slika 6 - Dodir između kugle i elastične površine	21
Slika 7 - Dodir između valjka s V izrezom i mjernog valjčića	22
Slika 8 - Ovisnost deformacije o primjenjenoj sile	24
Slika 9 – Skica mjerenja unutarnjeg promjera mjernim čeljustima.....	25
Slika 10 – Graf ovisnosti deformacije o primjenjenoj sili; Prsten promjera 50 mm	28
Slika 11 – Graf ovisnosti deformacije od primjenjenoj sili; Prsten promjera 25 mm	29
Slika 12 – Skica modela mjerenja promjera valjčića.....	31
Slika 13 – Graf nastalih deformacija u ovisnosti o primjenjenoj sili	33
Slika 14 - Izbornik Model Database i podizbornik Create Part [7]	35
Slika 15 - Geometrija vrha ticala.....	36
Slika 16 - Geometrija prstena	36
Slika 17 - Particionirana geometrija prstena	37
Slika 18 - Particioniranje vrha ticala	38
Slika 19 - Izbornik "Materials".....	39
Slika 20 - Podizbornik "Edit Material" [7].....	39
Slika 21 - Izbornik materials [7]	39
Slika 22 - Izbornik Section i podizbornik Create Section [7]	40
Slika 23 - Modul Assembly i podizbornik Create Instance [7]	41
Slika 24 - Dodir između vrha ticala i unutarnje površine prstena	41
Slika 25 - Model prstena i vrha ticala nakon povezivanja u Assembly-ju.....	42
Slika 26 - Modul steps i podizbornik Create Step [7]	42
Slika 27 - Modul BC's i podizbornik Create Boundary Condition [7]	43
Slika 28 - Edit Boundary Condition [7].....	43
Slika 29 - Displacement/Rotation izbornik [7].....	44
Slika 30 - Rubni uvjeti dodira vrha ticala i mjernog prstena.....	45
Slika 31 - Rubni uvjet središnje linije prstena i vrha ticala	45
Slika 32 - Rubni uvjet mode u smjeru osi X	46
Slika 33 - Zadavanje drugog rubnog uvjeta	46
Slika 34 – Izbornik Loads i podizbornik Create Load [7]	47
Slika 35 - Opterećenje na vrhu ticala.....	47
Slika 36 - Zadavanje iznosa sile.....	48
Slika 37 - Modul Interaction Properties i podizbornik Create Interaction Property [7].....	48
Slika 38 - Zadavanje uvjeta djelovanja u točki dodira u smjeru normale i tangente [7]	49
Slika 39 - Izrada interakcije između površina u dodiru [7]	50
Slika 40 - Konačni izgled površina u dodiru na modelu.....	50
Slika 41 - Opcije stvaranja mreže konačnih elemenata.....	51
Slika 42 – Postavljanje veličine čvorova konačnih elemenata.....	51
Slika 43 - Bias/single način zadavanja čvorova mreže konačnih elemenata	52

Slika 44 - Mreža konačnih elemenata na modelu	53
Slika 45 - Kreiranje job-a i moguće opcije [7]	54
Slika 46 - Padajući izbornik koji se otvara desnim klikom miša na Job [7]	54
Slika 47 - Prikaz deformacija na modelu	55
Slika 48 - Brojčani prikaz rezultata	55
Slika 49 - Model za analizu procesa mjerjenja vanjskog promjera valjčića	56
Slika 50 - Hvatište koncentrirane sile	56
Slika 51 - Mreža konačnih elemenata na modelu mjeranja vanjskog promjera valjčića	57
Slika 52 - Pomaci na modelu mjerjenja valjčića nastali uslijed djelovanja mjerne sile	58
Slika 53 - Najveća naprezanja na modelu mjerjenja valjčića	58
Slika 54 - Najveći pomaci modela modela mjerjenja valjčića.....	59
Slika 55 - Fizički sustav mjerjenja vanjskog promjera; Stol, Univerzalni mjerni uređaj, Interferometar Renishaw, Računalo, Mjerni valjčići	60
Slika 56 - Univerzalni mjerni uređaj.....	61
Slika 57 - Mjerne kapice	62
Slika 58 – Laserski interferometar, Izvor svjetlosti/detektor	63
Slika 59 - Set mjernih valjčića	64
Slika 60 – Graf kretanja vrijednosti deformacija na valjčiću promjera 4 mm	66
Slika 61 - Graf kretanja deformacija na valjčiću promjera 2,05 mm	67
Slika 62 - Graf kretanja deformacija na valjčiću 1,1 mm	68

Popis tablica

Tablica 1 - Kemijski sastav legure 100Cr6.....	19
Tablica 2 - Iznos deformacija, mm.....	24
Tablica 3 – Deformacije pri mjerenujti mjernog prstena 50 mm (rezultati u mm)	27
Tablica 4 - Deformacije pri mjerenujti mjernog prstena 25 mm	28
Tablica 5 - Usporedba utjecaja mjerne sile na dva prstena različitih promjera (rezultati u mm)	29
Tablica 6 - Iznos elastičnih deformacija valjčića (rezultati u mm)	32
Tablica 7 - Vrijednosti najvećih pomaka u smjerovima X (U1) i Y (U2) osi te ukupno.....	58
Tablica 8 - Rezultati mjerenujti valjčića promjera 4 mm	64
Tablica 9 - Rezultati mjerenujti valjčića promjera 2,05 mm	65
Tablica 10 - Rezultati mjerenujti valjčića promjera 1,1 mm	65
Tablica 11 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 4 mm	66
Tablica 12 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 2,05 mm	67
Tablica 13 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 1,1 mm	68
Tablica 14 - Usporedba svih dobivenih rezultata	69

Popis oznaka

Oznaka	Jedinica	Opis
d_2	mm	srednji promjer vanjskog navoja
d_D	mm	promjer mjernih valjčića
Δl	mm	očitanje
α	°	kut navoja
P	mm	korak navoja
A_1	mm	korekcija nalijeganja valjčića
A_2	mm	korekcija mjerne sile
δB	mm	utjecaj geometrijskih odstupanja
δl_x	mm	korekcija zbog pogreške pokazivanja uređaja
δl_T	mm	temperaturna korekcija
δl_A	mm	korekcija podešenja mjernih kapica
v_1, v_2		Poissonovi koeficijenti - 0,29 za čelik
E_1, E_2	N/m ²	moduli elastičnosti - $2,05 \cdot 10^{11}$ N/m ² za čelik
d_D	mm	promjer mjernog valjčića
F	N	mjerna sila
d_x	mm	stvarni promjer kontrolnog prstena na temperaturi 20 °C
d_s	mm	promjer referentnog prstena na referentnoj temperaturi
$\Delta \lambda$	mm	izmjerena razlika promjera kontrolnog i referentnog prstena
$\delta \lambda$	mm	korekcija zbog pogreške pokazivanja mjernog uređaja
$\delta \lambda_T$	mm	korekcija zbog utjecaja temperature
$\delta \lambda_{\Pi}$	mm	korekcija zbog nepodešenosti suosnosti mjernih ticala i pravca mjerjenja
δA_2	mm	korekcija uslijed razlike u elastičnoj deformaciji kontrolnog i referentnog prstena
$\delta \lambda_A$	mm	korekcija zbog utjecaja Abbeove pogreške
d_{ix}	mm	očitani promjer graničnog mjerila
$\delta \delta_\xi$	mm	korekcija zbog pogreške pokazivanja mjernog uređaja
$\delta \delta_T$	mm	korekcija zbog utjecaja temperature
δA_2	mm	korekcija uslijed elastične deformacije
$\delta \delta_A$	mm	korekcija zbog utjecaja Abbeove pogreške
D_1	mm	unutarnji promjer mjerenog prstena
D_2	mm	promjer kuglice na vrhu ticala

SAŽETAK

U Laboratoriju za precizna mjerena dužina veliki dio mjerena odnosi se na 1D kontaktna mjerena. Svako kontaktno mjerena podrazumijeva primjenu mjerne sile koja u većoj ili manjoj mjeri utječe na mjerni rezultat i njegovu nesigurnost. Ovaj utjecaj ovisi ponajprije o iznosu primjenjene sile i metodi mjerena. Pri usporedbenim mjerenjima smatra se da je ovaj utjecaj zanemariv dok se kod neposrednih mjerena provodi korekcija rezultata mjerena temeljem Hertz-ovih jednadžbi. Dugogodišnje iskustvo laboratorija u mjerenu promjera ukazuje na probleme vezane uz primjenu korekcije zbog utjecaja mjerne sile. U radu je provedeno istraživanje utjecaja mjerne sile na rezultat mjerena promjera mjernih valjčića, promjera prstena i srednjeg promjera vanjskog navoja. Uz analitičke modele izvedene na osnovi Hertz-ovih jednadžbi izrađeni su i modeli utjecaja mjerne sile pri mjerenu valjčića i promjera prstena primjenom numeričke metode konačnih elemenata.

U eksperimentalnom dijelu provedena su mjerena valjčića različitih promjera s tri različite mjerne sile kako bi se pokazalo u kojoj mjeri je moguće postići podudarnost rezultata mjerena s rezultatima dobivenim simulacijama.

Ključne riječi: 1D kontaktna mjerena, mjerna sila, Hertzove jednadžbe, korekcija mjerne sile, mjerni valjčići

SUMMARY

In Laboratory for precise measurements of lengths large amount of measurements refers to 1D contact measurements. Every contact measurement implies applying force which, in smaller or greater amount influences measurement results and its uncertainty. This influence depends foremost on magnitude of applied force and the measuring method. It is considered that the influence can be ignored for comparison measurements, while for direct measurements is often used Hertzian theory of elastic contact to make result correction. However, Laboratory's many years of experience with measuring of diameters show some irregularities in using the mentioned Hertz theory for corrections. In many cases comparison of results with and without correction showed no difference in values. The results were good no matter if the correction was or wasn't used. The thesis examines the influence of measuring force on measuring results, primarily on measuring of outer diameter of measuring cylinders, and on measuring of middle diameter of a threaded plug. Also, it will be checked if neglecting the influence of the measuring force is justified with comparative measurement of inner diameter of measuring ring. Alongside Hertzian Theory of Elastic Contact, there will also be made a computer model using Numerical Method of Finite Elements.

In experimental part of this thesis, work will be concentrated on measuring the outer diameter of measuring cylinders. There will be three different forces used, on three different sizes of cylinders. These results will show, in what amount, is possible to match the results with results given in computer simulations.

Key words: 1D contact measurements, measuring force, Hertz Theory of Elastic Contact, measuring force correction, measuring cylinders

1. Uvod

U Laboratoriju za precizna mjerena dužina (u nastavku Laboratorij) veliki dio mjerena odnosi se na 1D kontaktne mjerena. Svako kontaktne mjerene podrazumijeva primjenu mjerne sile koja u većoj ili manjoj mjeri utječe na mjerni rezultat i njegovu nesigurnost. Ovaj utjecaj ovisi ponajprije o iznosu primijenjene sile i metodi mjerena. Pri usporedbenim mjerjenjima smatra se da je ovaj utjecaj zanemariv dok se kod neposrednih mjerena vrši korekcija rezultata mjerena temeljem Hertz-ovih jednadžbi. Međutim, dugogodišnje iskustvo laboratorija u mjerenu promjera ukazuje na probleme vezane uz primjenu ove korekcije s obzirom da se u brojnim usporedbama pokazalo da su rezultati mjerena bili dobri bez obzira da li je korekcija rezultata bila izvedena. U ovom radu istražiti će se utjecaj mjerne sile na rezultat mjerena promjera.

Predmeti za mjerena izrađeni su od čelične legure 100Cr6. Ova legura je najčešće korištena u svijetu i koristi se za izradu mjerki za umjeravanje mjernih uređaja. Mjerni uređaji se umjeravaju kako bi se osigurala sljedivost i ponovljivost mjerena. Problem koji se razmatra u ovom diplomskom radu je prisutan na mikrorazini i kao takav zahtjeva vrlo precizno modeliranje modela za simulaciju.

U radu je dan teorijski opis modela, odnosno ponuđen je opis modela pomoću Hertzovih jednadžbi. Rezultati dobiveni matematičkim modelom provjerit će se numeričkom metodom konačnih elemenata i, napisljeku, eksperimentalnim putem. Teorijsko područje koje se bavi deformacijama pri dodiru dva tijela se naziva kontaktna mehanika. U kontaktnoj mehanici su dane formule i izvodi po kojima se izračunavaju deformacije na tijelima u dodiru.

Modeliranje i simuliranje je znanstvena disciplina koja razvija sustave za razumijevanje odnosa između dijelova sustava s jedne strane, te djelovanja sustava kao cjeline s druge strane. Da bi se osigurali uvjeti za provedbu simulacije, eksperimentalni i teorijski modeli moraju dopuštati određene preinake da bi se sustav mogao prilagoditi. Na taj način se osigurava mogućnost usporedbe rezultata simulacije i stvarnog eksperimentalnog modela.

Napisljeku će biti provedeno eksperimentalno ispitivanje na jednoosnom uređaju. Ispitivat će se utjecaj mjerne sile na mjerene promjera mjernih čepova, navojnih čepova i mjernih prstena.

Kao krajnji rezultat želi se utvrditi iznos mjerne nesigurnosti koja je uzrokovana elastičnom deformacijom nastalom zbog utjecaja mjerne sile.

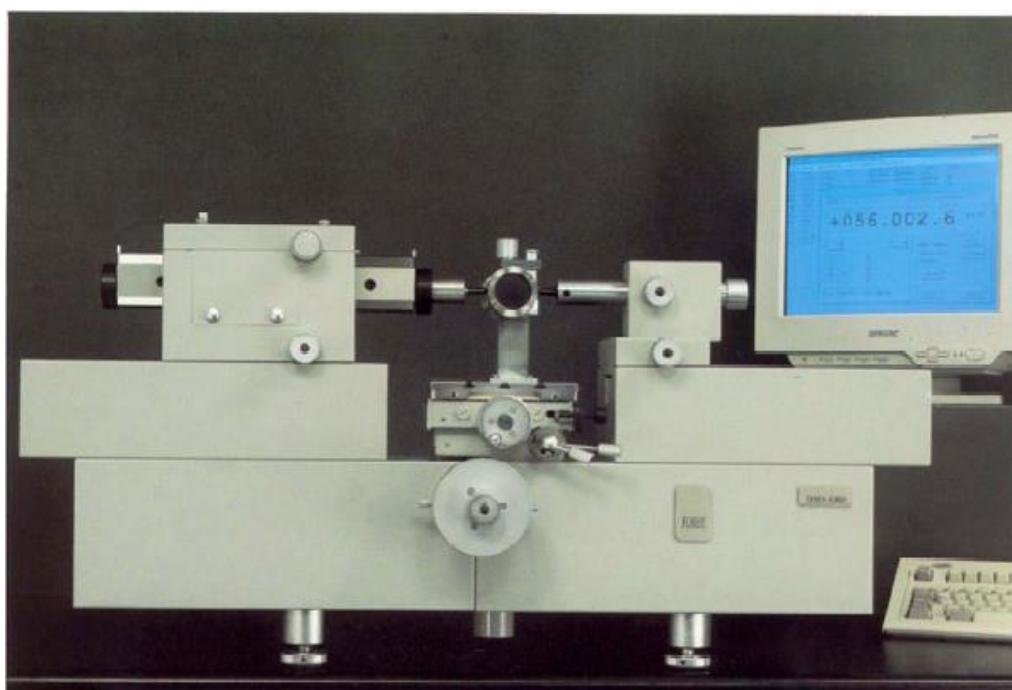
1.2. Provođenje eksperimentalnog mjerjenja

1.2.1. Univerzalni mjerni uređaj

Kako bi se provela usporedba rezultata, potrebno je izvršiti mjerjenja na jednoosnom mjernom uređaju. Eksperimentalni rezultati se uspoređuju sa rezultatima dobivenima u računalnoj simulaciji napravljenoj u programskom paketu Abaqus, te će ta usporedba pokazati dali je moguće napraviti računalnu simulaciju ovakvog problema [1].

Cilj ovog rada je ustvrditi kolika je greška koju uzrokuje mjerna sila. Prvo će se razmotriti mjerjenje promjera mjernih valjčića, potom mjerjenje srednjeg promjera navoja i na posljetku, mjerjenje promjera kontrolnog prstena.

Utjecaj mjerne sile mijenja se ovisno o slučaju, te bi kod mjerjenja navoja trebao biti najveći iz razloga što je najveća površina u dodiru tijekom mjerjenja. Na slici 1 je prikazan mjerni uređaj na kojem se provode spomenuta mjerjenja u Laboratoriju.



Slika 1 - Univerzalni mjerni uređaj DMS 680

Ovaj uređaj spojen je na računalo gdje se očitavaju izmjerene vrijednosti. Računalni program je standardno uključen u paket, te pruža podršku potrebnu za ispunjavanje zahtjeva norme ISO 9000:

- operater dobiva sve upute tokom procesa mjerjenja
- izračuni greške zbog tolerancija se provode automatski
- procjenjuje se formulacija navoja

- zapis svih podataka o mjerenuju, uključujući datum kalibracije, mjesto, proceduru, standard i ostalo
- mjerke su podijeljene ovisno o vrsti, odjelu, nominalnim dimenzijsama i drugim kriterijima
- procedura mjerjenja je uvijek dostupna i može biti prikazana tokom procesa mjerjenja
- pruža mogućnost praćenja povijesti mjerjenja, svako mjerjenje je snimljeno s podacima o operateru, glavnoj mjerki i korištenoj opremi
- funkcija kompenzacije temperaturnih odstupanja

Dodatne specifikacije [1]:

Područje primjene: (dimenzije od - do)

Vanjska površina	0 mm - 680 mm
Unutarnja površina	1 mm - 480 mm
Vanjski navoj	0 mm - 480 mm
Unutarnji navoj	3 mm - 400 mm

Područje mjerjenja:

- Apsolutno: 100 mm
- Usporedno: 680 mm

Rezolucija:

- Standardna: 0,1 μm
- Opcionska: 0,01 μm

Nosivost: 11 kg

Napajanje: 110 V - 220 V

Gabaritne izmjere: 1300 mm x 400 mm x 480 mm

Masa: 110 kg

Mjerna sila: 0 N -11 N

Točnost (U95) – maksimalna vrijednost kod absolutnog područja rada: 0,35 μm

Standardno uključena oprema:

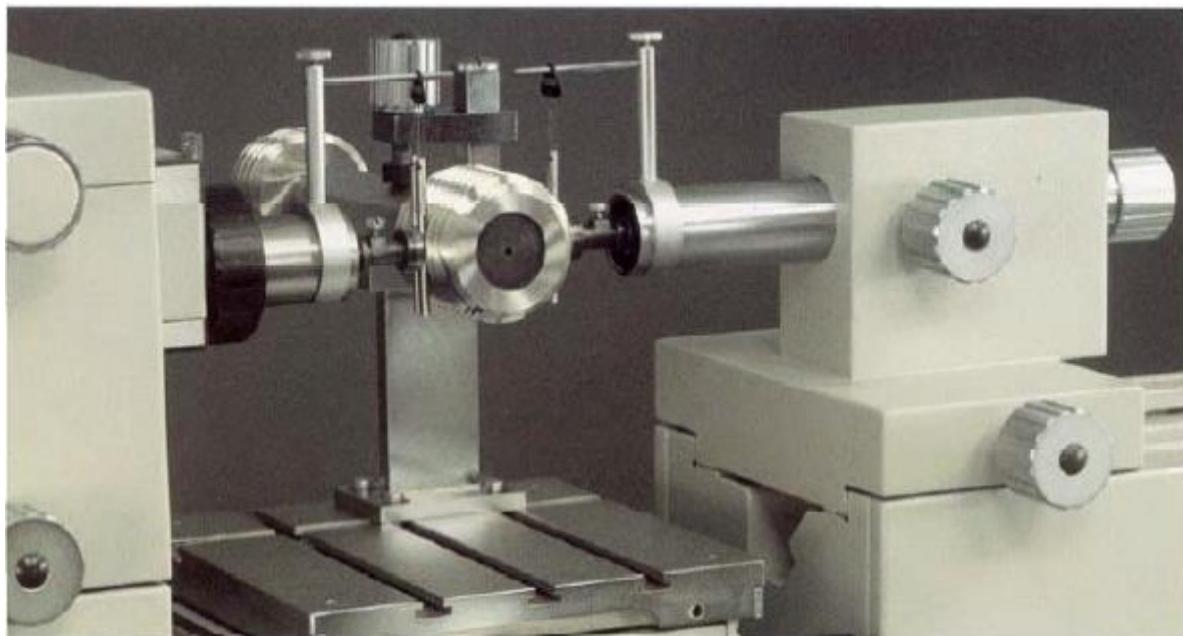
- Radni stol podesiv u svim smjerovima – okomito, vodoravno, rotacija vrha
- Jedinica za očitavanje (računalo)
- Uređaj za mjerjenje navognog čepa

- Uređaj za mjerjenje prstena
- Mjerni uređaj za mjerjenje malih rupa
- Uređaj za kompenzaciju temperature i ostalo...

1.2.2. Mjerjenje navoja (navojnog čepa)

Kod ovog mjerjenja potrebno je napraviti pripremu za mjerjenje. Radni stol se dovodi u predviđeni položaj prilagodbom horizontalne i vertikalne osi, te kuta zakreta. Potom se postavlja držač mjerke koji se učvršćuje u T profile koji su urezani u radnom stolu (slika 2). Nakon toga postavljaju se mjerne kapice i zadaje potrebna sila mjerjenja. Sila se određuje dodavanjem ili oduzimanjem utega na pomičnom kraju mjerača. Pri namještaju mjerne kapica, važno je da one budu postavljene paralelno (ako se koriste ravne mjerne kapice, u slučaju sfernih kapica nije potrebna prilagodba) [2].

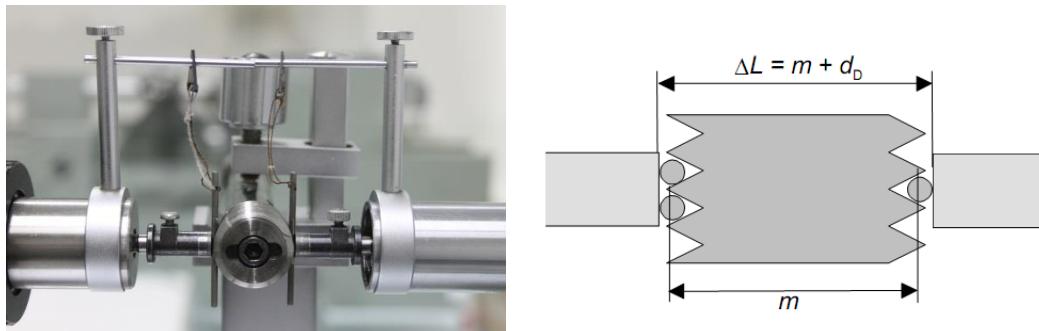
Nakon što je oprema pripremljena, može se nastaviti s radom. Sljedeći korak je postavljanje očitanja na nulu. Proces je opisan u prethodnom poglavljju. Kad je sve postavljeno i spremno za rad, provodi se još jedna provjera svih postavki, poput horizontalnosti stola, potrebne visine i ostalog.



Slika 2 - Mjerjenje navojnog čepa [1]

Na slici 2 se vidi postav mjernega sustava. Na pomični i nepomični dio uređaja (osovine na slici 2) se postavljaju nosači za mjerne valjčiće. Potom se mjerne valjčići objese na nosače i dovedu u dodir sa navojem. Prije svega postavljen je mjeri čep u svoj položaj. Na jednu stranu navoja postavljaju se dva valjčića, a na drugu jedan. Treći valjčić koji je na suprotnoj (nepomičnoj strani) mora se nalaziti između prva dva valjčića. Ako nije postavljen u sredini, očitanje neće biti ispravno i mjeri postupak možemo smatrati neuspjelim.

Prije mjerjenja je važno da mjerni valjčići budu temperirani tako da im se temperatura razlikuje najviše $\pm 0,1$ °C.



Slika 3 - Metoda mjerena s tri valjčića

Promjer se izračunava prema sljedećim izrazima:

$$d_2 = \Delta l - d_D \cdot \left(\frac{1}{\sin(\alpha/2)} + 1 \right) + \frac{P}{2} \cdot \cot\left(\frac{\alpha}{2}\right) - A_1 + A_2 + \delta B + \delta l_x + \delta l_T + \delta l_A$$

gdje je:

$$\Delta L = \Delta l + \delta l_x + \delta l_T + \delta l_A$$

Ispravnim podešavanjem uređaja vrijednost korekcija $\delta l_x, \delta l_T, \delta l_A$ biti će približno jednake nuli pa se može pretpostaviti $\Delta L = \Delta l$.

gdje je:

- d_2 - jednostavni srednji promjer vanjskog navoja
- d_D - promjer mjernih valjčića
- Δl - očitanje
- α - Nazivni kut navoja
- P - nazivni korak navoja
- A_1 - korekcija nalijeganja valjčića
- A_2** - **korekcija mjerne sile**
- δB - utjecaj geometrijskih odstupanja
- δl_x - korekcija zbog pogreške pokazivanja uređaja
- δl_T - temperaturna korekcija

δl_A - korekcija podešenja mjernih kapica

Ako se radi o simetričnom navoju s malim kutom uspona korekciju A_1 izračunati prema izrazu:

$$A_1 = \frac{d_D}{2} \cdot \left(\frac{P}{\pi \cdot d_2} \right)^2 \cdot \cos\left(\frac{\alpha}{2}\right) \cdot \cot\left(\frac{\alpha}{2}\right), \mu m$$

Iznos korekcije A_2 uzrokovani djelovanjem mjerne sile F izračunava se korištenjem slijedećeg izraza:

$$A_2 = 2 \cdot \sin\left(\alpha/2\right)^{-5/3} \left(1/2\right)^{2/3} \sqrt[3]{\frac{9F^2}{8d_D} \left(\frac{1-v_1^2}{E_1} + \frac{1-v_2^2}{E_2} \right)^2}, \mu m$$

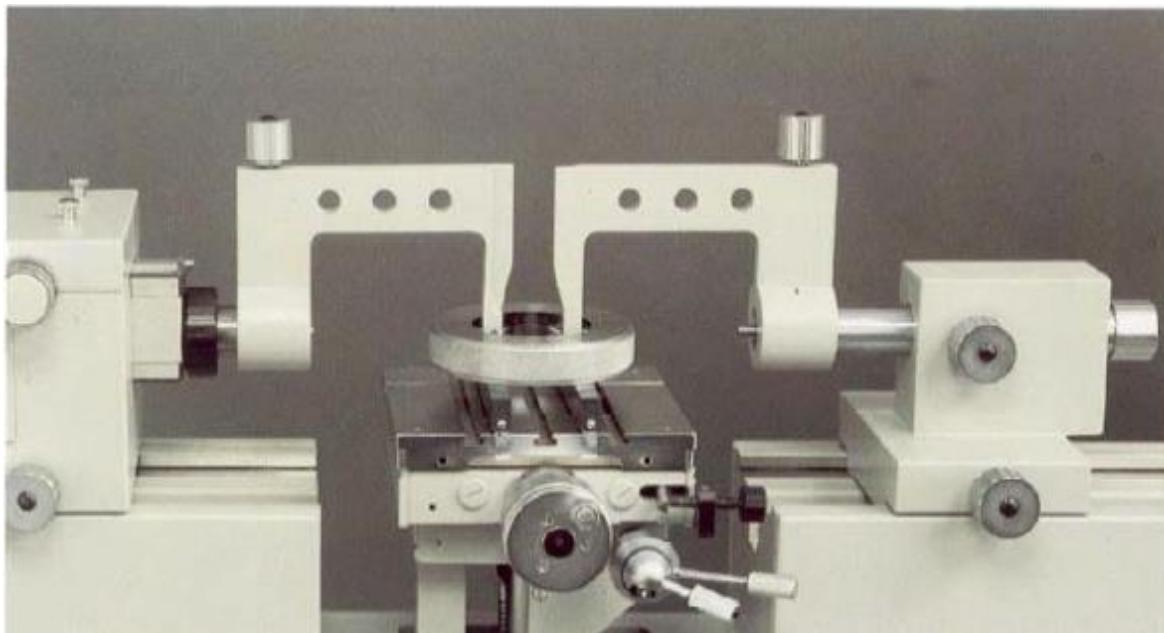
gdje su:

- v_1, v_2 - Poissonovi koeficijenti - 0,28 za čelik
- E_1, E_2 - moduli elastičnosti - $2 \cdot 10^{11}$ N/m² za čelik
- d_D - promjer mjernog valjčića
- F - mjerena sila

1.2.3. Mjerenje unutarnjeg promjera

U ovom mjerenu koristi se mjerni prsten, dvije kontaktne čeljusti i paralelni nosači na kojima stoji prsten.

Radni stol je potrebno niveliрати horizontalno i vertikalno, te podešiti potrebnu visinu. Nakon podešavanja na radni stol se pričvršćuju paralelni nosači. Na pokretni i nepokretni dio učvršćuju se kontaktne čeljusti. Njihova veličina ovisi o dimenzijama prstena koji se mjeri. Velike kontaktne čeljusti se koriste za prstene kojima je promjer veći od 45 mm. Nakon postavljanja, kontaktne čeljusti se podešavaju u smjeru rotacije oko osi X. Paralelnost kontaktnih čeljusti osigurava se tako da se dvije čeljusti dovedu u kontakt jedna s drugom, te se namjeste da budu paralelne pomoću utora koji se nalaze na vanjskoj strani [3].



Slika 4 - Mjerenje unutarnjeg promjera

Na slici 4 prikazano je mjerenje kontrolnog prstena.

Kada su osigurani svi potrebni uvjeti, može se početi sa mjeranjem. Za potrebnu mjernu silu se dodaju utezi te se potom izvršava mjerjenje. S obzirom da je mjerjenje unutarnjeg promjera prstena usporedbeno mjerjenje, prije početka mjerjenja referentna vrijednost d_s postavlja se pomoću etalonskog prstena

Analitički model mjerena:

$$d_x = d_s + \Delta l + \delta l_i + \delta l_{T+} + \delta l_P + \delta A_2 + \delta l_A$$

gdje je:

- d_x - stvarni promjer kontrolnog prstena na temperaturi $20\text{ }^{\circ}\text{C}$
- d_s - promjer referentnog prstena na referentnoj temperaturi
- Δl - izmjerena razlika promjera kontrolnog i referentnog prstena
- δl_i - korekcija zbog pogreške pokazivanja mjernog uređaja
- δl_T - korekcija zbog utjecaja temperature
- δl_P - korekcija zbog nepodešenosti suosnosti mjernih ticala i pravca mjerena
- δA_2 - **korekcija uslijed razlike u elastičnoj deformaciji kontrolnog i referentnog prstena**
- δl_A - korekcija zbog utjecaja Abbeove pogreške

Ukoliko se može osigurati rad na temperaturi od 20°C onda se može zanemariti korekcija zbog utjecaja temperature. Također se i druge varijable smatraju toliko malima da ih se

može izostaviti u proračunu. Ono što je interesantno za ovaj rad je korekcija koja je nastala kao rezultat elastične deformacije. Nakon uvođenja matematičkih pojednostavljenja analitički model će dobiti jednostavniji oblik:

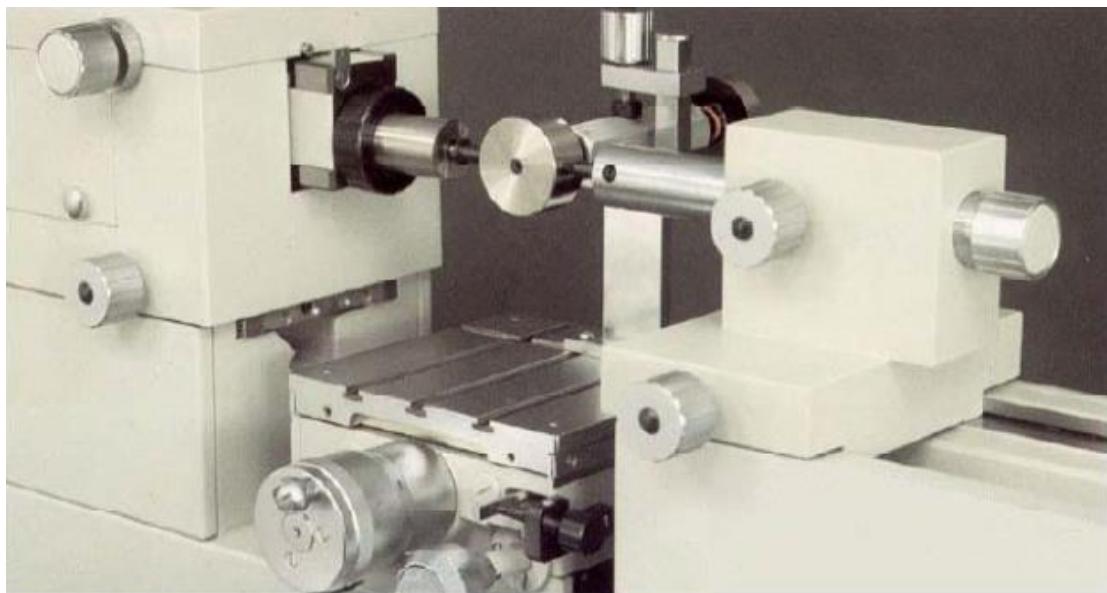
$$d_x = d_s + \Delta l + \delta A_2$$

1.2.4. Mjerenje vanjskog promjera

Pri mjerenu vanjskog promjera koristi se mjerni čep ili mjerni valjčići, nosač za čep te planparalelne kapice.

Prije početka mjerena potrebno je podesiti opremu koja se koristi pri mjernom postupku. Kao i u prethodno opisanim postupcima podešava se razina i nagib stola, tako da on bude vodoravan i na odgovarajućoj visini u smjeru osi Z. Nosač se pričvrsti na radni stol te se u njega potom umetne i učvrsti mjerni čep. Nakon što je postavljen sustav za mjerenu potrebno ga je nivelirati i dovesti na pravu visinu kako bi se dobilo pravo očitanje. Mora se osigurati mjerenu prstena na njegovom najširem djelu [4].

Postav mjernog sustava prikazan je na slici 5. Za razliku od mjerena unutarnjeg promjera u ovom slučaju ne koriste mjerne čeljusti.



Slika 5 - Mjerenje vanjskog promjera

Matematički model mjerena za granična mjerila za unutarnji promjer do 100 mm.

$$d_x = d_{tx} + \delta d_{tx} + \delta d_t + A_2 + \delta d_A$$

gdje je:

d_x - stvarni promjer graničnog mjerila na temperaturi 20°C

d_{ix} - očitani promjer graničnog mjerila

δd_{ix} - korekcija zbog pogreške pokazivanja mjernog uređaja

δd_T - korekcija zbog utjecaja temperature

A_2 - **korekcija uslijed elastične deformacije**

δd_A - korekcija zbog utjecaja Abbeove pogreške

Ako se i u ovaj matematički model uvedu pojednostavljenja koja smo uvodili u ostale matematičke modele, dobit ćemo pojednostavljeni izraz:

$$d_x = d_{ix} + A_2$$

Princip mjernja promjera mjernog čepa i mjernih valjčića isti je i koriste se isti izrazi u oba slučaja.

- 1.3. Fizička i toplinska svojstva materijala za izradu etalona duljne (prsteni, čepovi, navojni kontrolnici itd....)

Čelična legura AISI 52100 prevedena u DIN glasi 100Cr6 [5].

Kemijski sastav ove čelične legure:

Tablica 1 - Kemijski sastav legure 100Cr6

Element	Udio (%)
Željezo, Fe	96,5 – 97,32
Krom, Cr	1,30 – 1,60
Ugljik, C	0,98 – 1,10
Mangan, Mn	0,25 – 0,45
Silicij, Si	0,15 – 0,30
Sumpor, S	≤ 0,025
Fosfor, P	≤ 0,025

Kompanija Mitutoyo koristi svoju inačicu legure navedene u točki 1, koja ima 14% kroma, i također ju je moguće otvrdnuti. Ova čelična legura ima isti modul elastičnosti, ali neki navodi govore da je moguće odstupanje od ± 5 Gpa.

Mjerke izrađene od volframovog karbida proizvodi kompanija Opus Metrology. Podaci navedeni u tablici se odnose na keramičke mjerke koje proizvodi Mitutoyo

Većina mjerki u svijetu se izrađuje od alatnog čelika naziva AISI 52100. Koeficijent toplinske ekspanzije je relevantan u slučaju veličine mjerki do 100 mm. Svaka mjerka prolazi proces otvrdnuća površine. Kod mjerki do 100 mm veličine otvrdnuće obuhvaća cijeli predmet koji je u tom slučaju homogen, dok to ne vrijedi za mjerke veće od 100 mm, jer otvrdnuće probija samo do 50 mm u predmet pa jedan središnji dio ostane neotvrdnut. Zbog toga različiti dijelovi mjerke imaju različite koeficijente toplinske ekspanzije. Koeficijent opada linearno s porastom veličine mjerke. Većina izvora daje vrijednosti od 0,27-0,30, a oni izvori koji daju pojedinačnu vrijednost daju 0,28.

[1.4. Teorijski model](#)

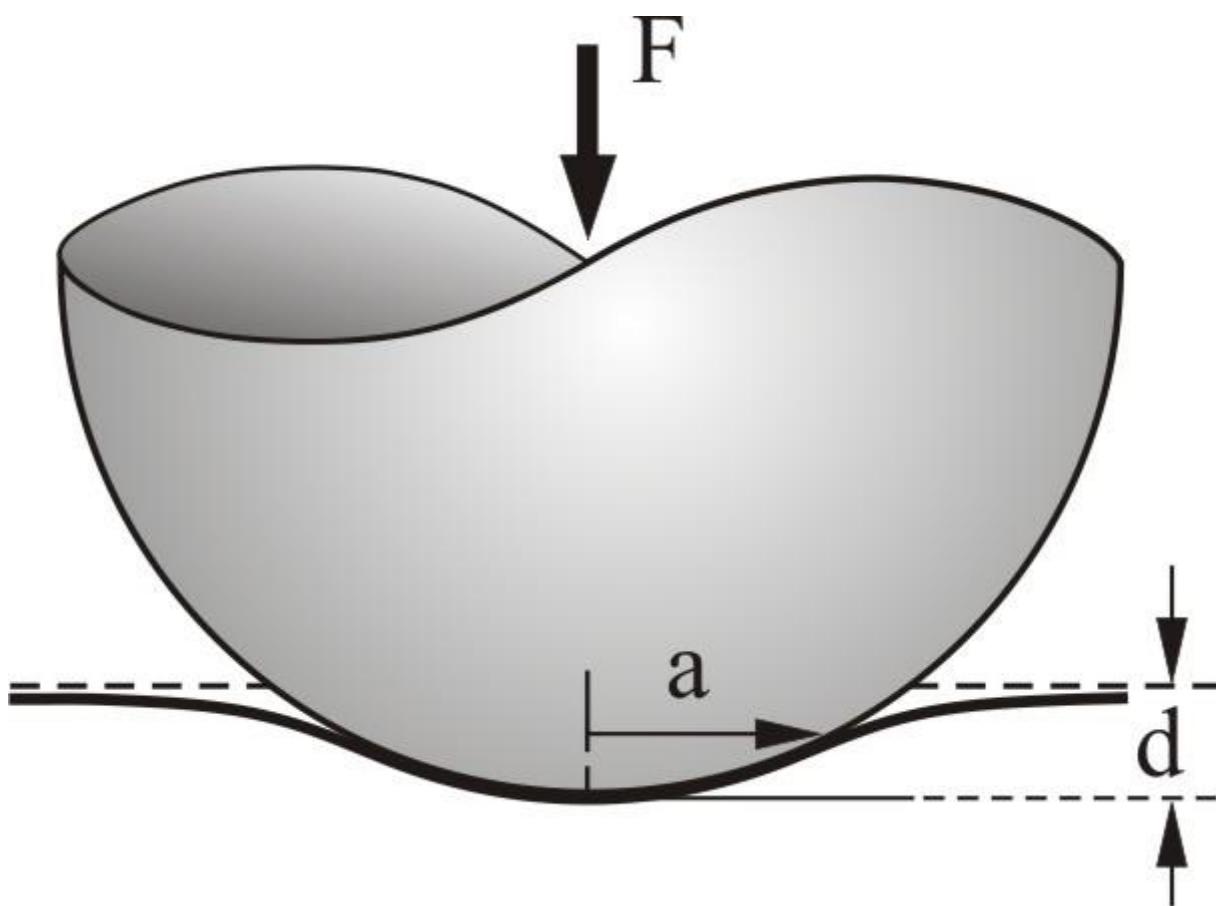
Teorijski model će biti napravljen na temelju Hertzovih jednadžbi koje opisuju dodir između da predmeta, bilo u točki, liniji ili površini.

Mehanika dodira:

Mehanika dodira (kontaktna mehanika) je znanost koja izučava deformaciju čvrstih tijela koja se dodiruju u jednoj ili više točaka. Fizička i matematička formulacija se temelji na mehanici materijala i mehanici kontinuma. Fokus se pridaje izračunu koji uključuje elastičnost i viskoelastičnost. Najvažniji parametri u kontaktnoj mehanici su tlak te pojave prianjanja u smjeru normale na površinu i tlak trenja u tangencijalnom smjeru u odnosu na ravninu dodira.

Dodir između kugle i elastične površine:

Elastična kugla radijusa R (slika 6) upada u površinu do dubine d te tako stvara kontaktno područje radijusa a :



Slika 6 - Dodir između kugle i elastične površine

$$a = \sqrt{Rd - d^2}$$

$$a = \sqrt{Rd}$$

- Gdje je $d \ll R$

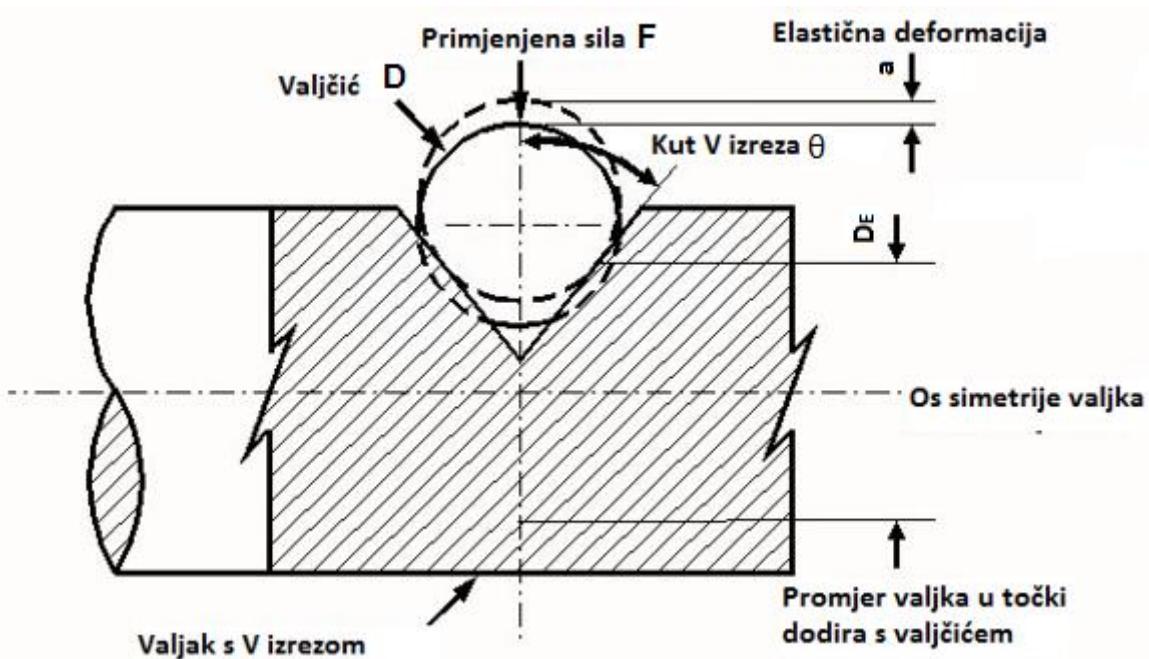
Sila koja se primjenjuje se odnosi prema pomaku d prema funkciji:

$$F = \frac{4}{3} E^* R^{1/2} d^{3/2}$$

- Gdje je E definiran kao:

$$\frac{1}{E^*} = \frac{1 - \nu_1^2}{E_1} + \frac{1 - \nu_2^2}{E_2}$$

- E_1 i E_2 su elastični moduli materijala koji se nalaze u kontaktu a ν_1 i ν_2 njihovi Poissonovi koeficijenti

Dodir između valjčića i V utora

Slika 7 - Dodir između valjka s V izrezom i mjernog valjčića

Slika 7 prikazuje teorijski model mjerjenja srednjeg promjera navoja.

2. Analitički proračun deformacije

2.1. Analitički proračun deformacije pri mjerenu navoja primjenom mjernih valjčića

U ovom odjeljku se provodi analitička analiza deformacija koje se pojavljuju u procesu mjerena na navojnom čepu sa mjernim valjčićima. Promjenjive varijable u ovom proračunu su promjer valjčića te mjerna sila koja se primjenjuje. Analitički model koji opisuje nastanak deformacije opisan je sljedećom jednadžbom [6]:

$$A_2 = 2 \cdot \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{(F/2)^2}{D_2} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2}$$

Analitički model je u ovom slučaju je sličan kao i u slučaju mjerena unutarnjeg promjera prstena/vanjskog promjera čepa s tom razlikom da se u slučaju mjerena navognog čepa mora cijeli dobiveni iznos pomnožiti sa koeficijentom 2, te sa sinusom kuta navoja (kako je prikazano u sljedećoj formuli).

$$A_2 = \left(\sin \frac{\alpha}{2}\right)^{-\frac{5}{3}} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot A_2$$

Dalje slijedi:

$$A_2 = \left(\sin \frac{\alpha}{2}\right)^{-\frac{5}{3}} \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot 2 \cdot \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{(F/2)^2}{D_2} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2}$$

Gdje je:

α – Kut navoja, rad

F – Primjenjena sila, N

ν – Poissonov koeficijent

E – Youngov modul elastičnosti, N/m²

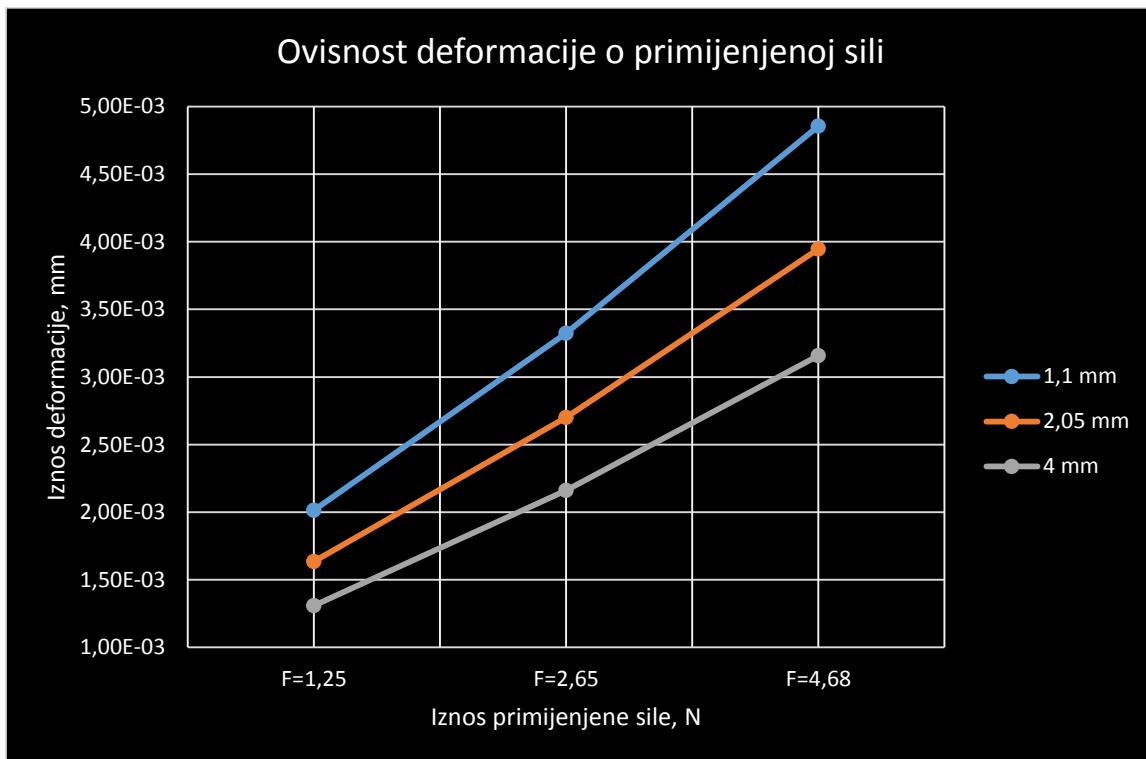
D_2 – Promjer valjčića, mm

U tablici 2 su prikazani rezultati proračuna za zadane sile i dimenzije. Vidljiv je jasan trend porasta deformacija sa porastom sile, što je bilo i očekivano. Također, kod primjene iste sile na valjčićima različitih dimenzija je vidljiv trend smanjenja deformacija sa porastom promjera valjčića.

Tablica 2 - Iznos deformacija, mm

	$F = 1,25 \text{ N}$	$F = 2,65 \text{ N}$	$F = 4,68 \text{ N}$
Promjer valjčića, mm	Deformacije (A_2), mm		
1,1	2,01E-03	3,32E-03	4,86E-03
2,05	1,64E-03	2,70E-03	3,95E-03
4	1,31E-03	2,16E-03	3,16E-03

Na slici 8 je graf koji opisuje porast deformacije u ovisnosti o povećanju mjerne sile.



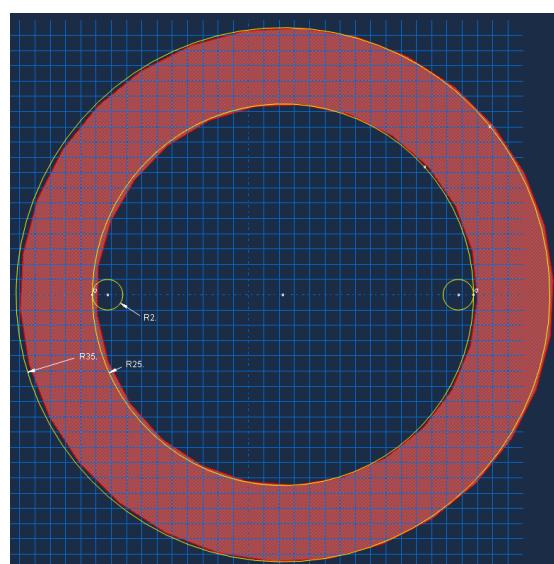
Slika 8 - Ovisnost deformacije o promjeni primjenje sile

Na slici 8 je prikazana ovisnost deformacije o promjeni sile. Sila se povećava približnim faktorom 2, a deformacija prati povećanje sile poprilično linearno. Trend kretanja rezultata je potpuno pravilan i stoga predvidiv. Iako se ne može reći da je ovisnost deformacije o sili potpuno linearna, dobar zaključak bi bio da je ta promjena pravilna i moguće je prepostaviti iznose deformacija za manje i/ili veće iznose sila što može biti korisno i u izračunavanju korekcije uslijed mjerjenja drugih navojnih čepova sa drugim valjčićima. Da bi se metoda

potpuno potvrdila potrebno je provesti analizu na fizičkom modelu te na računalnom modelu mjerjenja. Iako u ovom radu to neće biti napravljeno, ovaj problem predstavlja zanimljiv nastavak na tematiku koja je obrađena u ovom radu.

2.2. Analitički proračun deformacije pri mjerjenju unutarnjeg promjera mjernog prstena

U ovom odjeljku se provodi analitička analiza deformacija koje se pojavljuju u procesu mjerjenja unutarnjeg promjera mjernog prstena na univerzalnom mjernom uređaju primjenom mjernih čeljusti. U doticaju se nalaze unutarnji plašt mjernog prstena i vrh ticala čeljusti. Na vrhu ticala se nalazi čelična kuglica pa su materijal kuglice i mjernog prstena isti. U stvarnosti se materijal prstena i materijal vrha ticala razlikuju, ali se za potrebe ovog rada smatra da su napravljeni od istog materijala¹. Vrh ticala mora imati jako visoku površinsku tvrdoću zbog učestale upotrebe i kontakta sa drugim (tvrdim površinama). Vrh ticala se izrađuje od kaljenog čelika ili dragog kamenja, najčešće rubina. Na temelju pretpostavljene činjenice da su materijali ticala i prstena jednaki odabire se potrebni matematički model za provedbu analize. Promjenjive varijable u ovom proračunu su promjer vrha ticala te mjerne sile koja se primjenjuje. Proračun će se provesti za vrhove promjera 1,1 mm, 2,05 mm i 4 mm, te mjerne sile 1,25 N, 2,05 N i 4,68 N.



Slika 9 – Skica mjerjenja unutarnjeg promjera mjernim čeljustima

Proračun se provodi prema sljedećoj formuli [6]:

¹ U Laboratoriju se ne provodi korekcija zbog utjecaja mjerene sile pri mjerenu promjera prstena. Smatra se da je ta korekcija zanemariva s obzirom da se radi o usporedbenom mjerenu. Prepostavka je da će deformacije zbog mjerne sile biti približno iste na referentnom prstenu i prstenu koji se umjerava.

$$\Delta A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2}} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot F^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\frac{1}{D_2} - \frac{1}{D_1}\right)^{\frac{1}{3}}$$

Gdje su:

A_2 – Ukupna elastična deformacija u točki ili liniji dodira uzduž primjenjene sile u mm

F – Primjenjena sila u N

ν – Poissonov koeficijent

E – Youngov modul elastičnosti N/m²

D_1 – Unutarnji promjer mjerjenog prstena u mm

D_2 – Promjer kuglice na vrhu ticala u mm

Ova formula se dobije sljedećim izvodom iz osnovnog izraza za analitički proračun deformacije.

$$A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{F^2}{D_2} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2}$$

$$A_2^* = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{F^2}{D_1} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2}$$

Kako se ovo mjerjenje provodi usporednom metodom, odnosno mjeri se razlika u promjeru dvaju prstena, a ne apsolutna vrijednost promjera pojedinog prstena, tako se i utjecaj mjerne sile na rezultat mjerjenja treba gledati kao razlika deformacija na dvama različitim prstenima. Zbog toga se mora odrediti formula koja će pokazati utjecaj razlike deformacija nastalih uslijed utjecaja mjerne sile. Formula glasi [6]:

$$\Delta A_2 = A_2 - A_2^*$$

Odnosno, uvrštavanjem proširenog oblika:

$$\Delta A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{F^2}{D_2} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2} - \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{F^2}{D_1} \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2}$$

$$\Delta A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot F^2 \cdot \left(\frac{1-\nu^2}{E}\right)^2} \cdot \sqrt[3]{\left(\frac{1}{D_2} - \frac{1}{D_1}\right)}$$

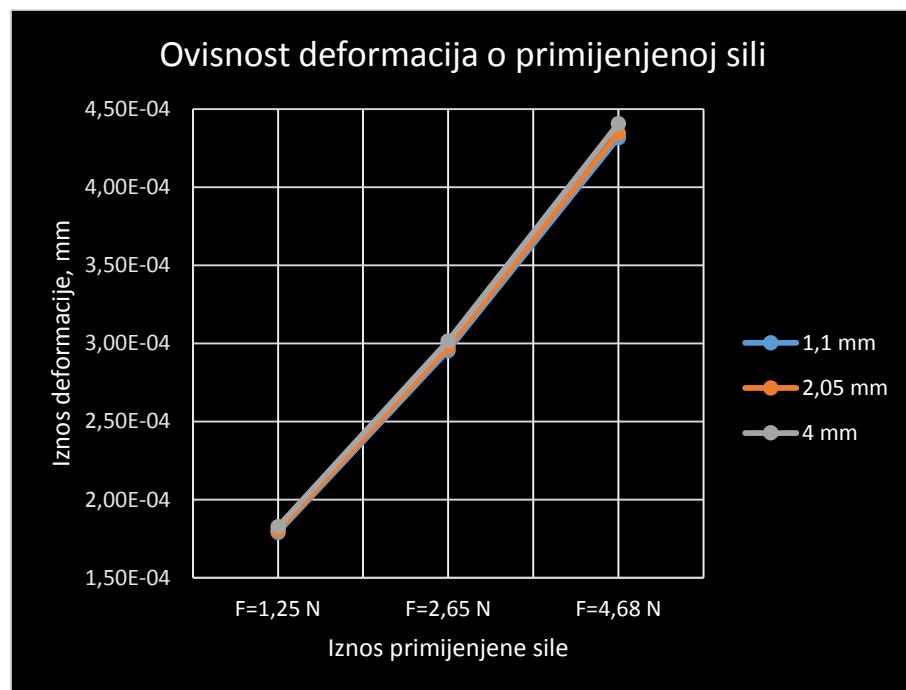
Sređivanjem se dobiva konačni oblik jednadžbe:

$$\Delta A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot F^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\frac{1 - \nu^2}{E}\right)^{\frac{2}{3}} \cdot \left(\frac{1}{D_2} - \frac{1}{D_1}\right)^{\frac{1}{3}}}$$

	$F = 1,25 \text{ N}$	$F = 2,65 \text{ N}$	$F = 4,68 \text{ N}$
Promjer vrha ticala, mm	Deformacija (A_2), mm		
1,1	1,79E-04	2,95E-04	4,32E-04
2,05	1,80E-04	2,97E-04	4,35E-04
4	1,83E-04	3,02E-04	4,41E-04

Tablica 3 – Deformacije pri mjerenuju mjernog prstena 50 mm (rezultati u mm)

U tablici 3 su prikazane vrijednosti deformacija dobivene analitičkim proračunom. Može se zaključiti da iznos deformacije raste s porastom primijenjene sile, što se i očekuje. Najveće deformacije se pojavljuju pri primjeni mjerne sile od 4,68 N, a najmanje pri primjeni sile od 1,25 N. Također, može se vidjeti da najveće deformacije nastaju kod upotrebe vrhova najvećeg promjera. Rezultati dobiveni u ovom proračunu su prikazani grafički na slici 11. Lako su najveće deformacije nastale kod vrhova s najvećim promjerom, razlike u razlici deformacije pri primjeni iste mjerne sile na različitim promjerima vrhova su neznatne, odnosno pojavljuju se tek na 6. decimalnom mjestu. Ako se uzme u obzir da je rezolucija mjernog uređaja koji je predviđen za mjerjenje uzoraka do 4. decimalnog mesta, što iznosi 0,1 μm, onda je lako uvidjeti da se te razlike mogu zanemariti.



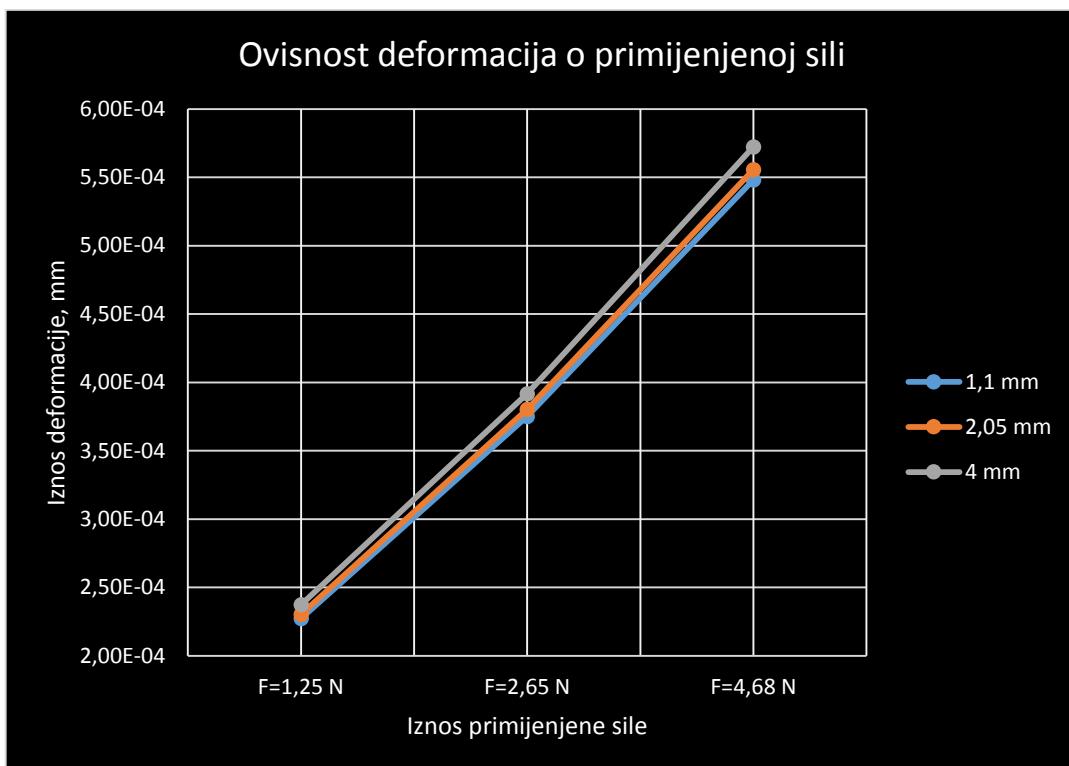
Slika 10 – Graf ovisnosti deformacije o primjenjenoj sili; Prsten promjera 50 mm

Isti proračun je proveden i za mjerni prsten promjera 25 mm zbog usporedbe razlika u nastalim (izračunatim) deformacijama na tim različitim prstensima. Deformacije vrha ticala su prikazane u sljedećoj tablici br. 4. Kako se radi o usporednom, a ne absolutnom mjerenu, rezultati se uspoređuju između prstena dvaju različitih promjera kako bi se video utjecaj mjerne sile, odnosno nije dovoljno izračunati iznose deformacija za samo jedan prsten.

Tablica 4 - Deformacije pri mjerenu mjernog prstena 25 mm

	$F = 1,25 \text{ N}$	$F = 2,65 \text{ N}$	$F = 4,68 \text{ N}$
Promjer vrha ticala, mm	Deformacija (A_2), mm		
1,1	2,27E-04	3,75E-04	5,48E-04
2,05	2,30E-04	3,80E-04	5,56E-04
4	2,37E-04	3,92E-04	5,72E-04

Deformacije nastale na prstenu promjera 25 mm prikazane su u grafu na slici 11.



Slika 11 – Graf ovisnosti deformacije od primjenjenoj sili; Prsten promjera 25 mm

Usporedbom razlika u nastalim deformacijama dobiva se pravi uvid u utjecaj mjerne sile na rezultate mjerjenja, stoga je potrebno izračunati kolika je razlika. Rezultati (razlike) su prikazane u tablici 5. I u ovom slučaju sa slika 10 i 11 je vidljivo pravilno kretanje iznosa deformacija, odnosno, može se zaključiti da je i u ovom slučaju ovisnost deformacije o promjeni sile linearна.

Tablica 5 - Usporedba utjecaja mjerne sile na dva prstena različitih promjera (rezultati u mm)

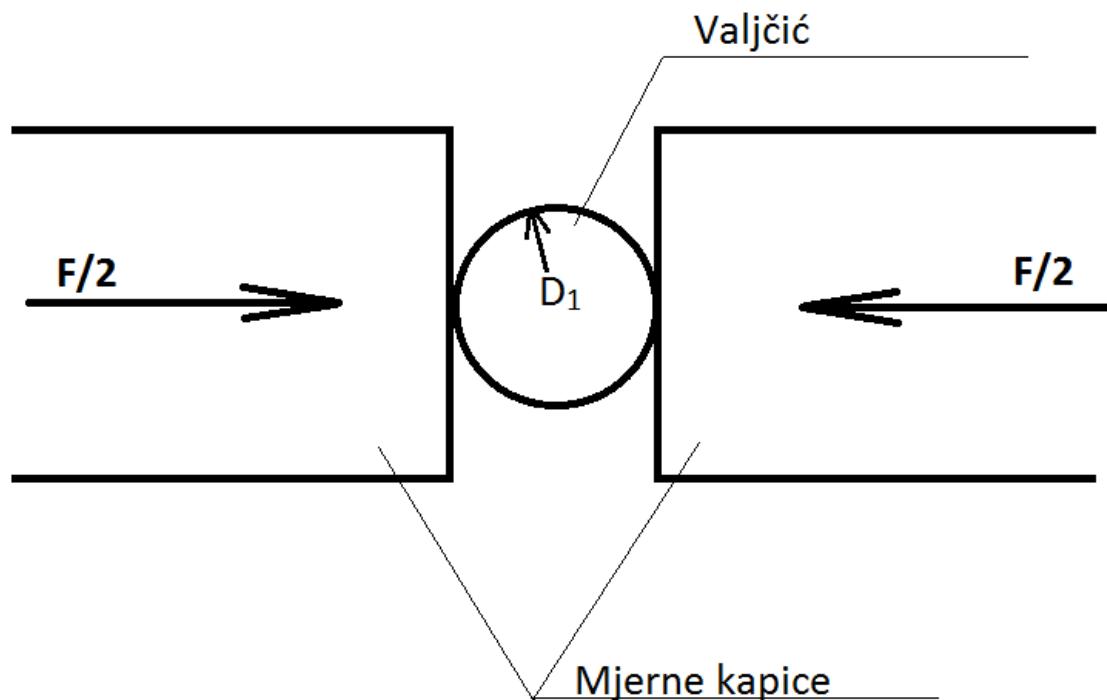
Unutarnji promjer prstena	50 mm	25 mm	ΔA_2 , mm
Promjer vrha ticala, mm		$F = 1,25 \text{ N}$	
1,1	1,79E-04	2,27E-04	4,83E-05
2,05	1,80E-04	2,30E-04	5,02E-05
4	1,83E-04	2,37E-04	5,46E-05
	$F = 2,65 \text{ N}$		
1,1	2,95E-04	3,75E-04	7,96E-05
2,05	2,97E-04	3,80E-04	8,28E-05
4	3,02E-04	3,92E-04	9,01E-05
	$F = 4,68 \text{ N}$		
1,1	4,32E-04	5,48E-04	1,16E-04
2,05	4,35E-04	5,56E-04	1,21E-04
4	4,41E-04	5,72E-04	1,32E-04

U priloženoj tablici 5 se vidi da je razlika utjecaja mjerne sile između dva različita prstena zanemarivo mala ($\Delta A_2 \leq 0,132 \mu\text{m}$). Opet treba napomenuti kako je ova razlika na granici rezolucije mjernog uređaja, te svako mjerjenje koje bi se provelo na takvom mjernom uređaju bilo upitno. U ovom primjeru se radi proračun razlike između dva prstena relativno velikih razlika u promjeru od 50 i 25 mm. Ukoliko bi se proračun proveo na prstenima čiji su promjeri sličniji, razlika u utjecaju mjerne sile bi bila još manja, što nas navodi na zaključak kako nema smisla provoditi simulaciju za ovaj tip mjerjenja, a još lošiji rezultati bi se dobili pri eksperimentalnom mjerjenju, zbog prethodno opisanog problema. Ukoliko bi se eksperiment provodio na preciznijem mjernom uređaju, onda bi se moglo razmatrati provođenje pokusa, ali i tada bi opravdanost bila upitna s obzirom na iznos deformacija koje su izuzetno male i ne predstavljaju stvarnu prepreku mjernom procesu te ih kao takve ne treba razmatrati.

2.3. Analitički proračun deformacija nastalih u procesu mjerjenja vanjskog promjera valjčića

U ovom poglavlju se razmatra problem mjerjenja vanjskog promjera valjčića na univerzalnom mjernom uređaju. Konkretno, provest će se analiza nastalih deformacija uslijed primjene mjerne sile analitičkom metodom. U ovom mjernom postupku se koriste mjerni valjčići istih dimenzija (promjera) kao i u analizi deformacija nastalih pri mjerenu unutarnjeg promjera mjernih prstena. Treba napomenuti kako bi se u procesu eksperimentalnog mjerjenja mjernih prstena koristila ticala, a kod mjerjenja vanjskog promjera se koriste valjčići. Za provedbu analitičke metode ova činjenica je zanemariva.

Sile koje se primjenjuju su iste kao i kod mjerjenja mjernih prstena, dakle iznose 1,25 N, 2,65 N i 4,68 N. Identični podaci se koriste kako bi se mogla napraviti konačna usporedba rezultata na temelju referentnih podataka.



Slika 12 – Skica modela mjerenja promjera valjčića

U procesu mjerjenja mjerni valjčić se nalazi između dviju mjernih čeljusti (kako je prikazano na slici 12). Jedna mjerna čeljust je pomicna, a druga stacionarna, te se može smatrati kako se sila jednakom raspodjeljuje na obje mjerne kapice koje su u dodiru s mjernim valjčićem. Dodir između mjerne kapice i valjčića se teorijski odvija u jednoj liniji u prvotnom dodiru. Kako se dodir produbljuje, odnosno počne se po pojavljivati deformacija dodir iz linije prelazi u površinski (eliptični oblik).

Za proračun se koriste formule za elastični dodir valjčića sa elastičnom površinom, uvećane za faktor 2, jer se dodir događa u dvije linije, odnosno na dva mesta. Korištena formula je ista kao i za proračun deformacija nastalih uslijed elastične deformacije kod mjerjenja unutarnjeg promjera mjernih prstena.

Osnovna formula glasi:

$$A_2 = \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{\left(\frac{F}{2}\right)^2}{D_1} \cdot \left(\frac{1 - \nu^2}{E}\right)^2}$$

Kako je prethodno opisano, ova formula opisuje dodir u jednom mjestu (liniji), a da bi se pravilno opisao model mjerenja na univerzalnom mjernom uređaju formulu moramo uvećati za faktor 2 jer se dodir događa na dva mjesta (slika 12).

$$A_2 = 2 \cdot \sqrt[3]{\frac{9}{2} \cdot \frac{\left(\frac{F}{2}\right)^2}{D_1} \cdot \left(\frac{1 - \nu^2}{E}\right)^2}$$

Gdje su:

A_2 – Elastična deformacija nastala uslijed primjene mjerne sile, **mm**

F – Primjenjena sila, **N**

D_1 – Promjer valjčića, **mm**

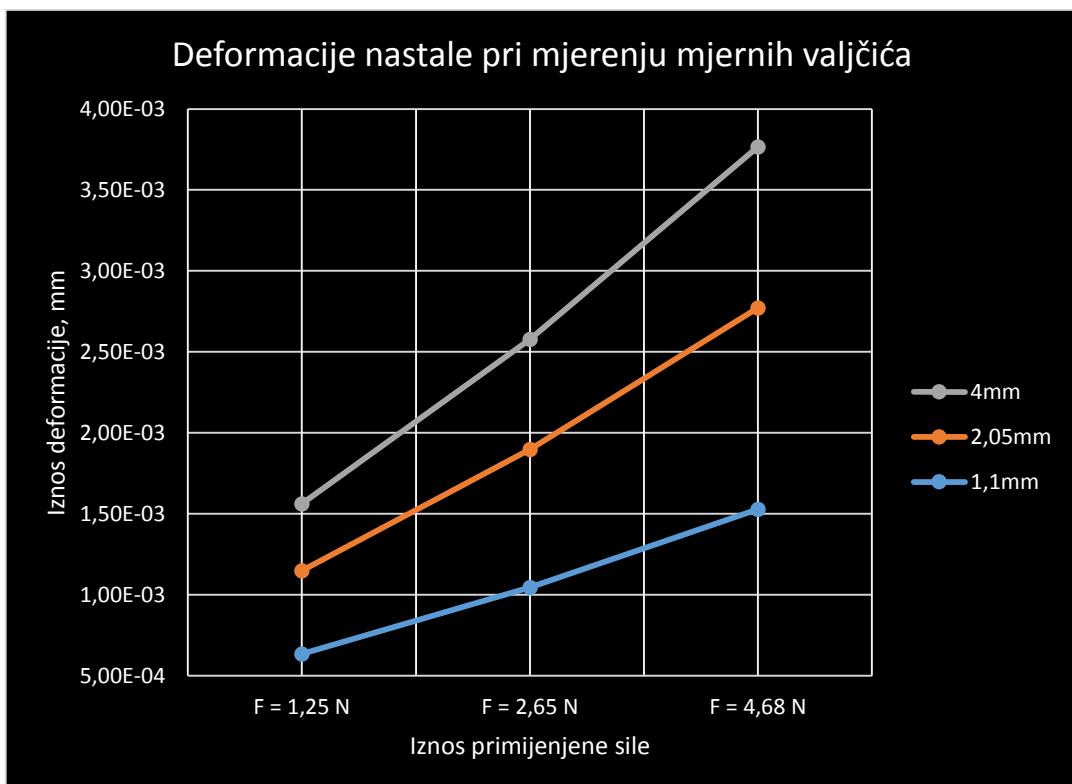
ν – Poissonov koeficijent

E – Youngov modul elastičnosti, **N/m²**

Tablica 6 - Iznos elastičnih deformacija valjčića (rezultati u mm)

	$F = 1,25 \text{ N}$	$F = 2,65 \text{ N}$	$F = 4,68 \text{ N}$
Promjer valjčića, mm	Deformacija (A_2)		
1,1	6,34E-04	1,05E-03	1,53E-03
2,05	5,15E-04	8,51E-04	1,24E-03
4	4,12E-04	6,81E-04	9,95E-04

Tablica 6 prikazuje vrijednosti elastičnih deformacija nastalih na valjčiću uslijed primjene različitih mjernih sila. Opet se potvrđuje trend porasta deformacija sa porastom primjene sile, te trend smanjenja deformacije sa povećanjem promjera korištenog valjčića. Također, iz tablice se može iščitati da postoje značajne razlike u vrijednostima pri promjeni sile. Zbog toga se odabire ovaj slučaj kao referentni slučaj na kojem će se napraviti eksperimentalna mjerenja. Kao što je već opisano u prethodnim poglavljima, univerzalni mjni uređaj na kojem će se izvoditi mjerenja ima rezoluciju od 0,1 μm.



Slika 13 – Graf nastalih deformacija u ovisnosti o primijenjenoj sili

Na slici 13 je graf koji prikazuje nastale deformacije u ovisnosti o primijenjenoj sili. Porastom sile raste i iznos deformacije.

3. Numerička analiza konačnih elemenata u programskom paketu Abaqus

Analiza deformacija se u ovom koraku radi u programskom paketu Abaqus. Koristi se verzija Abaqus 6.10-1. Ovaj program se pokazao kao najbolje rješenje za analiziranje deformiranja materijala u procesu mjerjenja. Njegova glavna primjena je rad sa mrežama konačnih elemenata što je još jedan važan argument pri izboru programa za rad. Simulacija uključuje definiranje geometrije modela, odnosno crtanje elemenata koji se nalaze u modelu. Prije početka razrade modela potrebno je analizom utvrditi moguća pojednostavljenja na modelu kako bi se ubrzao ukupni proces izrade te kako bi se smanjilo opterećenje procesora pri provedbi simulacije. Sve ovo rezultira u krajnosti kraćim vremenom trajanja kako izrade modela, tako i provedbe simulacije. Svaki model je specifičan za sebe i ne može se koristiti za izradu drugih modela mjerjenja, već je svaki model potrebno zasebno definirati.

Prilikom modeliranja, osim geometrije modela, potrebno je jasno i jednoznačno odrediti rubne uvjete, opterećenja te ostale parametre kako bi se osigurala vjernost modela stvarnom stanju.

Pri izradi modela prvo se modeliraju svi potrebni dijelovi sustava koji se analizira. U prvom primjeru koji se vidi na slici 15 koriste se dva elementa sustava, koja su odabrana nakon razmatranja, prilagodbe i pojednostavnjenja sustava, a to su mjerni prsten i ticalo mjernih čeljusti (kuglica).

3.1. Simulacija mjerjenja unutarnjeg promjera

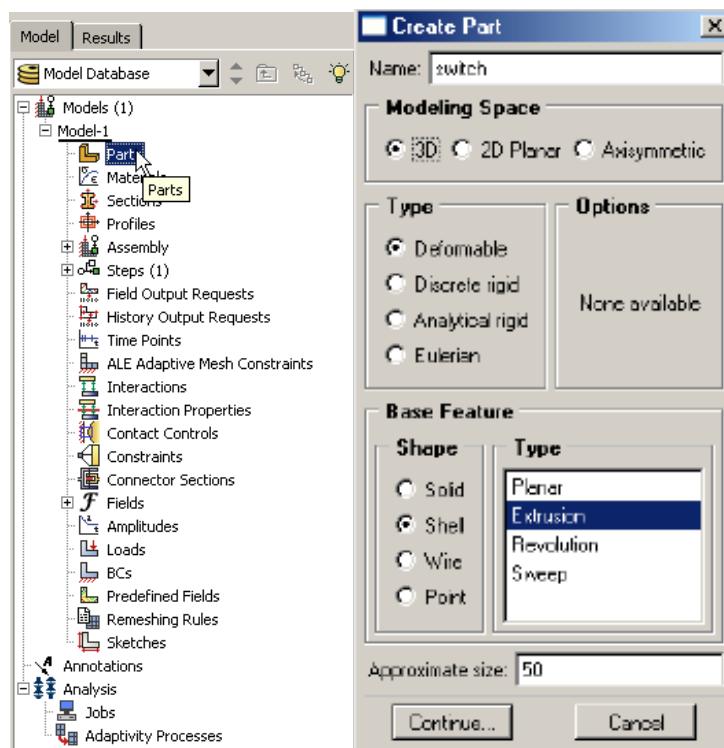
Geometrija mjernog prstena je konstanta, odnosno neće se mijenjati tokom provedbe analize. Njegov unutarnji promjer je 50 mm. U prvoj simulaciji počinje se od najmanje mjerne sile ($F = 1,25 \text{ N}$) i najmanjeg promjera ticala ($2r = 1,1 \text{ mm}$), te se u sljedećem koraku uzima sljedeći veći promjer ticala; promjeri ticala su izneseni u tablicama 3 i 4. Nakon provedbe analize svih promjera ticala upotrebom najmanje mjerne sile prelazi se na sljedeće mjerne sile koje su također prikazane u tablicama 3-4.

Na početku, da bi se uopće mogla provesti analiza potrebno je provesti određene korake. Prvo se moraju dimenzionirati elementi sustava koji će se koristiti u analizi.

3.2. Postupak izrade modela u programskom paketu Abaqus

Nakon pokretanja Abaqusa odabire se izrada novog modela (New Model Database) u početnom izborniku koji se pojavi nakon pokretanja programa. U stablu Model-1 dva puta kliknuti lijevu tipku miša (nadalje LTM) na Parts (slika 14). Nakon dvostrukog klika LTM na

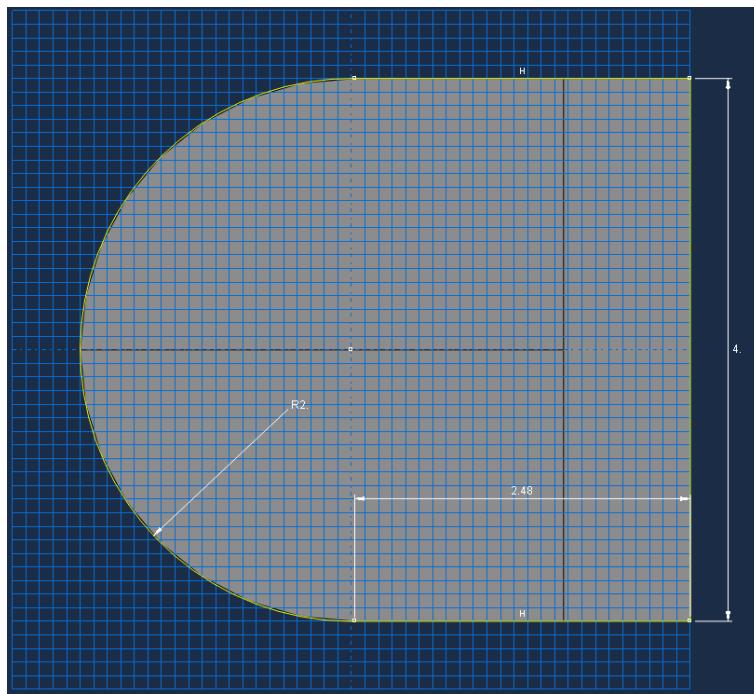
Parts otvara se podizbornik Create Part (slika 14). U podizborniku Create Part se odabire 2D Planar jer se radi sa 2D elementima. Također se treba izabrati Solid u izborniku Shape i Deformable u izborniku Type.



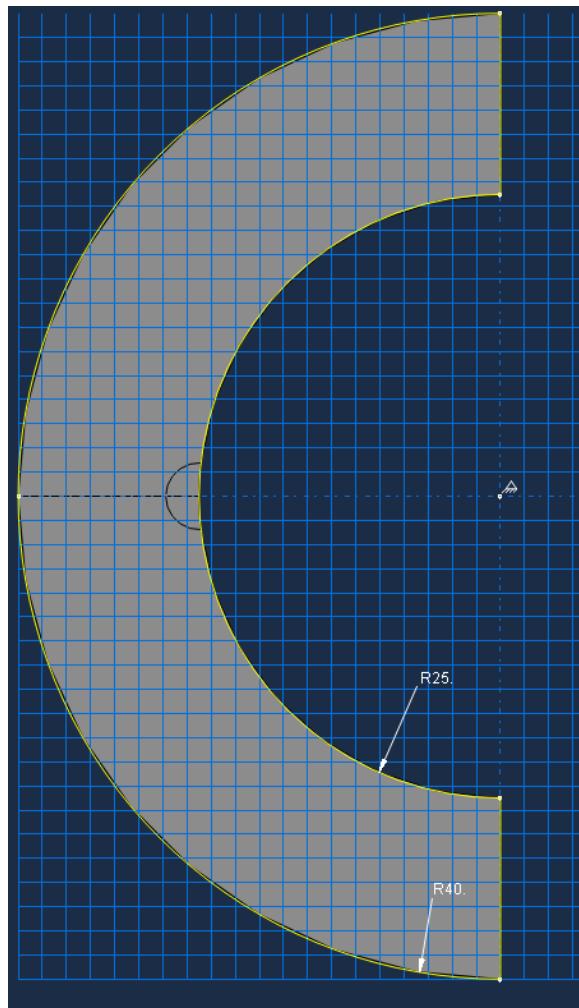
Slika 14 - Izbornik Model Database i podizbornik Create Part [7]

Sljedeći korak u izradi modela je crtanje geometrije elemenata. Prvo se crta prsten, odnosno polovica prstena. Razmatranjem opterećenja i rubnih uvjeta uviđa se da je moguće provesti analizu na pojednostavljenom modelu u kojem se koristi samo polovica prstena i cijeli vrh ticala.

Geometrija prstena je određena iznosom unutarnjeg i vanjskog polumjera (slika 16). Geometrija vrha ticala je određena samo svojim promjerom (slika 15). Radi jednostavnije provedbe simulacije, ticalu je dodan pravokutni nastavak. Na taj način je omogućeno jednostavnije određivanje rubnih uvjeta i opterećenja.



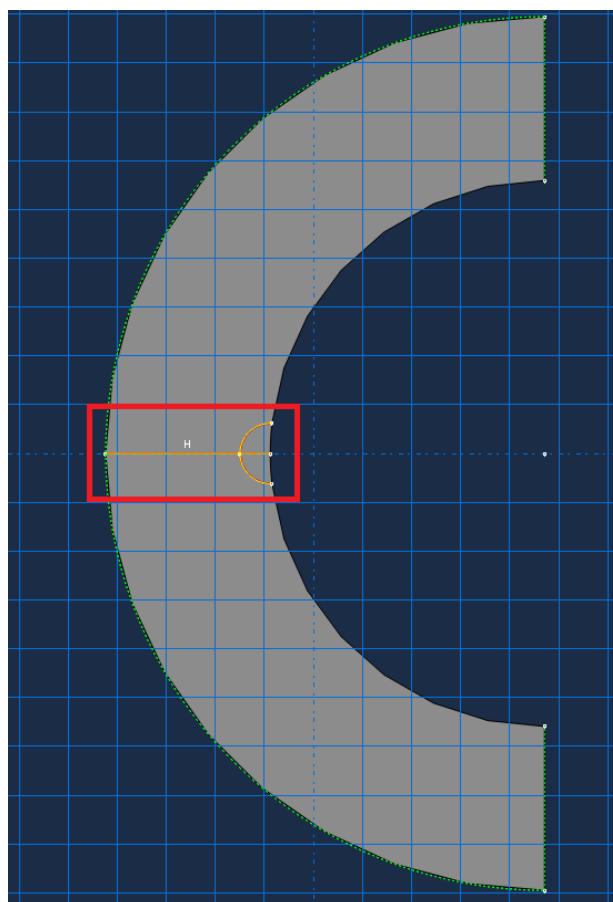
Slika 15 - Geometrija vrha ticala



Slika 16 - Geometrija prstena

Određuje se iznos unutarnjeg i vanjskog promjera. Kada su zadani svi potrebni parametri, dovoljno je kliknuti na Done Edit the section sketch Done. Tada se element izgenerira i spreman je za daljni rad. Nakon generiranja, na prstenu se može napraviti particioniranje (slika 17) određenih dijelova pritiskom na ikonu . Particioniranje se radi zbog lakšeg određivanja mesta dodira, ili da bi se odijelili dijelovi na kojima se želi usitniti mreža konačnih elemenata. Drugi postupak za usitnjavanje mreže koji se koristi je postupak adaptivnosti. Na nekim mjestima za koja se zna da ne trpe nikakva opterećenja se ostavljaju veći konačni elementi zbog jednostavnijeg i bržeg procesa provedbe analize. Tako se rasterećuje procesor i smanjuje se ukupno vrijeme trajanja analize.

Nakon što se nacrtava i particionira prvi element ako je to potrebno, prelazi se na crtanje drugog elementa ovog sustava, a to je vrh ticala mjerne čeljusti. Njegova geometrija je određena polumjerom vrha. Radi pojednostavljenja, umjesto gornje polovice kuglice ticala stavljena je pravokutna geometrija. Na taj način će se kasnije lakše zadati sila koja utječe na sustav. Na slici 17 se vidi geometrija drugog elementa s određenim parcijama (u crvenom pravokutniku).

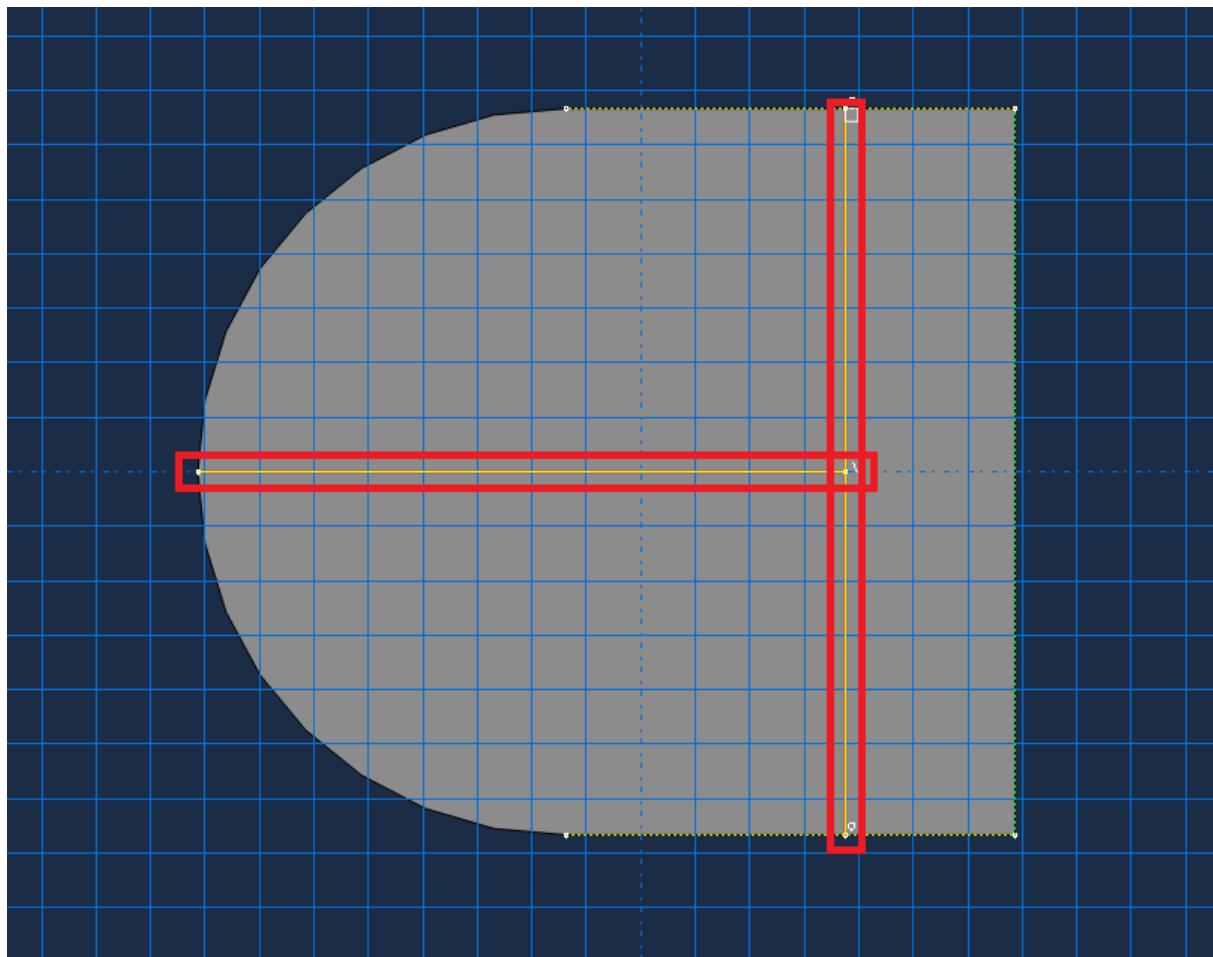


Slika 17 - Particionirana geometrija prstena

Konkretno u ovom slučaju želi se ogradiiti područje koje je pod izravnim utjecajem opterećenja, odnosno koje je u izravnom kontaktu s vrhom ticala. Iskustveno se zna da će se

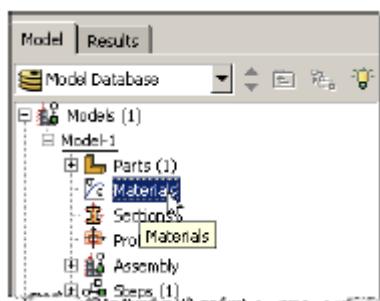
u tom području javiti najveća opterećenja i deformacije, pa se u tom području želi postići veća točnost rezultata. Veća točnost rezultata se osigurava usitnjavanjem mreže samo u tom području. Na taj način se ne preopterećuje proces analiziranja.

Na drugom elementu, odnosno na vrhu ticala, potrebno je partitioniranje kako bi se točno mogla odrediti točka dodira između vrha ticala i prstena.

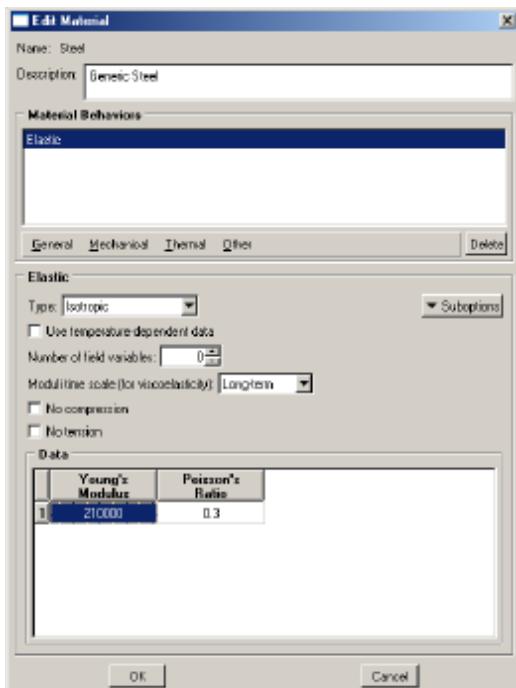


Slika 18 - Partitioniranje vrha ticala

Sljedeći korak nakon crtanja i generiranja potrebnih elemenata sustava je zadavanje materijala. Dvostrukim klikom LTM na *Materials* (slika 19) u izborniku otvara se prozor za zadavanje materijala (slika 20). U podizborniku *Edit Material* klikne se na *Mechanical*, zatim na izbornik *Elasticity* te na *Elastic*. Nakon definiranja potrebnih parametara klikne se na OK.



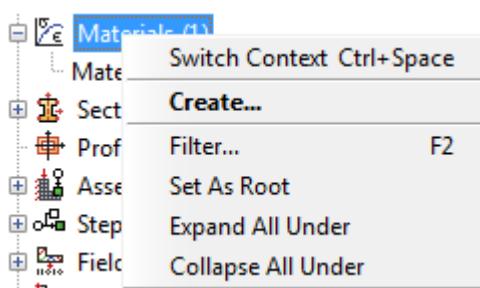
Slika 19 - Izbornik "Materials"



Slika 20 - Podizbornik "Edit Material" [7]

Kod zadavanja materijala važno je zadati Youngov modul elastičnosti i Poissonov koeficijent. U mjeriteljstvu je u upotrebi posebna čelična legura čije su karakteristike navedene u poglavlju *"Fizička i toplinska svojstva materijala za izradu mjerki"*. Youngov modul elastičnosti ovog čelika iznosi 205 GPa, a Poissonov koeficijent 0,29.

Desnim klikom na izbornik *Materials* (slika 21) otvaramo podizbornik u kojem odabiremo opciju *Create* (slika 21).

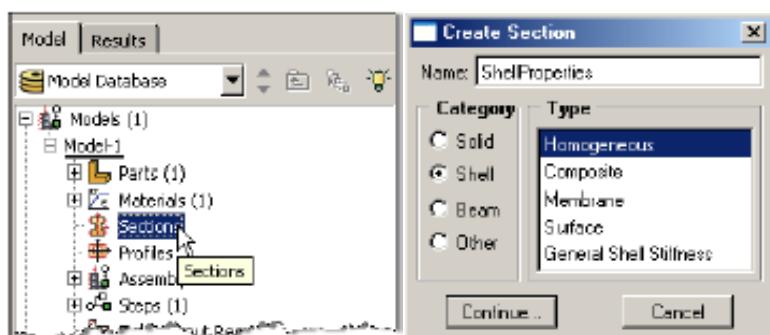


Slika 21 - Izbornik materials [7]

U prozoru *Edit Materials* otvor se podizbornik *Mechanical* u kojem se zadaju svojstva materijala koja su već navedena ($E = 205 \text{ GPa}$ i $\nu = 0,29$).

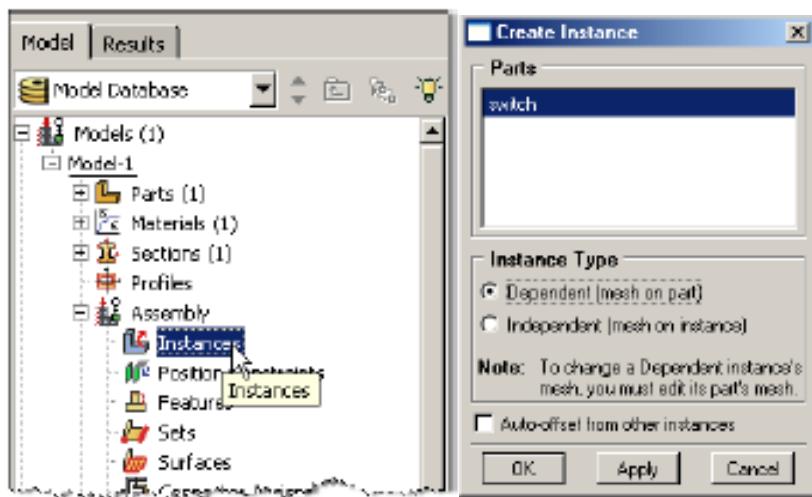
Sljedeći korak je zadavanje materijala za pojedine elemente. U ovom modelu oba su elementa izrađena od čelika, radi pojednostavljenja modela. Stvarni model je sačinjen od dvije različite čelične legure, ili kombinacije čelik – rubin. U padajućem izborniku se klikne na

Sections dva puta i otvara se podizbornik *Create Section*. Pod *Category* se stavlja *Solid*, pod *Type* *Homogeneous*. Na taj način definiramo svojstva materijala i njegovo ponašanje u analizi. Nakon kreiranja sekcije, potrebno je zadati materijal nacrtanim elementima. Klikom na *Assign Section* u modulu *Property* zadaje se materijal elementu (slika 22). Svojstva materijala su ključna pri analiziranju i provedbi simulacije te se stoga ovaj korak nikako ne smije preskočiti.



Slika 22 - Izbornik Section i podizbornik Create Section [7]

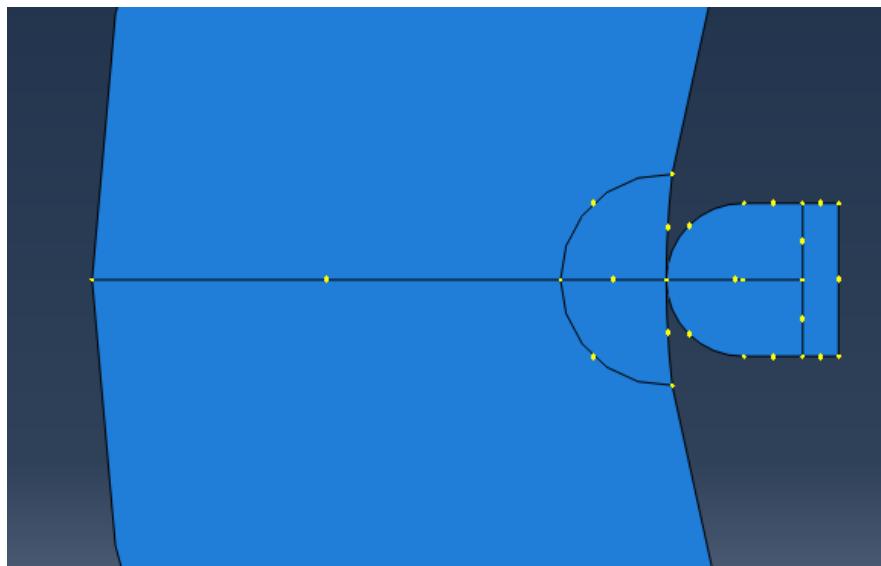
Sljedeći korak je dovođenje elemenata u vezu. Ovaj korak se radi u modulu *Assembly* (slika 23). Elemente treba prvo "ubaciti" u *Assembly*, a to se radi tako da se dva puta klikne LTM na *Instances* (slika 23). U podizborniku *Create Instance* se odabire element po element, te se on pojavljuje na radnoj površini. U podizborniku *Instance Type* označiti *Independent* (slika 23), te *Auto-offset*, radi jednostavnijeg rada u nastavku.



Slika 23 - Modul Assembly i podizbornik Create Instance [7]

Naredbom *Auto-offset* se elementi automatski odmiču jedan od drugoga pri ubacivanju, odnosno izbjegava se preklapanje površina što u krajnosti pojednostavljuje zadavanje veza između elemenata.

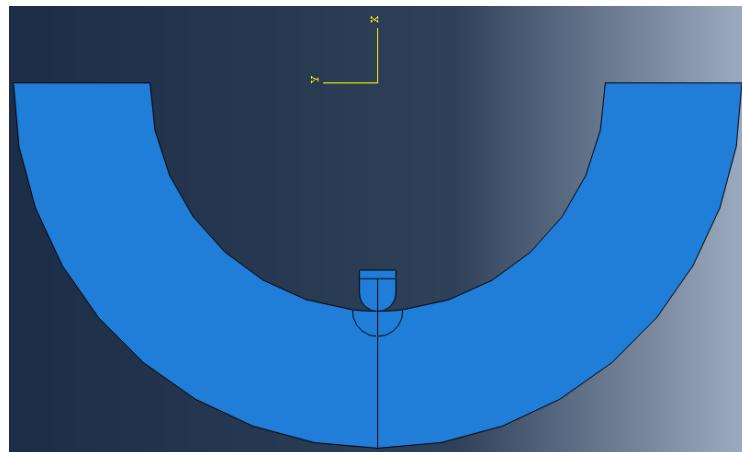
Elementi se dovode u kontakt naredbom *Create Constraint: Coincident Point*. Odabiru se točke koje su unaprijed određene za kontakt izradom particija na pojedinom elementu (slika 24). Ovaj model opisuje dodir između vrha ticala i unutarnjeg plašta prstena, stoga se dodir teoretski događa u jednoj točki. Točka dodira je vrh na vrhu ticala i sredina prstena (kako je prije određeno partitioniranjem prstena). Ovo je samo jedan od načina kojima je moguće dovesti u kontakt dva elementa.



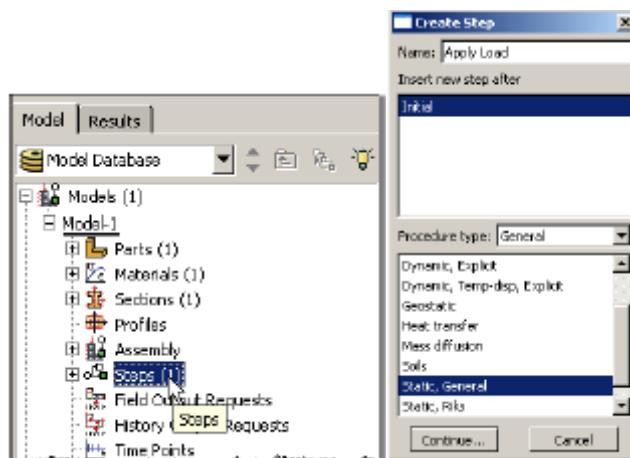
Slika 24 - Dodir između vrha ticala i unutarnje površine prstena

U sljedećem koraku se zadaje *Step* dvostrukim klikom na modul *Steps* u stablu. U podizborniku *Create Step* pod *Procedure type* odabraditi *General*, *General*. (sve slika

26) Ovo je korak u kojem određujemo vrstu analize. Dan je izbor između mnogo vrsta opterećenja. Za ovaj slučaj opterećenja odabere se *Static, General* način rada.

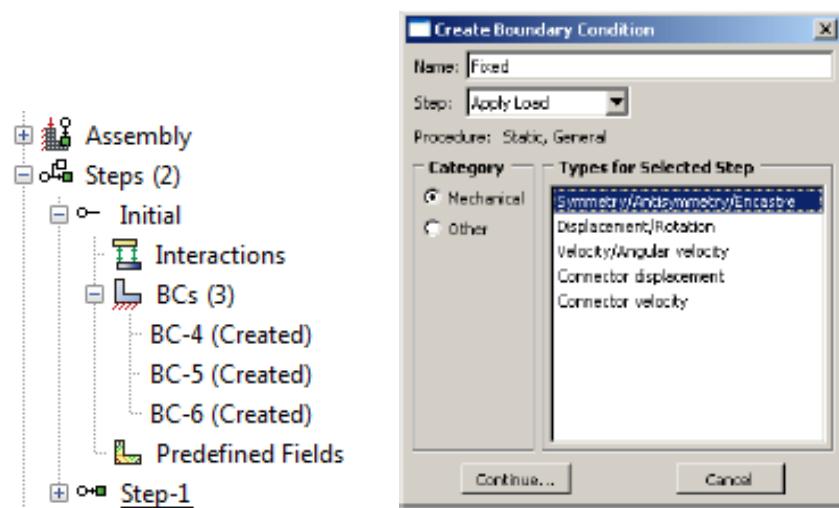


Slika 25 - Model prstena i vrha ticala nakon povezivanja u Assembly-ju



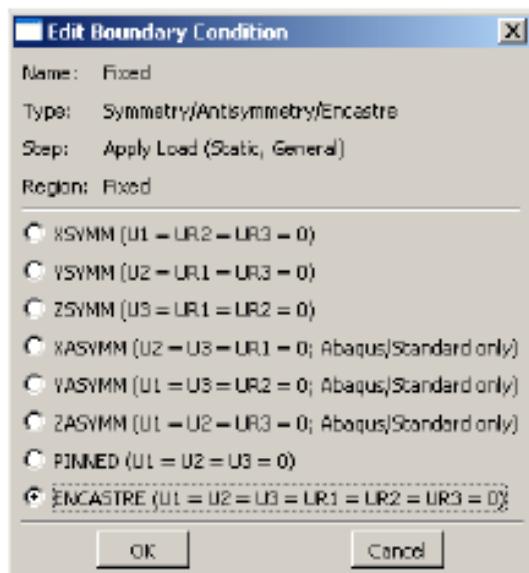
Slika 26 - Modul steps i podizbornik Create Step [7]

Korak bez kojega cijela analiza ne može funkcionirati je zadavanje rubnih uvjeta i opterećenja. Rubni uvjeti se zadaju duplim klikom na modul *BC's* (slika 26) koji se nalazi u izborniku *Steps - Initial*. U podizborniku *Create Boundary Condition* postoji više opcija: *Symmetry/Antisymmetry/Encastre*, *Displacement/Rotation*, i druge (slika 28). *Symmetry/Antisymmetry/Encastre* je jednostaviji za upotrebu stoga što ima unaprijed određeno više rubnih uvjeta, dok kod *Displacement/Rotation* sami određujemo koji rubni uvjeti se postavljaju, odnosno postoji potpuna kontrola nad svakim pojedinim rubnim uvjetom.

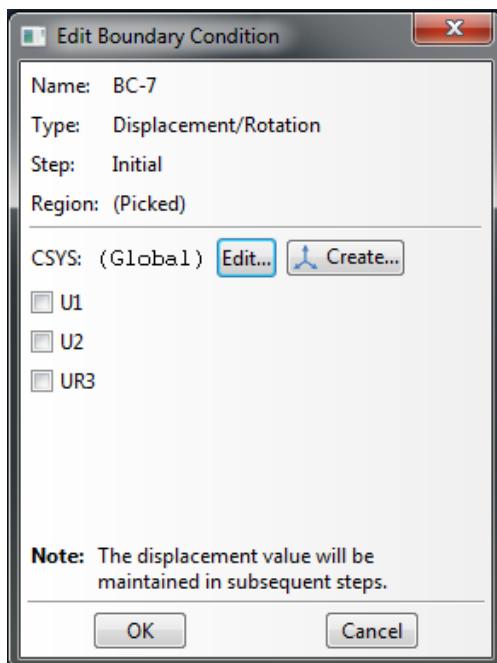


Slika 27 - Modul BC's i podizbornik Create Boundary Condition [7]

Na slici 27 se vidi podizbornik *Edit Boundary Condition*, koji se otvara odabirom *Symmetry/Antisymmetry/Encastre* rubnih uvjeta. Kako je prikazano na slici 27, postoji veliki izbor raznih kombinacija rubnih uvjeta. Međutim ovaj način ne dopušta kontrolu nad svakim rubnim uvjetom pa se zato koristi *Displacement/Rotation* način zadavanja rubnih uvjeta (slika 28). Ovisno o tome koji se rubni uvjet zadaje, odabire se da je ili $U1 = 0$ ili $U2 = 0$ ili $UR3 = 0$, ili bilo koja kombinacija između ovih triju uvjeta. Označavanjem kućice ispred uvjeta definira se da je taj uvjet 0, odnosno da je onemogućeno gibanje elementa u smjeru X ili Y osi. Uvjet $UR3$ oznaka je za rotaciju oko Z osi.

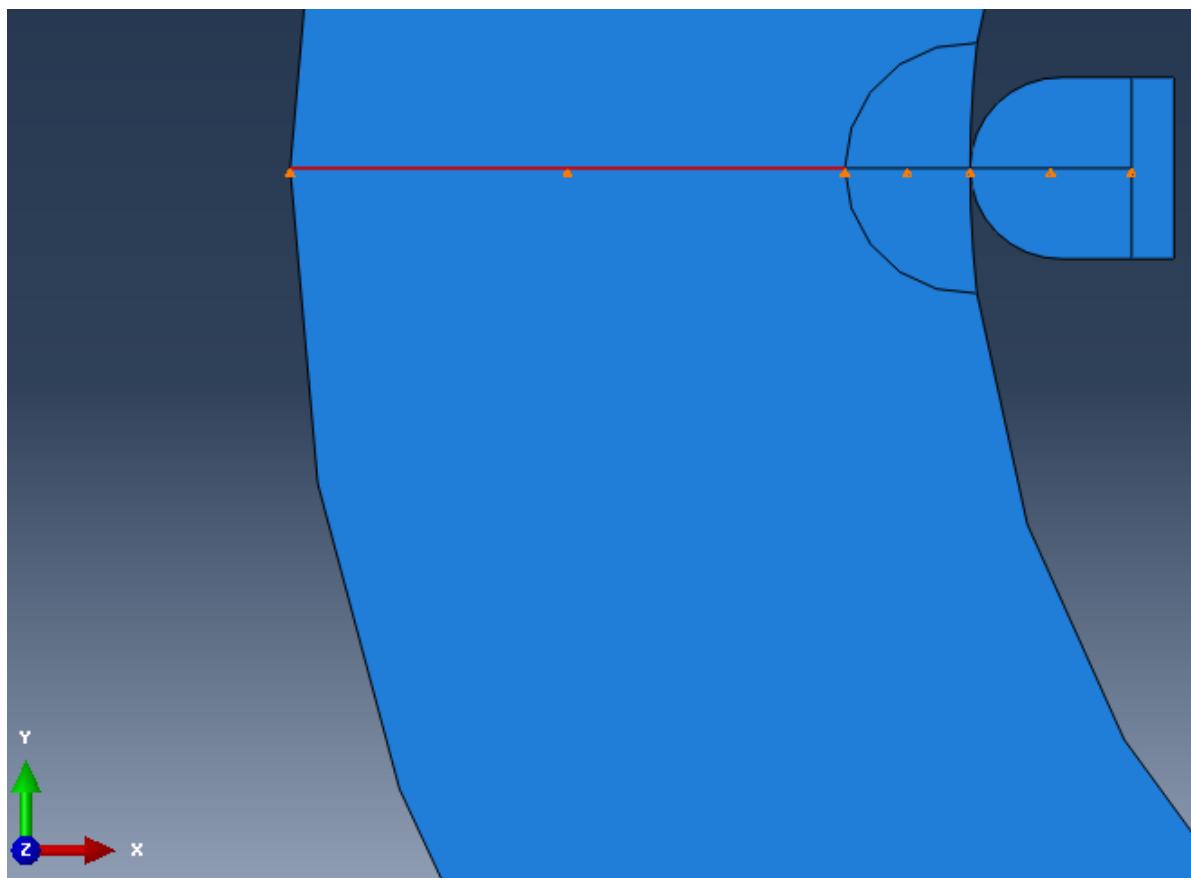


Slika 28 - Edit Boundary Condition [7]

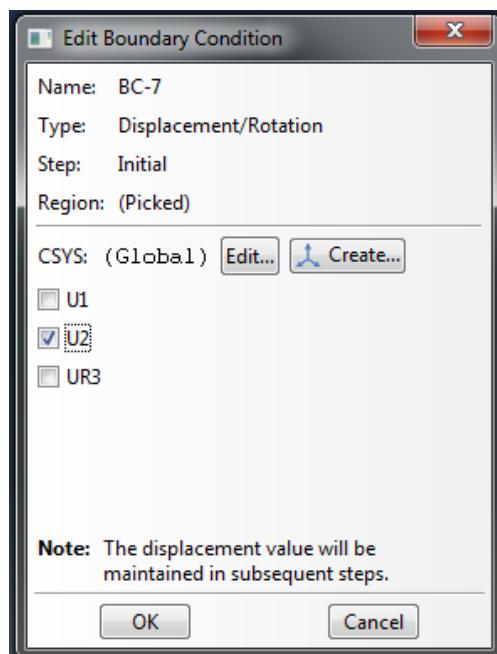


Slika 29 - Displacement/Rotation izbornik [7]

Vrlo je važno postaviti rubne uvjete pravilno na svim rubovima elemenata kako bi se na kraju dobili točni rezultati, odnosno da bi se uopće mogla provesti analiza. Na slikama 29 i 30 su prikazani rubni uvjeti za ovaj primjer. Također treba imati na umu da se ovdje koristi simetričnost elemenata, te da na rubovima gdje su elementi "odrezani". Na slici 29 su prikazani rubni uvjeti na mjestu dodira prstena i vrha ticala. Model se mora osigurati od gibanja u smjeru osi X i Y. Središnjoj liniji se zabranjuje gibanje u smjeru osi Y, odnosno zaključava se rubni uvjet gibanja u smjeru osi rubni uvjet gibanja u smjeru osi Y, a to je uvjet U2. Gibanje u ostalim smjerovima mora biti dopušteno (slika 30)



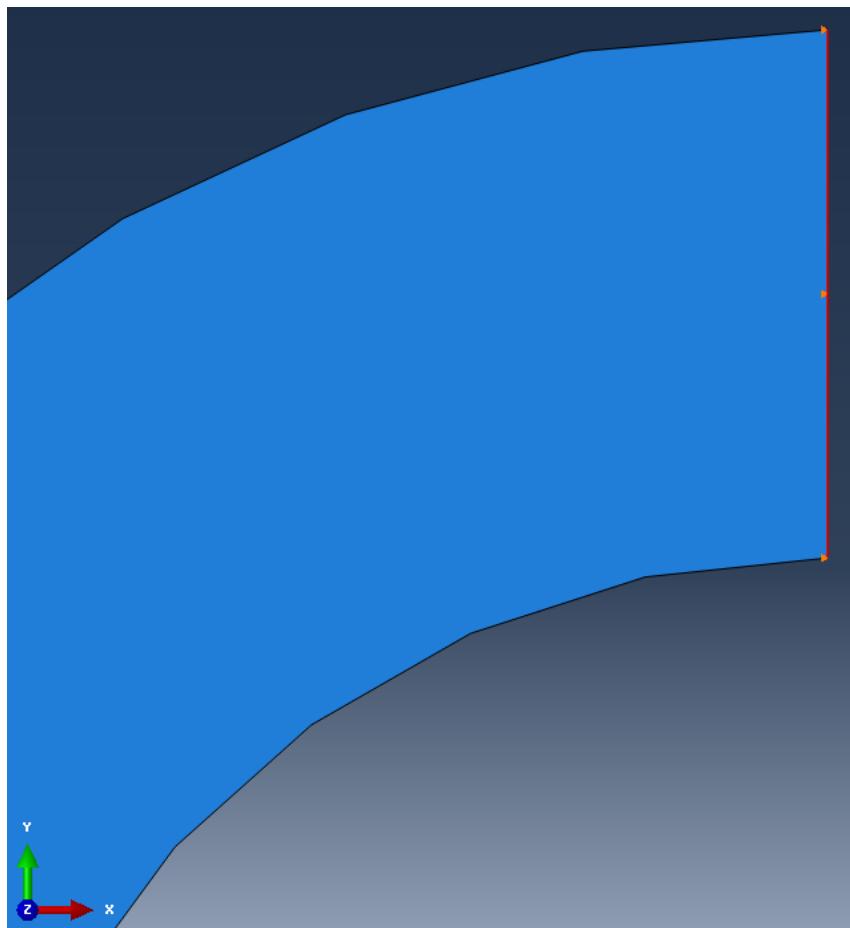
Slika 30 - Rubni uvjeti dodira vrha ticala i mjernog prstena



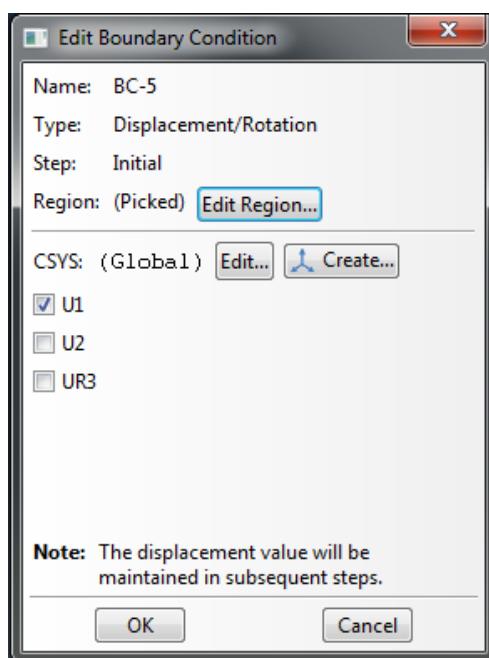
Slika 31 - Rubni uvjet središnje linije prstena i vrha ticala

Da bi se model osigurao od gibanja potrebno je zadati rubne uvjete simetričnosti na vanjskim krajevima polovice prstena (slika 31). U ovom rubnom uvjetu se zabranjuje gibanje u smjeru osi Y (slika 32) i na taj način smo osigurali cijeli model od gibanja u smjeru bilo koje osi. Ovaj

slučaj pokazuje kako se to radi na modelu u 2 osi. Ako bi se radilo na 3D modelu, onda bi zadavanje rubnih uvjeta bilo nešto komplikiranije.

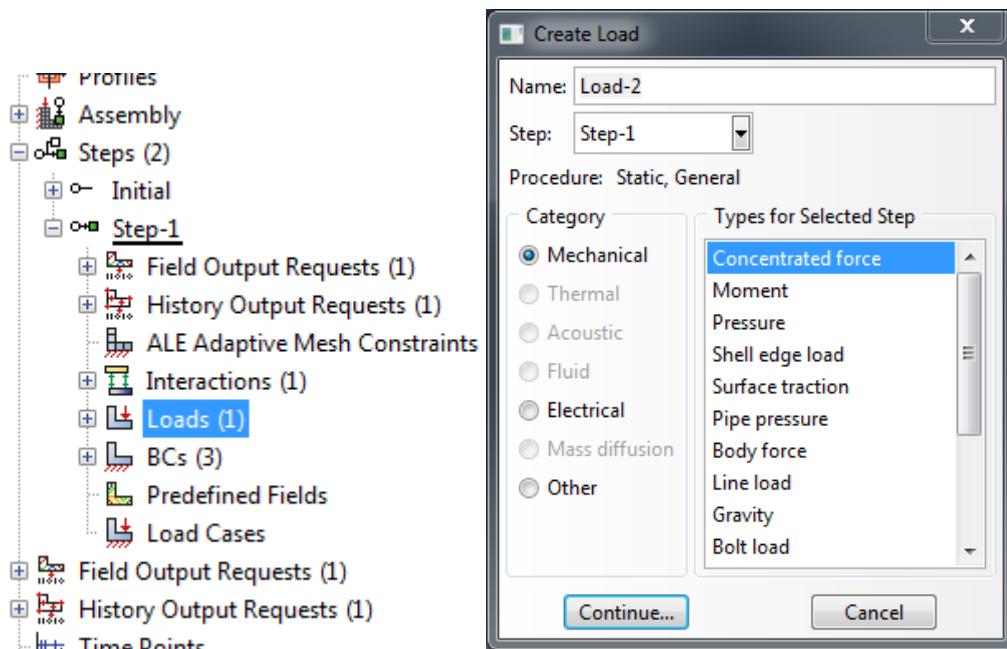


Slika 32 - Rubni uvjet mode u smjeru osi X



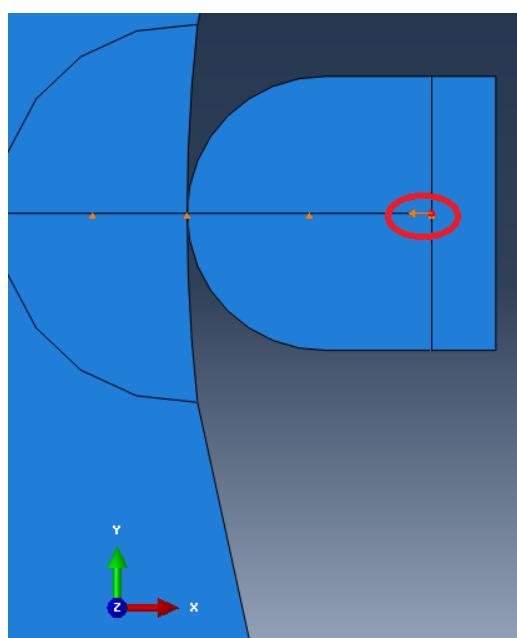
Slika 33 - Zadavanje drugog rubnog uvjeta

U izborniku *Steps* se otvori podizbornik *Step 1*. Dvostrukim klikom LTM na *Loads* otvara se podizbornik *Create Load* (slika 33).



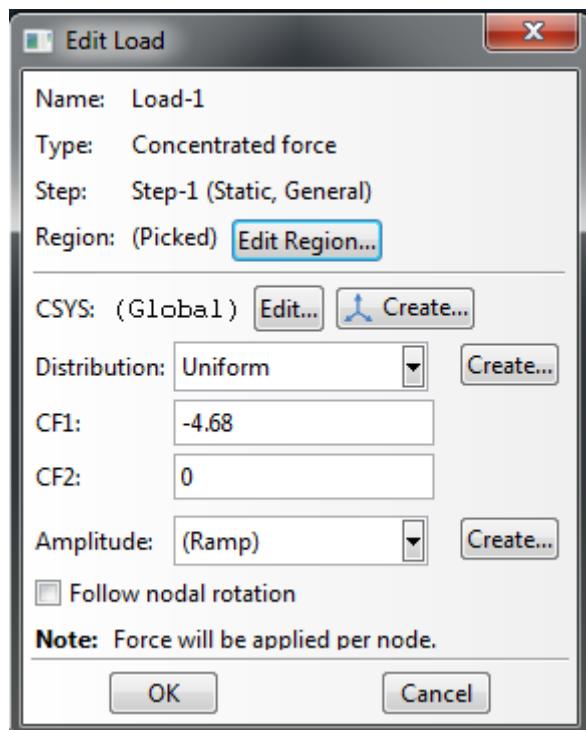
Slika 34 – Izbornik Loads i podizbornik Create Load [7]

U podizborniku *Create Load* se daje veliki izbor načina zadavanja opterećenja. Može se birati između koncentrirane sile, momenta, tlaka, površinske napetosti, tlaka, sila koja djeluje jednoliko na cijelo tijelo, linijskog opterećenja, gravitacijskog opterećenja i mnogih drugih opterećenja. I ovdje se primjenjuje princip maksimalnog mogućeg pojednostavljenja modela, pa se odabire opterećenje uzrokovano koncentriranom silom u jednoj točci na vrhu ticala (slika 34).



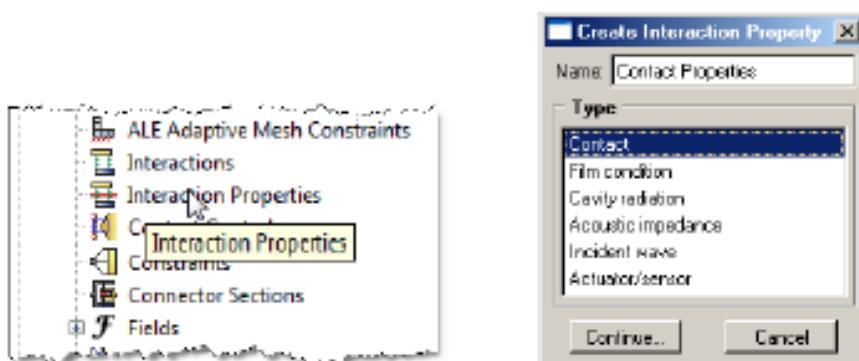
Slika 35 - Opterećenje na vrhu ticala

U podizborniku *Edit Load* se zadaje sila u negativnom smjeru osi X (slike 34 i 35). Kod promjene opterećenja za druge sile ($F = 1,25 \text{ N}$, $2,65 \text{ N}$, $4,68 \text{ N}$) dovoljno je dva puta kliknuti na *Load 1* te promijeniti iznos sile (slika 36).



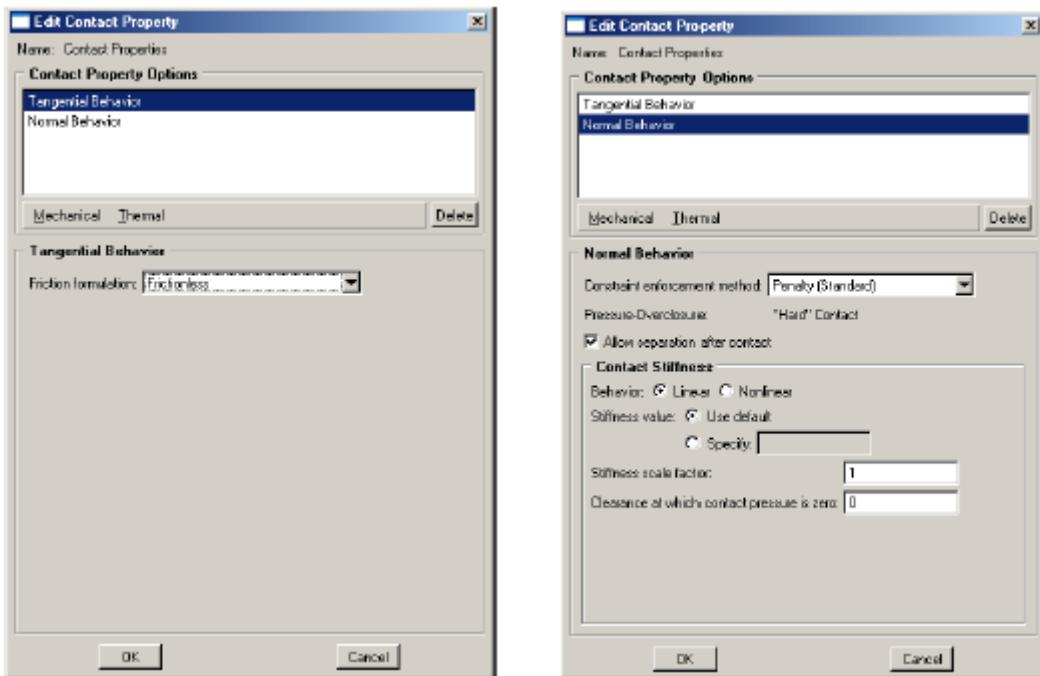
Slika 36 - Zadavanje iznosa sile

Sljedeći korak je određivanje površina u dodiru. Prvo se klikne na *Interaction Property*, te se otvara podizbornik *Create Interaction Property*. *Interaction Property* (slika 37) određuje kakva je vrsta dodira između dvaju elemenata. U izborniku *Type* odabire se *Contact*. *Contact* je najosnovnija vrsta dodira (interakcije) između dvaju površina. Ovaj model ima dodir u početku u jednoj točci, međutim prilikom djelovanja koncentrirane sile kontaktne područje se poveća, te iz točke prerasta u kontaktну površinu. Zbog toga se mora odrediti šire područje dodira između unutarnjeg ruba prstena i vrha ticala.



Slika 37 - Modul *Interaction Properties* i podizbornik *Create Interaction Property* [7]

Nakon što se odabere *Contact* iz izbornika *Create Interaction Property* treba se zadati uvjeti djelovanja u smjeru tangente i normale u točki dodira. Tangencijalno djelovanje se zadaje kao *Frictionless*, odnosno bez trenja, a u smjeru normale kao *Hard Contact* (slika 38). Na ovaj način se određuje način ponašanja elemenata u točki dodira.

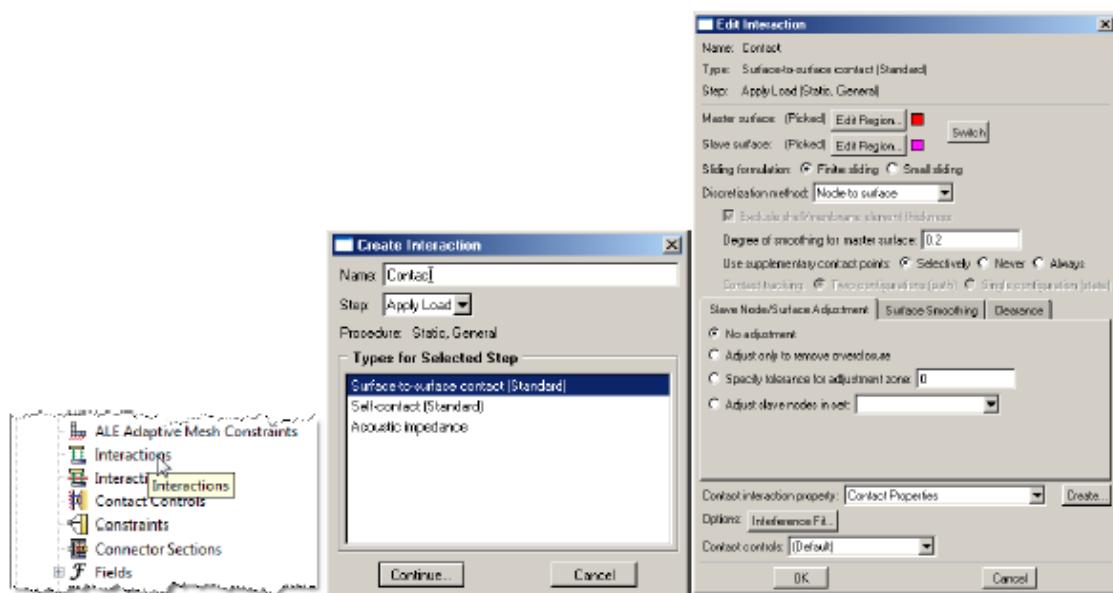


Slika 38 - Zadavanje uvjeta djelovanja u točki dodira u smjeru normale i tangente [7]

Dvostrukim klikom na izbornik *Interactions* otvara se podizbornik *Create Interaction* (slika 39). U podizborniku *Create Interaction* se nudi izbor različitih vrsta dodira. Ako je potrebno, može se dati zasebni naziv svakom kontaktu (interakciji između dvije površine). Ovo se koristi kada se definira više od jednog kontakta radi lakšeg snalaženja.

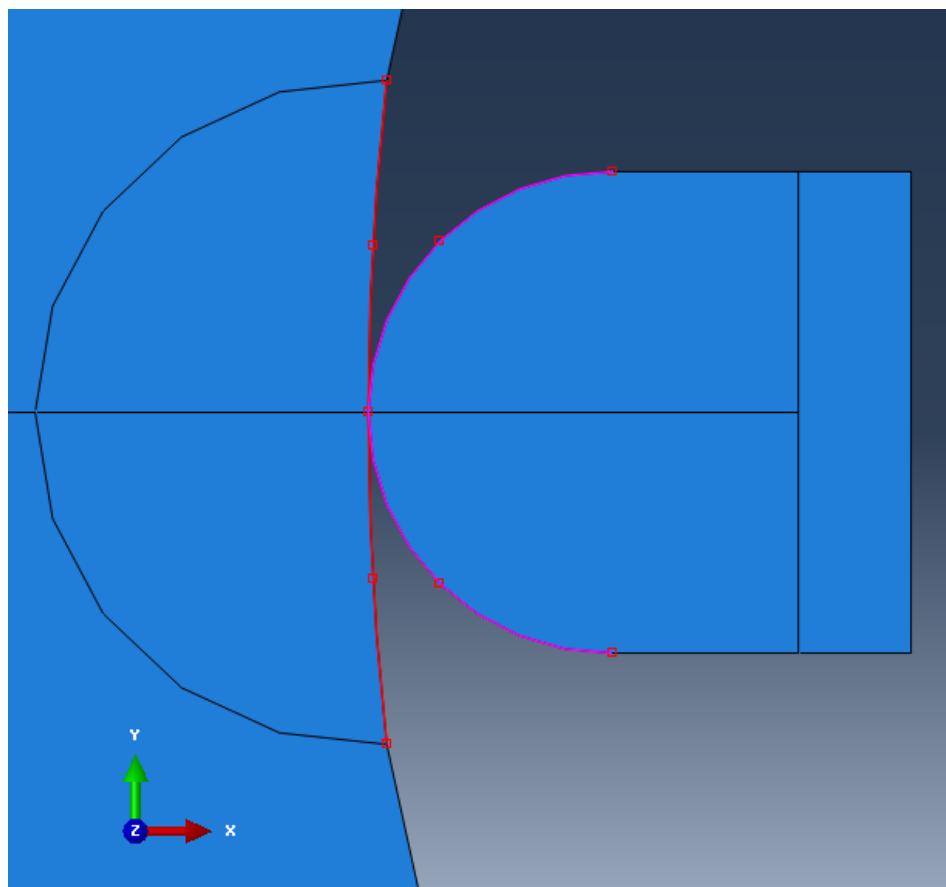
U podizborniku *Create Interaction* se odabire *Surface-to-Surface* vrsta kontakta (slika 39), te se klikne na *Continue*. Potom je potrebno odrediti površine u kontaktu. U ovom načinu rada (*Surface-to-Surface*) se moraju odabrati *Master* i *Slave* površine. *Master* i *Slave* površine su važne zbog načina na koji će se površine deformirati u provedbi analize. Čvorovi koji se nalaze na *Slave* površini ne mogu penetrirati u površinu formiranu na *Master* strani. Također se mogu odrediti boje pojedine površine ukoliko je potrebno, u svrhu lakšeg raspoznavanja površina kada postoji ima više kontakata.

U podizborniku *Edit Interaction* se moraju namjestiti dodatne opcije kako bi model radio. Potrebno je označiti opciju *Adjust only to remove overclosure* pod karticom *Slave Adjustment*.



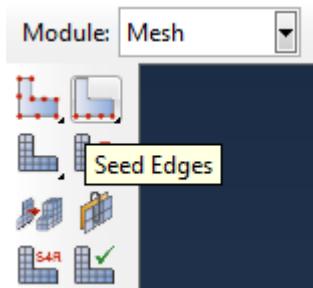
Slika 39 - Izrada interakcije između površina u dodiru [7]

Na slici 40 se vidi konačni izgled površina u dodiru na modelu. Za master površinu je odabrana površina unutarnjeg ruba prstena jer se ne želi postići prodiranje vrha ticala u prsten. Kao što je već spomenuto, u stvarnom modelu je vrh ticala rađen od kaljenog čelika, te vjerojatno ne trpi nikakvu deformaciju.



Slika 40 - Konačni izgled površina u dodiru na modelu

Kada se definiraju površine u dodiru, može se nastaviti sa izradom modela. Sljedeći korak je definiranje mreže konačnih elemenata. U *Mesh* modulu definiramo obilježja mreže konačnih elemenata. Klikom na ikonu *Seed Edges* (slika 41) odabire se opcija definirana veličine elemenata po pojedinom rubu elementa modela. Na taj način se mreža može pogustiti gdje je potrebno, ili prorijediti na drugim mjestima.



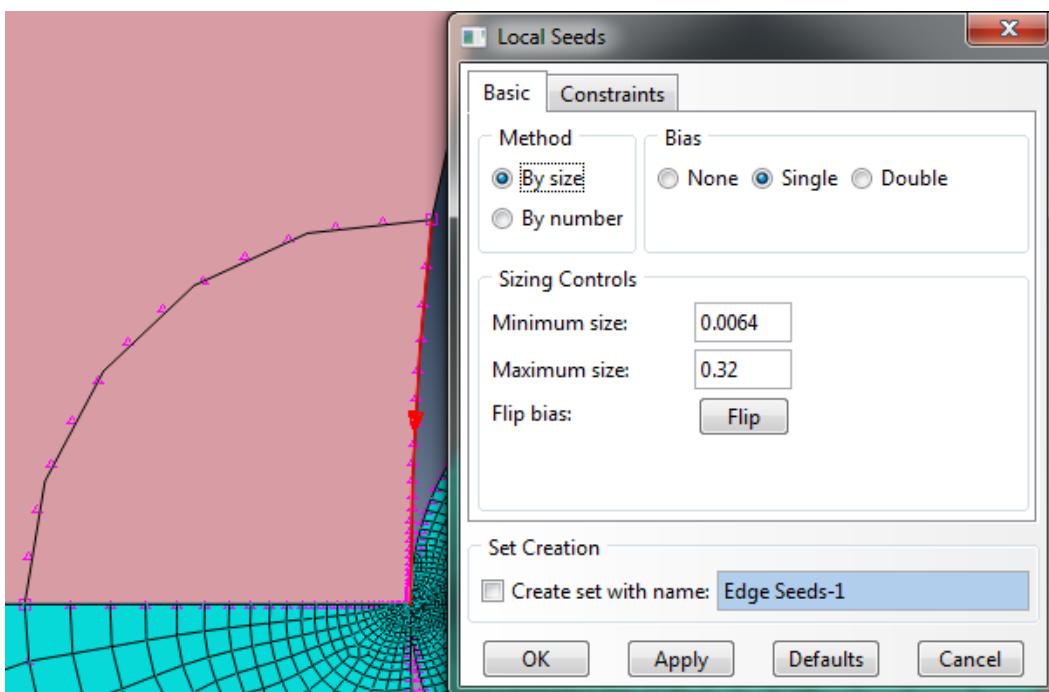
Slika 41 - Opcije stvaranja mreže konačnih elemenata

Vanjski rub prstena ne trpi gotovo nikakva opterećenja, pa ni nije potrebno imati jako gustu mrežu na tom rubu. S druge strane, na unutarnjem rubu prstena se očekuju veća opterećenja pa se tamo treba postaviti nešto manji razmak čvorova mreže. Na mjestu dodira se događa gotovo cijela deformacija pa je na tom mjestu poželjno imati najgušću mrežu. Postavljeni razmaci elemenata se vide na slici 42.



Slika 42 – Postavljanje veličine čvorova konačnih elemenata

Na mjestu dodira se osim smanjenja razmaka između čvorova koristi još jedna opcija pod nazivom *Bias/Single*. Ta opcija omogućava postepenu propagaciju veličine čvorova između dvije vrijednosti. Najveći element ne smije preći gornju zadalu vrijednost, a najmanji ne smije biti manji od donje zadane vrijednosti. Na taj način se dobiva najgušća raspodjela čvorova na mjestu dodira dvaju površina, te postepeno sve rjeđa kako raste udaljenost od mesta dodira. Kako to u simulaciji izgleda, prikazano je na sljedećoj slici 43.



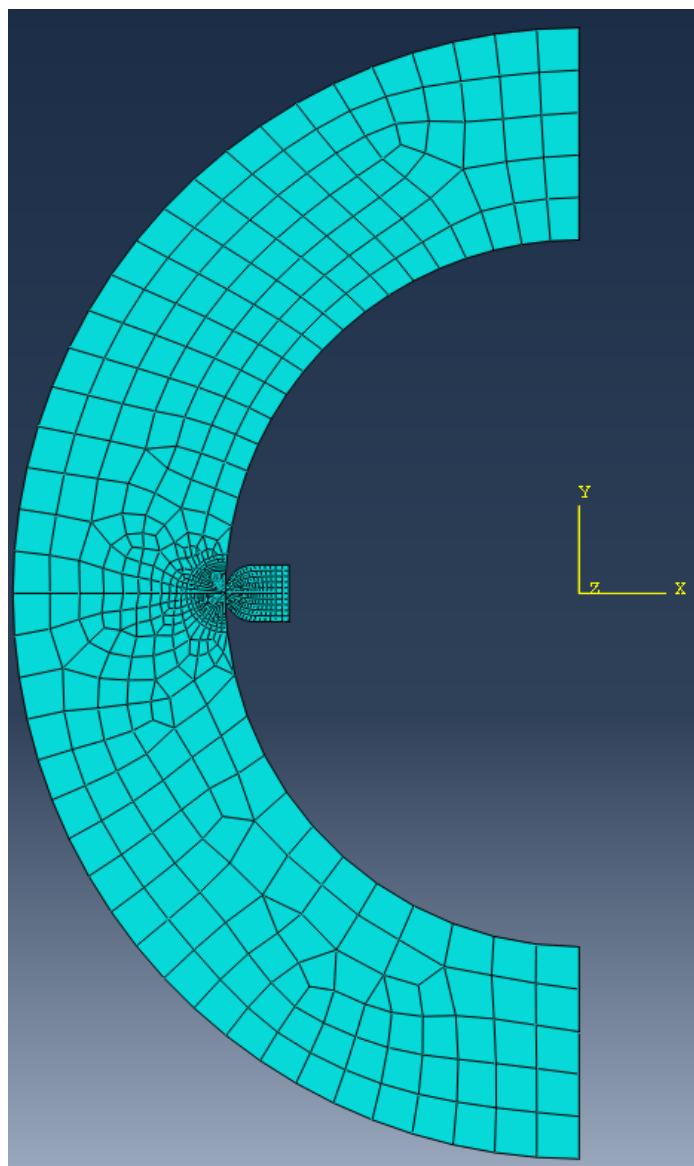
Slika 43 - Bias/single način zadavanja čvorova mreže konačnih elemenata

Kod ovakvog načina zadavanja čvorova mreže konačnih elemenata važno je i točno zadati smjer propagacije. Smjer propagacije se može mijenjati klikom na ikonu *Flip* (slika 43). Za najmanju vrijednost veličine elementa zadana je vrijednost 0,0064 mm, a najveća 0,32 mm. Najmanja vrijednost bi trebala biti manja od najmanje deformacije koja se očekuje u tom području. U ovom slučaju se očekuju mikrometarske deformacije, te se stoga i najmanja vrijednost zadaje u mikrometarskom području.

Kod zadavanja veličine čvorova na unutarnjem rubu prstena zadaje se veličina 2 mm, a na vanjskom rubu 3 mm.

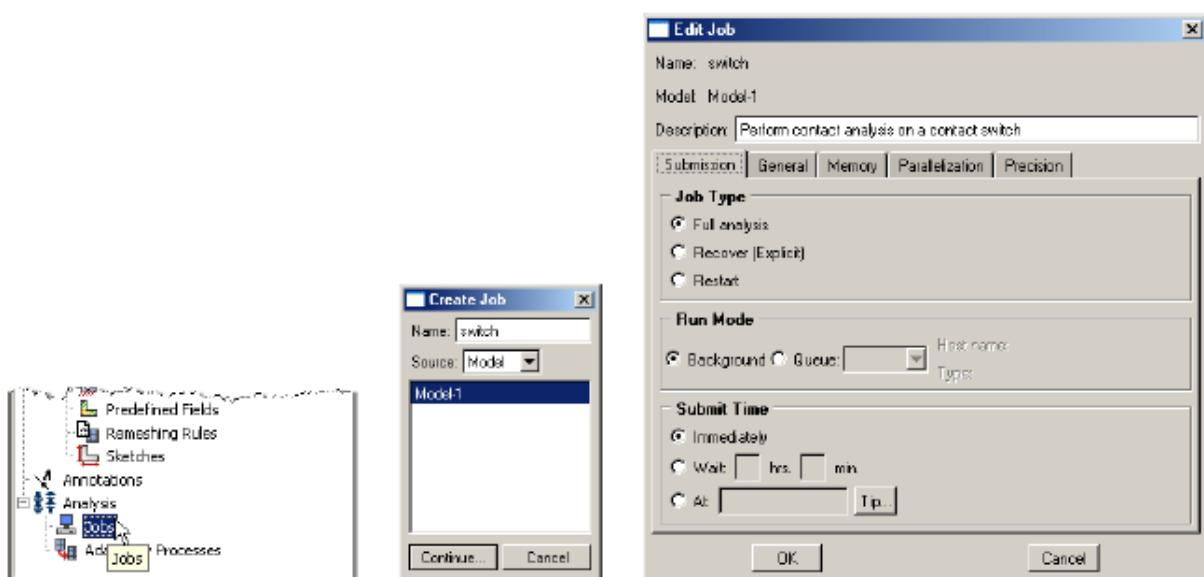
Veličina čvorova na vrhu ticala morala bi se u idealnom slučaju poklapati sa veličinom čvorova na strani unutarnjeg ruba prstena. Iz tog razloga se na vrhu ticala zadaju veličine čvorova sa *Bias/Single* načinom rada na mjestu dodira s unutarnjim rubom prstena. Na dalnjem rubu vrha ticala zadaje se konstantna veličina konačnih elemenata koja iznosi 0,32 mm.

Nakon zadavanja veličine konačnih elemenata na svim rubovima treba se zadati način rasporeda elemenata. Programski paket Abaqus je programiran tako da raspodjeli mrežu konačnih elemenata na najjednostavniji mogući način ako se ne odredi drugačije. Zbog toga treba klikom na ikonu *Assign Mesh Controls* odrediti strukturiranu raspodjelu konačnih elemenata. Gotova mreža konačnih elemenata se može vidjeti na slici 44.

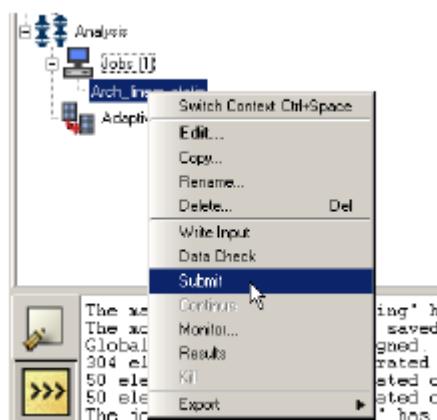


Slika 44 - Mreža konačnih elemenata na modelu

Sljedeći korak je zadavanje *Job-a*. Dvostrukim klikom LTM na *Jobs* modul u stablu se ostvara izbornik za stvaranje novog *Job-a* (slika 45). Novom *Job-u* je dovoljno zadati ime, te ostale opcije ostaviti nepromijenjene. Stvaranje *Job-a* je posljednji korak u kreiranju simulacijskog modela mjerjenja unutarnjeg promjera prstena. Desnim klikom miša na *Job* se otvara padajući izbornik u kojem treba odabratи opciju *Submit*. To je opcija kojom podvrgavamo model provođenju analize. U tom trenutku počine izvršavanje analize nad modelom. Tokom analiziranja moguće je pratiti provedbu analize odabirom opcije *Monitor* u padajućem izborniku (slika 46).



Slika 45 - Kreiranje job-a i moguće opcije [7]

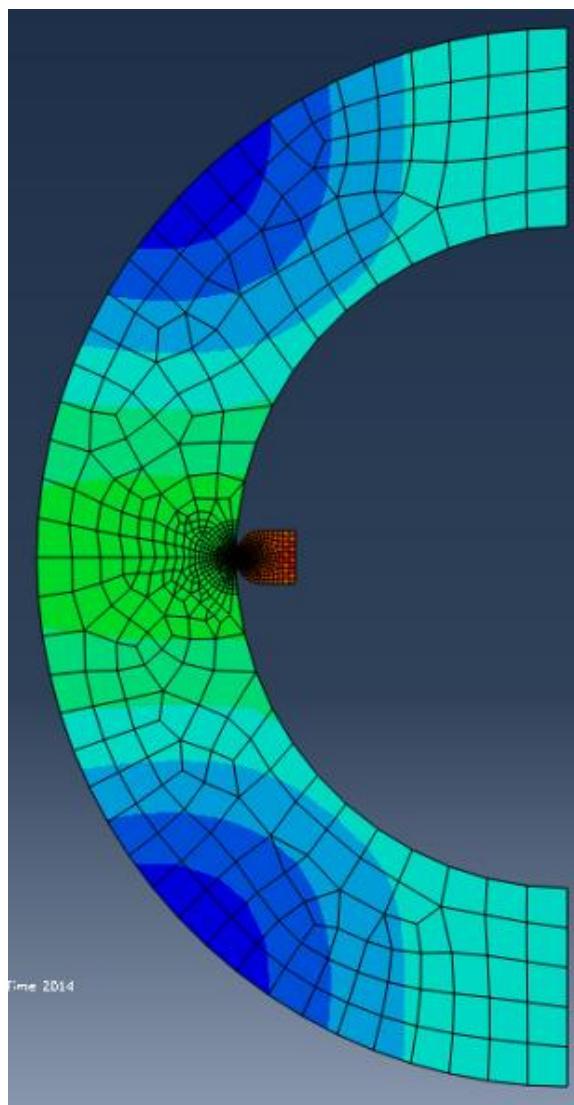


Slika 46 - Padajući izbornik koji se otvara desnim klikom miša na Job [7]

Nakon provedene analiza kraj ikone *Job* mora pisati u zagradama *Completed*

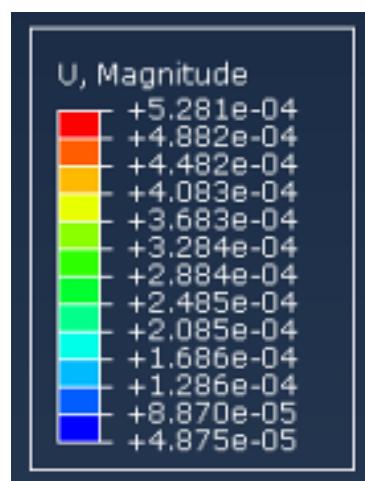
Job-1 (Completed) da bi analiza bila izvršena. Nakon izvršavanja analize mogu se pregledati rezultati analize desnim klikom na miš, te odabirom opcije *Results* (slika 46). Kod prikaza rezultata analize postoji velik izbor mogućih prikaza. U ovom slučaju najzanimljiviji prikazi su oni koji pokazuju opterećenja na mjestu dodira te iznose nastalih deformacija. Svi rezultati su prikazani bez mjerne jedinice, odnosno svi rezultati su prikazani u osnovnim mjernim jedinicama. To znači da je opterećenje izraženo u N/m^2 , a pomaci u mm. Isto tako svi ulazni podaci se moraju zadati u osnovnim mjernim jedinicama.

Nakon obavljene analize prelazi se na prikaz rezultata. Odabire se prikaz *Plot Contours on Undeformed Shape*. To je način prikaza u kojem se deformacije, pomaci, opterećenja i ostalo opisuju gradacijom boja na površini analiziranog elementa (slika 47).



Slika 47 - Prikaz deformacija na modelu

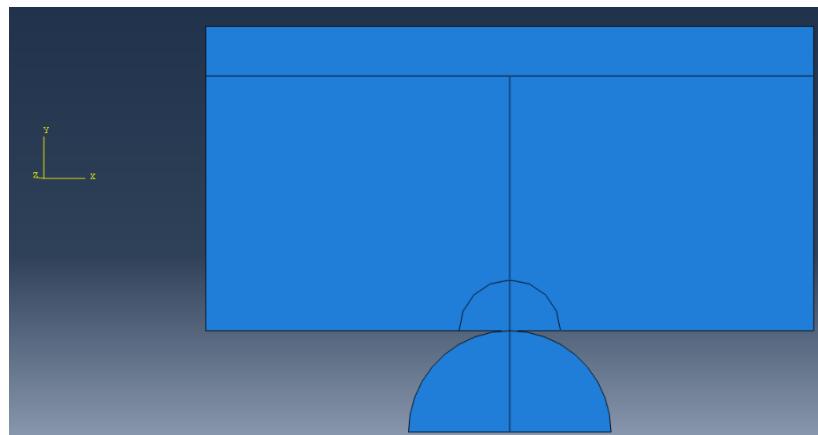
Brojčani iznosi deformacija su prikazani u gornjem lijevom kut radne površine i izgledaju kako je prikazano na slici 48.



Slika 48 - Brojčani prikaz rezultata

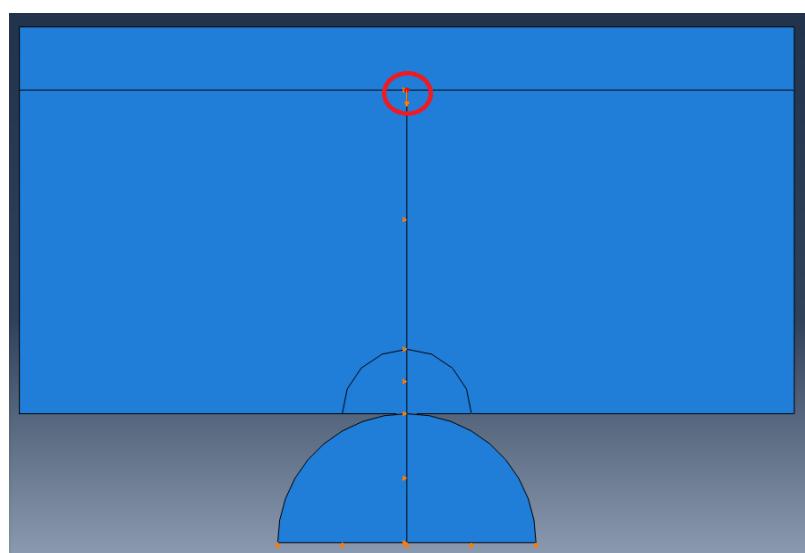
Ovaj isti način izrade se primjenjuje i za drugi model koji se analizira u ovom radu, simulacija deformacija na modelu mjerena valjčića. Kod modela valjčića elementi su polovica valjčića i jedna mjerna kapica. U ovom modelu se opet koristi princip pojednostavljivanja pa se koristi samo polovica stvarnog modela koristeći duplu silu kako bi se dobio isti rezultat.

Elementi modela se nacrtaju, daju im se karakteristike materijala, te se sekcioniraju na potrebnim mjestima na način kako je detaljno opisano u primjeru mjerena unutarnjeg promjera prstena. *Assembly* ovog modela je prikazan na slici 49.



Slika 49 - Model za analizu procesa mjerena vanjskog promjera valjčića

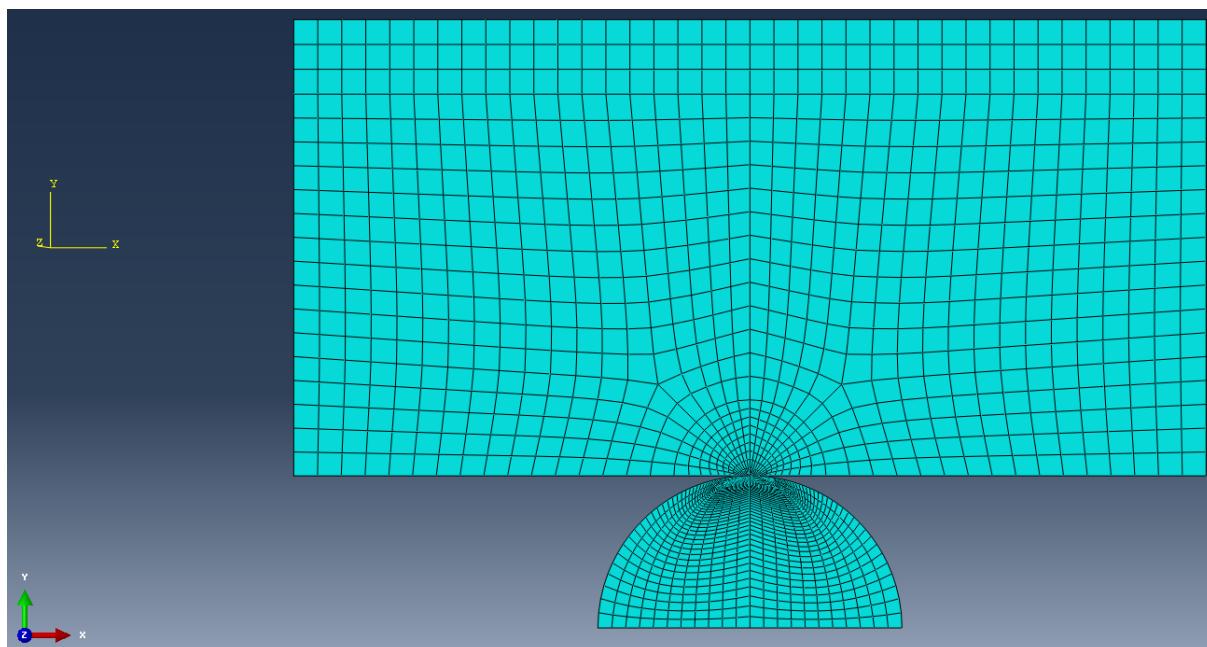
Valjčić i mjerna kapica se dodiruju u jednoj točci pa je partitioniranje opet korisno da bi se označile točke dodira na valjčiću i kapici. Rubni uvjeti su postavljeni tako da se donji rub polovice valjčića ne smije gibati u smjeru osi Y, te tako da središnja linija nema pomaka u smjeru osi X. Na taj način je određen cijeli sustav jer se radi o 2D problemu. Opterećenje se zadaje kao koncentrirana sila u jednoj točci. Kao hvatište sile se odabire presjecište linija označeno na slici 50.



Slika 50 - Hvatište koncentrirane sile

Analizu treba provesti za sile kako je određeno u analitičkom dijelu zadatka, a to su sile od: 1,25 N, 2,65 M i 4,68 N. Nakon svake pojedine analize sa svim zadanim silama treba se promjeniti promjer valjčića. Promjeri valjčića variraju kako je zadano u analitičkom proračunu: 1,1 mm, 2,05 mm i 4 mm. Kod promjene promjera valjčića se ne radi cijeli novi model sa novim elementima, već je dovoljno samo promjeniti veličinu promjera valjčića, ne mijenjajući ostale parametre sustava, osim sile.

Mreža konačnih elemenata se radi otprilike istih proporcija kao i u prethodno opisanom modelu, sa primjenom propagacije sve manjih veličina konačnih elemenata približavanjem točki dodira valjčića i kapice. Mreža konačnih elemenata za ovaj model je prikazana na slici 51.

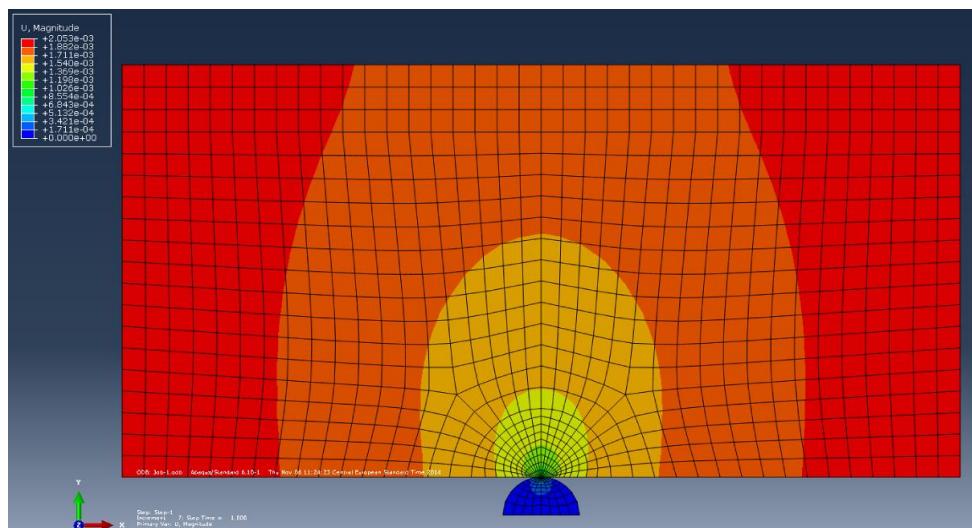


Slika 51 - Mreža konačnih elemenata na modelu mjerjenja vanjskog promjera valjčića

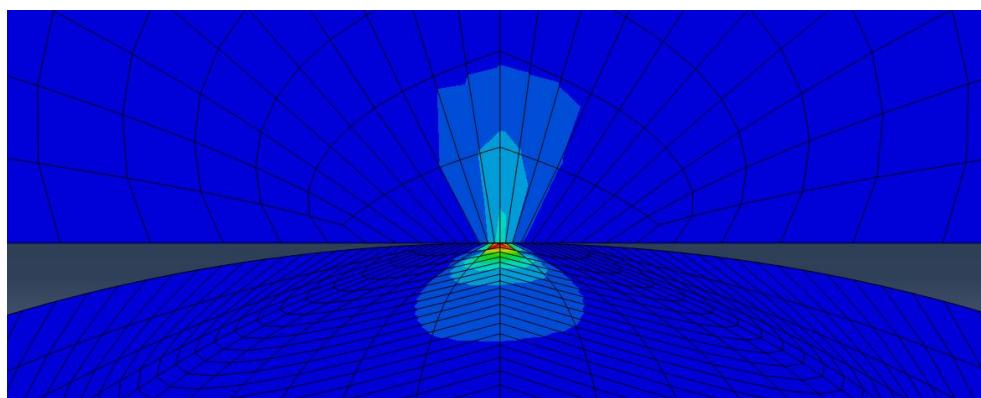
Zbog pravilnosti oblika modela mjerjenja vanjskog promjera valjčića može se napraviti potpuno strukturirana mreža konačnih elemenata. Ova činjenica, međutim, nema nikakvog utjecaja na točnost rezultata, već je više kozmetičke naravi. Druga prednost ovakve raspodjele mreže KE je poklapanje čvorova KE na strani vanjskog ruba valjčića i na strani ruba mjerne kapice.

Kada su određeni rubni uvjeti i opterećenje, može se zadati *Job*, te provesti analiza deformacija i opterećenja. U ovom primjeru se najveće opterećenje očekuje na mjestu dodira kapice i valjčića, dok se najveći pomak očekuje na rubovima kapice. Najveći pomak se očekuje na rubovima kapice jer se na tim mjestima stvara najveći moment. Grafički rezultati simulacije su prikazani na slikama 52 i 53.

Prema očekivanjima najveći pomaci se javljaju uz rubove mjerne kapice, a najveće deformacije na mjestu dodira mjerne kapice i valjčića.



Slika 52 - Pomaci na modelu mjerjenja valjčića nastali uslijed djelovanja mjerne sile

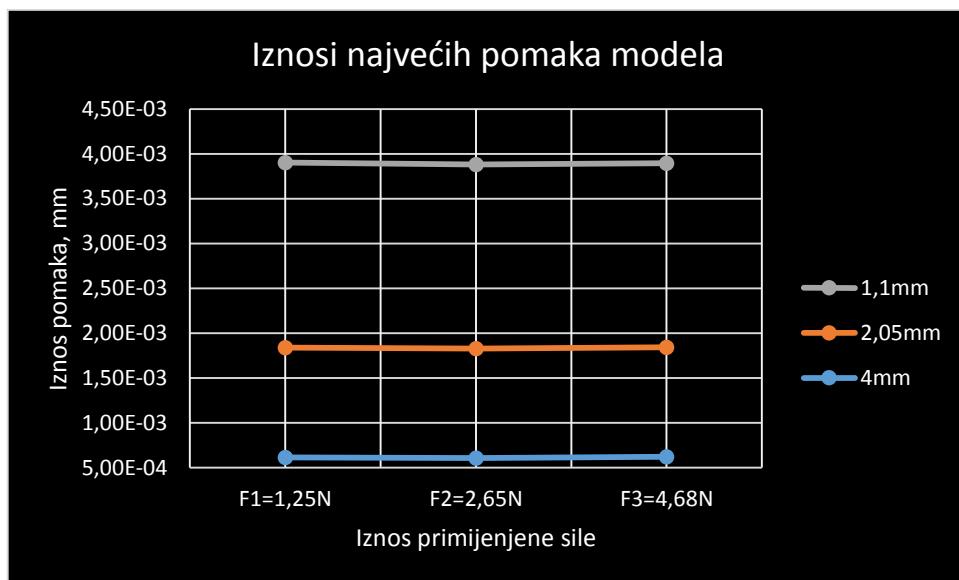


Slika 53 - Najveća naprezanja na modelu mjerjenja valjčića

Vrijednosti najvećih pomaka su prikazane u tablici 7, te u grafovima na slici 54.

Tablica 7 - Vrijednosti najvećih pomaka u smjerovima X (U1) i Y (U2) osi te ukupno

Magnitude	4 mm	2,05 mm	1,1 mm
	Iznos deformacije, mm		
F1 = 1,25 N	6,17E-04	6,09E-04	6,23E-04
F2 = 2,65 N	1,22E-03	1,22E-03	1,22E-03
F3 = 4,68 N	2,06E-03	2,05E-03	2,05E-03
U1			
F1 = 1,25 N	-4,29E-04	-4,13E-05	-4,15E-05
F2 = 2,65 N	-9,45E-04	8,75E-05	8,76E-05
F3 = 4,68 N	-1,55E-04	1,54E-04	1,54E-04
U2			
F1 = 1,25 N	-6,15E-04	-6,08E-04	-6,22E-04
F2 = 2,65 N	-1,22E-03	-1,22E-03	-1,22E-03
F3 = 4,68 N	-2,06E-03	-2,04E-03	-2,05E-03



Slika 54 - Najveći pomaci modela mjerjenja valjčića

Iz priloženih se rezultata vidi da promjena primijenjene mjerne sile nema gotovo nikakvog utjecaj na promjenu iznosa pomaka. Isto tako je vidljiv trend povećanja pomaka sa smanjenjem promjera mjerenovaljčića za isti iznos primijenjene mjerne sile. Također iznos povećanja se smanjuje za isti koeficijent neovisno o iznosu sile. Kada bi se provele daljnje analize sa drugim promjerima i silama mogao bi se očekivati jednaki trend povećanja, odnosno smanjenja pomaka.

4. Provedba eksperimentalnih mjerena

U ovom poglavlju se opisuje provedba eksperimentalnih mjerena, korištena oprema i dobiveni rezultati.

Nakon izrade simulacijskog i analitičkog modela treba se izraditi i fizički model mjerena. Fizička mjerena se provode na modelu mjerena vanjskog promjera valjčića. Da bi se mogla provesti usporedba svih dobivenih rezultata potrebno je imati i treću, odnosno eksperimentalnu verziju. Na temelju ovog seta rezultata će se donijet konačni zaključak o smislenosti i mogućnosti izvedbe simulacijskih analiza u programskom paketu Abaqus, odnosno o točnosti analitičkih izračuna.

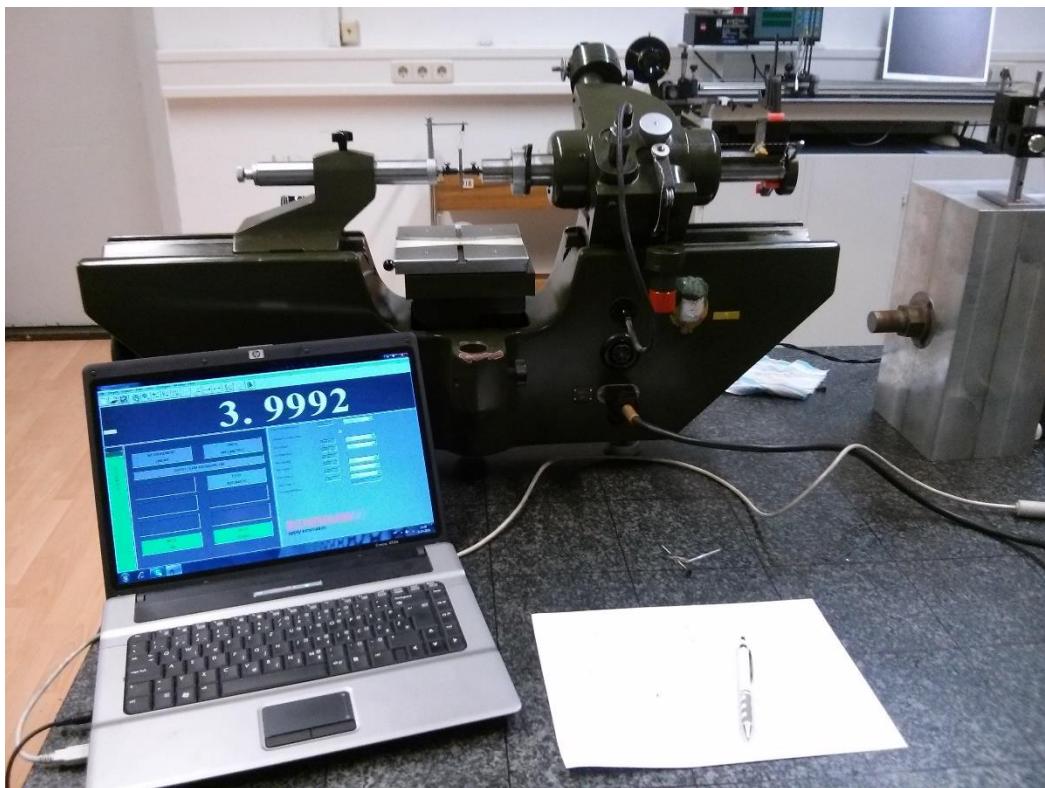
Sustav za mjerjenje vanjskog promjera mjernih valjčića sačinjava se od univerzalnog mjernog uređaja proizvođača Carl Zeiss (slika 55), interferometra Renishaw (slika 56), računala, seta mjernih valjčića (slika 57) i mramornog mjernog stola (slika 55).



Slika 55 - Fizički sustav mjerena vanjskog promjera; Stol, Univerzalni mjerni uređaj, Interferometar Renishaw, Računalo, Mjerni valjčići

4.1. Fizički model za mjerjenje vanjskog promjera mjernih valjčića

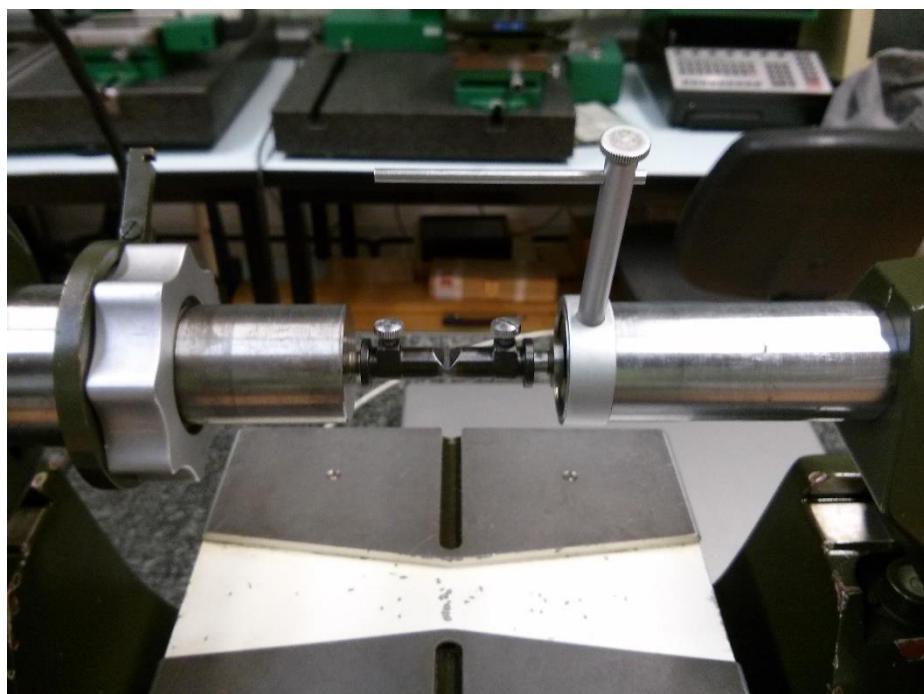
Univerzalni mjerni uređaj proizvođača Carl Zeiss (slika 56) se odabire zbog izuzetno krutosti sustava koju posjeduje. Područje mjerjenja je u mikrometarskom području te je stoga potreban izuzetno precizan mjerni uređaj koji će imati što manje oscilacije u rezultatima mjerena. Mjerni uređaj je postavljen na mramornu mjernu ploču koja mora biti postavljena horizontalno. Oko mjesta postavljanja mjernog sustava ne smiju postojati nikakvi uzroci vibracija koji bi mogli utjecati na mjerena. Čak i najmanje vibracije mogu uzrokovati varijacije u mjernim rezultatima te je stoga prilikom mjerjenja potrebno svesti kretanje oko postava mjernog sustava na minimum. Sljedeći nužan uvjet koji mora biti ispunjen kako bi mjerena bila ispravna je konstantna temperatura u prostoriji u kojoj se mjerjenje provodi. Sobna temperatura mora iznositi 20°C . Promjena temperature od samo nekolika stupnjeva Celzijevih može rezultirati proširivanjem ili stezanjem materijala valjčića i/ili mjernih kapica do $\approx 1 \mu\text{m}$. Ako se uzme u obzir da očekivane deformacije koje nastaju utjecajem mjerne sile iznose između $0,1 \mu\text{m} - 2 \mu\text{m}$, onda je lako vidljivo zašto je važno održavati konstantu temperaturu prostorije. Na mjernom uređaju se može podešavati mjerna sila. Mjerne sile koje će se primjenjivati su one s kojima je rađen analitički proračun i simulacija, dakle 1,25 N, 2,65 N i 4,68 N. Mogućnost promjene mjerne sile na ovom uređaju je ograničena na ove zadane vrijednosti pa se stoga prvo provedlo ispitivanje mjernih sila, koje su tek nakon toga bile primijenjene u analitičkom računu i simulacijskom modelu.



Slika 56 - Univerzalni mjerni uređaj

Mjerna sila se mijenja dodavanjem ili micanjem utega na pomičnu os mjernog uređaja. Kako je ovo jednodimenzionalni mjerni uređaj mjerena se provode samo u jednoj osi, sa jednom pomičnom i jednom nepomičnom stranom. Kako je već opisano, na pomičnoj strani su obješeni utezi koji uzrokuju mjernu силу. Prije početka mjerena se mora izmjeriti masa svakog pojedinog utega koji se koristi u procesu mjerena kako bi se osigurala točnost dobivenih rezultata.

Na univerzalni mjerni uređaj se stavljuju ravne mjerne kapice izrađene od kaljenog čelika. Prije početka mjerena potrebno je provesti kalibraciju mjernog sustava, a to uključuje i postavljanje mjernih kapica u pravilni položaj. Mjerne kapice (slika 57) moraju biti paralelne u smjeru sve tri koordinatne osi, te moraju biti na jednakoj visini.



Slika 57 - Mjerne kapice

4.2. Način mjerena nastalih pomaka i deformacija

U svrhu dobivanja rezultata, na mjerni uređaj je ugrađen laserski interferometar proizvođača Renishaw. Univerzalni mjerni uređaj na sebi ima ugrađen mjerni sustav koji nije dovoljno osjetljiv za s obzirom na rezultate koji se kreću u veličinama od nekoliko desetinki mikrometra te je stoga potrebno ugrađivanje preciznijeg mjernog sustava poput interferometra (slika 58).



Slika 58 – Laserski interferometar, Izvor svjetlosti/detektor

Interferometar se sastoji od izvora svjetlosti (laser, slika 58), zrcala, interferometra i detektora. Iz izvora svjetlosti zraka dolazi na djelitelj snopa koji dio svjetlosti propušta prema zrcalu, a dio vraća prema detektoru. Zraka svjetlosti koja se reflektirala od zrcala vraća se na djelitelj snopa te odlazi u detektor gdje se uspoređuje sa referentnom zrakom. Razlike u valnoj duljini dvaju snopa svjetlosti daju informaciju o duljini, širini ili visini predmeta koji se mjeri. Na ovaj način se mogu dobiti mjerena u području ispod $0,1 \mu\text{m}$. Interferometar je spojen preko USB veze s laptopom na kojem se preko programske pakete prikazuju rezultati mjerena (slika 56).

4.3. Mjerni valjčići

Analitičkim se proračunom pokazalo da je najveći utjecaj mjerne sile na mjerenu vanjskog promjera, odnosno kod mjerena mjernih valjčića. Mjerni valjčići (slika 59) su izrađeni od čelične legure opisane u poglavljju 1.3.. Veličine promjera korištenih mjernih valjčića se moraju poklapati sa veličinama promjera mjernih valjčića korištenih u analitičkom proračunu i simulacijskoj analizi u programskom paketu Abaqus. To su valjčići promjera 1,1 mm, 2,05 mm i 4 mm.



Slika 59 - Set mjernih valjčića

4.4. Rezultati mjerjenja

Mjerenje svakog valjčića ponavljalo se 15 puta za istu mjernu silu kako bi se izračunala srednja vrijednost sa standardom devijacijom. Rezultati su prikazani u tablicama 8 – 10.

Tablica 8 - Rezultati mjerjenja valjčića promjera 4 mm

Mjerna sila	Promjer valjčića , mm														
	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N
3,9993	3,9993	3,9998	3,9998	3,9996	3,9998	4,0001	3,9995	3,9995	3,9995	3,9994	3,9994	4,0002	3,9994	3,9994	3,9994
3,9996	3,9998	3,9998	3,9995	3,9994	3,9991	3,9992	3,9991	3,9991	3,9991	3,9993	3,9994	3,9995	3,9994	3,9994	3,9994
3,9995	3,9998	4,0001	3,9995	3,9994	3,9991	3,9992	3,9991	3,9991	3,9991	3,9993	3,9994	3,9995	3,9994	3,9994	3,9995
3,9994	3,9998	4,0002	3,9995	3,9994	3,9991	3,9992	3,9991	3,9991	3,9991	3,9993	3,9994	3,9995	3,9994	3,9994	3,9995
3,9991	3,9992	3,9994	3,9992	3,9991	3,9991	3,9991	3,9991	3,9991	3,9991	3,9993	3,9994	3,9995	3,9994	3,9994	3,9995
3,9993	3,9993	3,9998	3,9998	3,9996	3,9998	4,0001	3,9995	3,9995	3,9995	3,9993	3,9994	4,0002	3,9994	3,9994	3,9995
3,9998	3,9998	4,0001	3,9996	3,9994	3,9991	3,9992	3,9991	3,9991	3,9991	3,9993	3,9994	3,9995	3,9994	3,9994	3,9995
3,9999	3,9999	4,0002	3,9998	3,9996	3,9998	4,0001	3,9997	3,9997	3,9997	3,9995	3,9996	3,9996	3,9995	3,9995	3,9996
3,9990	3,9990	3,9991	3,9990	3,9989	3,9990	3,9991	3,9989	3,9989	3,9989	3,9987	3,9988	3,9990	3,9989	3,9989	3,9990
3,9989	3,9989	3,9991	3,9989	3,9988	3,9989	3,9991	3,9988	3,9988	3,9988	3,9986	3,9987	3,9989	3,9988	3,9988	3,9989
3,9988	3,9988	3,9991	3,9988	3,9987	3,9989	3,9991	3,9988	3,9988	3,9988	3,9986	3,9987	3,9989	3,9988	3,9988	3,9989
3,9987	3,9987	3,9991	3,9987	3,9986	3,9988	3,9990	3,9987	3,9987	3,9987	3,9985	3,9986	3,9988	3,9987	3,9987	3,9988
3,9986	3,9986	3,9990	3,9986	3,9985	3,9987	3,9989	3,9986	3,9986	3,9986	3,9984	3,9985	3,9987	3,9986	3,9986	3,9987
3,9985	3,9985	3,9990	3,9985	3,9984	3,9986	3,9988	3,9985	3,9985	3,9985	3,9983	3,9984	3,9986	3,9985	3,9985	3,9986
3,9984	3,9984	3,9990	3,9984	3,9983	3,9985	3,9987	3,9984	3,9984	3,9984	3,9982	3,9983	3,9985	3,9984	3,9984	3,9985
3,9983	3,9983	3,9990	3,9983	3,9982	3,9984	3,9986	3,9983	3,9983	3,9983	3,9981	3,9982	3,9984	3,9983	3,9983	3,9984
3,9982	3,9982	3,9990	3,9982	3,9981	3,9983	3,9985	3,9982	3,9982	3,9982	3,9980	3,9981	3,9983	3,9982	3,9982	3,9983
3,9981	3,9981	3,9990	3,9981	3,9980	3,9982	3,9984	3,9981	3,9981	3,9981	3,9979	3,9980	3,9982	3,9981	3,9981	3,9982
3,9980	3,9980	3,9990	3,9980	3,9979	3,9981	3,9983	3,9980	3,9980	3,9980	3,9978	3,9979	3,9981	3,9980	3,9980	3,9981
3,9979	3,9979	3,9990	3,9979	3,9978	3,9980	3,9982	3,9979	3,9979	3,9979	3,9977	3,9978	3,9980	3,9979	3,9979	3,9980
3,9978	3,9978	3,9990	3,9978	3,9977	3,9979	3,9981	3,9978	3,9978	3,9978	3,9976	3,9977	3,9979	3,9978	3,9978	3,9979
3,9977	3,9977	3,9990	3,9977	3,9976	3,9978	3,9980	3,9977	3,9977	3,9977	3,9975	3,9976	3,9978	3,9977	3,9977	3,9978
3,9976	3,9976	3,9990	3,9976	3,9975	3,9977	3,9979	3,9976	3,9976	3,9976	3,9974	3,9975	3,9977	3,9976	3,9976	3,9977
3,9975	3,9975	3,9990	3,9975	3,9974	3,9976	3,9978	3,9975	3,9975	3,9975	3,9973	3,9974	3,9976	3,9975	3,9975	3,9976
3,9974	3,9974	3,9990	3,9974	3,9973	3,9975	3,9977	3,9974	3,9974	3,9974	3,9972	3,9973	3,9975	3,9974	3,9974	3,9975
3,9973	3,9973	3,9990	3,9973	3,9972	3,9974	3,9976	3,9973	3,9973	3,9973	3,9971	3,9972	3,9974	3,9973	3,9973	3,9974
3,9972	3,9972	3,9990	3,9972	3,9971	3,9973	3,9975	3,9972	3,9972	3,9972	3,9970	3,9971	3,9973	3,9972	3,9972	3,9973
3,9971	3,9971	3,9990	3,9971	3,9970	3,9972	3,9974	3,9971	3,9971	3,9971	3,9969	3,9970	3,9972	3,9971	3,9971	3,9972
3,9970	3,9970	3,9990	3,9970	3,9969	3,9971	3,9973	3,9970	3,9970	3,9970	3,9968	3,9969	3,9971	3,9970	3,9970	3,9971
3,9969	3,9969	3,9990	3,9969	3,9968	3,9970	3,9972	3,9969	3,9969	3,9969	3,9967	3,9968	3,9970	3,9969	3,9969	3,9970
3,9968	3,9968	3,9990	3,9968	3,9967	3,9969	3,9971	3,9968	3,9968	3,9968	3,9966	3,9967	3,9969	3,9968	3,9968	3,9969
3,9967	3,9967	3,9990	3,9967	3,9966	3,9968	3,9970	3,9967	3,9967	3,9967	3,9965	3,9966	3,9968	3,9967	3,9967	3,9968
3,9966	3,9966	3,9990	3,9966	3,9965	3,9967	3,9969	3,9966	3,9966	3,9966	3,9964	3,9965	3,9967	3,9966	3,9966	3,9967
3,9965	3,9965	3,9990	3,9965	3,9964	3,9966	3,9968	3,9965	3,9965	3,9965	3,9963	3,9964	3,9966	3,9965	3,9965	3,9966
3,9964	3,9964	3,9990	3,9964	3,9963	3,9965	3,9967	3,9964	3,9964	3,9964	3,9962	3,9963	3,9965	3,9964	3,9964	3,9965
3,9963	3,9963	3,9990	3,9963	3,9962	3,9964	3,9966	3,9963	3,9963	3,9963	3,9961	3,9962	3,9964	3,9963	3,9963	3,9964
3,9962	3,9962	3,9990	3,9962	3,9961	3,9963	3,9965	3,9962	3,9962	3,9962	3,9960	3,9961	3,9963	3,9962	3,9962	3,9963
3,9961	3,9961	3,9990	3,9961	3,9960	3,9962	3,9964	3,9961	3,9961	3,9961	3,9959	3,9960	3,9962	3,9961	3,9961	3,9962
3,9960	3,9960	3,9990	3,9960	3,9959	3,9961	3,9963	3,9960	3,9960	3,9960	3,9958	3,9959	3,9961	3,9960	3,9960	3,9961
3,9959	3,9959	3,9990	3,9959	3,9958	3,9960	3,9962	3,9959	3,9959	3,9959	3,9957	3,9958	3,9960	3,9959	3,9959	3,9960
3,9958	3,9958	3,9990	3,9958	3,9957	3,9959	3,9961	3,9958	3,9958	3,9958	3,9956	3,9957	3,9959	3,9958	3,9958	3,9959
3,9957	3,9957	3,9990	3,9957	3,9956	3,9958	3,9960	3,9957	3,9957	3,9957	3,9955	3,9956	3,9958	3,9957	3,9957	3,9958
3,9956	3,9956	3,9990	3,9956	3,9955	3,9957	3,9959	3,9956	3,9956	3,9956	3,9954	3,9955	3,9957	3,9956	3,9956	3,9957
3,9955	3,9955	3,9990	3,9955	3,9954	3,9956	3,9958	3,9955	3,9955	3,9955	3,9953	3,9954	3,9956	3,9955	3,9955	3,9956
3,9954	3,9954	3,9990	3,9954	3,9953	3,9955	3,9957	3,9954	3,9954	3,9954	3,9952	3,9953	3,9955	3,9954	3,9954	3,9955
3,9953	3,9953	3,9990	3,9953	3,9952	3,9954	3,9956	3,9953	3,9953	3,9953	3,9951	3,9952	3,9954	3,9953	3,9953	3,9954
3,9952	3,9952	3,9990	3,9952	3,9951	3,9953	3,9955	3,9952	3,9952	3,9952	3,9950	3,9951	3,9953	3,9952	3,9952	3,9953
3,9951	3,9951	3,9990	3,9951	3,9950	3,9952	3,9954	3,9951	3,9951	3,9951	3,9949	3,9950	3,9952	3,9951	3,9951	3,9952
3,9950	3,9950	3,9990	3,9950	3,9949	3,9951	3,9953	3,9950	3,9950	3,9950	3,9948	3,9949	3,9951	3,9950	3,9950	3,9951
3,9949	3,9949	3,9990	3,9949	3,9948	3,9950	3,9952	3,9949	3,9949	3,9949	3,9947	3,9948	3,9950	3,9949	3,9949	3,9950
3,9948	3,9948	3,9990	3,9948	3,9947	3,9949	3,9951	3,9948	3,9948	3,9948	3,9946	3,9947	3,9949	3,9948	3,9948	3,9949
3,9947	3,9947	3,9990	3,9947	3,9946	3,9948	3,9950	3,9947	3,9947	3,9947	3,9945	3,9946	3,9948	3,9947	3,9947	3,9948
3,9946	3,9946	3,9990	3,9946	3,9945	3,9947	3,9949	3,9946	3,9946	3,9946	3,9944	3,9945	3,9947	3,9946	3,9946	3,9947
3,9945	3,9945	3,9990	3,9945	3,9944	3,9946	3,9948	3,9945	3,9945	3,9945	3,9943	3,9944	3,9946	3,9945	3,9945	3,9946
3,9944	3,9944	3,9990	3,9944	3,9943	3,9945	3,9947	3,9944	3,9944	3,9944	3,9942	3,9943	3,9945	3,9944	3,9944	3,9945
3,9943	3,9943	3,9990</													

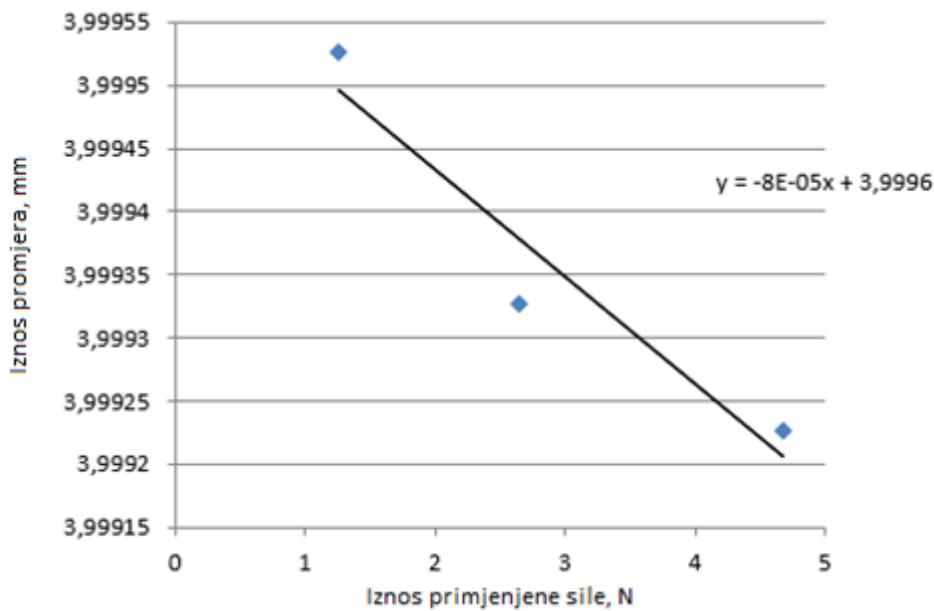
Tablica 9 - Rezultati mjerjenja valjčića promjera 2,05 mm

Mjerna sila	Promjer valjčića , mm				
	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N		
				2,0496	2,0496
			2,0492	2,0495	2,0496
		2,0493	2,0496	2,0497	2,0497
		2,049	2,0494	2,0492	2,0492
		2,0491	2,0493	2,0494	2,0494
		2,0491	2,0494	2,0494	2,0494
		2,0494	2,0494	2,0495	2,0495
		2,0488	2,0489	2,0494	2,0494
		2,0488	2,049	2,0493	2,0493
		2,0487	2,0489	2,049	2,049
		2,0489	2,0491	2,049	2,049
		2,0491	2,049	2,0492	2,0492
		2,0495	2,0495	2,0495	2,0495
		2,0494	2,0494	2,0495	2,0495
		2,0495	2,0496	2,0496	2,0496
		2,0493	2,0494	2,0495	2,0495

Tablica 10 - Rezultati mjerjenja promjera valjčića 1,1 mm

Mjerna sila	Promjer valjčića , mm				
	F1 = 1,25 N	F2 = 2,65 N	F3 = 4,68 N		
				1,0994	1,0994
			1,0992	1,0992	1,0991
			1,0996	1,0998	1,0993
			1,0993	1,0995	1,0992
			1,0992	1,0995	1,0987
			1,0994	1,0999	1,0982
			1,0997	1,0992	1,0984
			1,0982	1,0984	1,0981
			1,0985	1,0986	1,0984
			1,0992	1,0996	1,0986
			1,099	1,0993	1,0987
			1,0991	1,0994	1,0985
			1,0988	1,0989	1,0987
			1,0988	1,099	1,0985
			1,099	1,0994	1,0989
			1,0991	1,0994	1,0989

Na slikama 60 – 62 su prikazani grafovi kretanja srednjih vrijednosti deformacija uzrokovanih primjenom mjerne sile.



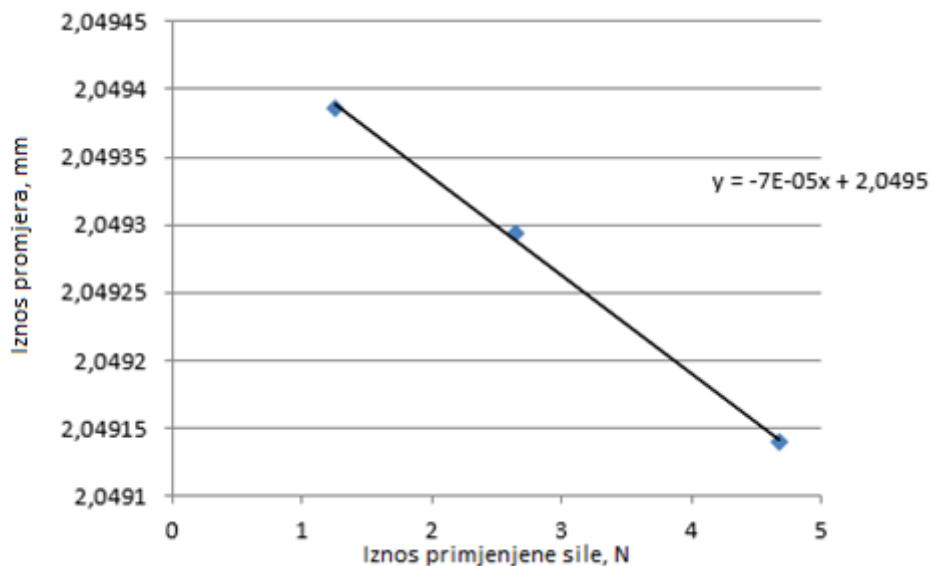
Slika 60 – Graf kretanja vrijednosti deformacija na valjčiću promjera 4 mm

Vrijednost promjera valjčića 4 mm za $F = 0 \text{ N}$:

$$D = 3,999602 \text{ mm}$$

Tablica 11 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 4 mm

F, N	Srednja vrijednost promjera valjčića	A_2, mm	$A_2, \mu\text{m}$
1,25	3,999527	-7,56E-05	-0,07565
2,65	3,999327	-2,76E-04	-0,27565
4,68	3,999227	-3,76E-04	-0,37565



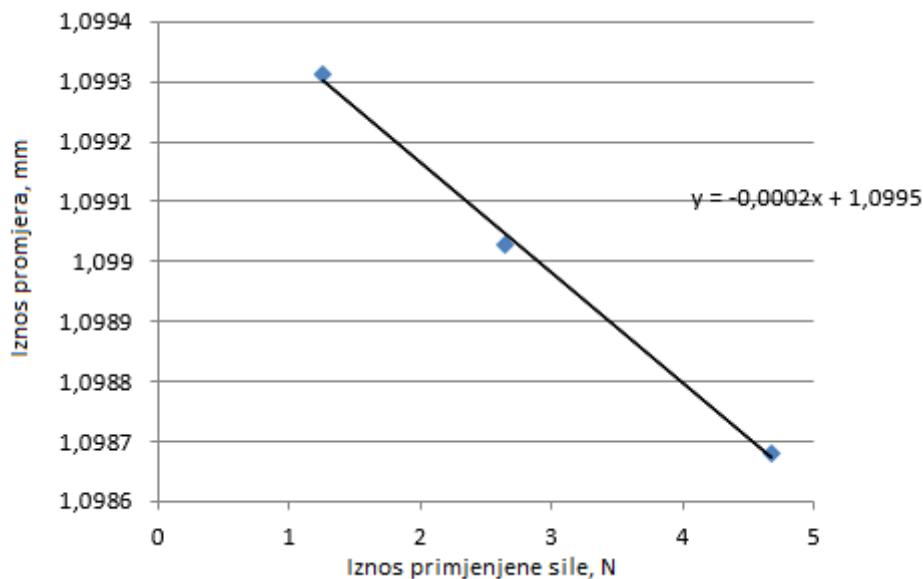
Slika 61 - Graf kretanja deformacija na valjčiću promjera 2,05 mm

Vrijednost promjera valjčića 2,05 mm za $F = 0$ N:

$$D = 2,04948 \text{ mm}$$

Tablica 12 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 2,05 mm

F, N	Srednja vrijednost promjera valjčića	A_2, mm	$A_2, \mu\text{m}$
1,25	2,049387	-9,31E-05	-0,09308
2,65	2,049293	-1,86E-04	-0,18642
4,68	2,04914	-3,40E-04	-0,33975



Slika 62 - Graf kretanja deformacija na valjčiću 1,1 mm

Vrijednost promjera valjčića 1,1 mm za $F = 0$ N:

$$D = 1,099532 \text{ mm}$$

Tablica 13 - Srednje vrijednosti deformacija valjčića promjera 1,1 mm

F, N	Srednja vrijednost promjera valjčića	A_2, mm	$A_2, \mu\text{m}$
1,25	1,099313	-2,19E-04	-0,21858
2,65	1,099027	-5,05E-04	-0,50524
4,68	1,09868	-8,52E-04	-0,85191

5. Usporedba rezultata

Nakon provedbe svih simulacija, eksperimentalnih mjerena, i analitičkih proračuna se izrađuje usporedna tablica sa svim dobivenim podacima. U tablici 14 se nalaze svi dobiveni podaci.

Tablica 14 - Usporedba dobivenih rezultata

Promjer valjčića	Iznos deformacija, mm		
	4 mm	Eksperimentalno, mm	Numeričko rješenje (Abaqus), mm
F1 = 1,25 N	Analitički, mm		
	-7,56E-05	6,17E-04	4,12E-04
	-2,76E-04	1,22E-03	6,81E-04
F2 = 2,65 N	-3,76E-04	2,06E-03	9,95E-04
	2,05 mm		
	-9,31E-05	6,09E-04	5,15E-04
F1 = 1,25 N	-1,86E-04	1,22E-03	8,51E-04
	-3,40E-04	2,05E-03	1,24E-03
	-2,19E-04	6,23E-04	6,34E-04
F2 = 2,65 N	-5,05E-04	1,22E-03	1,05E-03
	-8,52E-04	2,05E-03	1,53E-03
	1,1 mm		

Iz tablice 14 je vidljivo dobro slaganje rezultata dobivenih numeričkom i analitičkom metodom analiziranja. Vrijednosti deformacija dobiveni eksperimentalnom metodom razlikuju se za red veličine od numeričkih i analitičkih rezultata.

6. Zaključak

U radu su provedena istraživanja utjecaja mjerne sile na rezultate mjerjenja vanjskih i unutarnjih promjera. Za odabrane primjere, mjerjenje promjera valjčića, prstena i srednjeg promjera navoja, proveden je analitički proračun očekivanih deformacija na temelju Hertzove teorije elastičnog dodira dvaju tijela. To je model koji je do sada Laboratorij koristio kao mjerodavni prilikom korekcije mjerne sile.

U sljedećem koraku je napravljen računalni model sustava mjerjenja promjera valjčića i promjera prstena u programskom paketu Abaqus primjenom numeričke metode konačnih elemenata.

Eksperimentalno je utvrđen utjecaj mjerne sile na rezultate mjerjenja promjera valjčića. Korišten je jednoosni mjerni uređaj, interferometar i druga mjerna sredstva.

Kao zaključak ovog rada je provedena konačna usporedba svih dobivenih rezultata u 5. poglavlju u kojem se u jednoj tablici uspoređuju rezultati dobiveni svim prethodno navedenim metodama. Usporedba rezultata dobivenih u simulacijskom i analitičkom modelu je pokazala dobro poklapanje vrijednosti, međutim usporedba s vrijednostima rezultata dobivenih u Laboratorijskom mjerjenju pokazuje određena odstupanja.

Razlog odstupanja je najvjerojatnija razlika u materijalu mjernih kapica i mjernih valjčića. Bilo bi realno za zaključiti da su mjerne kapice izrađene od kaljenog čelika i površinski otvrđnute zbog potrebe da budu otporne na trošenje uslijed konstantnog dodira sa drugim tvrdim predmetima (u ovom slučaju valjčićima), dok su valjčići, dokazano u poglavlju 1.3., izrađeni od drugačije čelične legure. U ovom radu se analitički i simulacijski model vode pretpostavkom da su mjerne kapice i valjčići izrađeni od istog materijala, što je u konačnici dovelo do određenih odstupanja u rezultatima u odnosu na rezultate eksperimentalnim mjerjenjima.

Očekuje se da bi slaganje rezultata između eksperimentalnog i analitičko - računalnog modela bilo bolje kada bi se u obzir uzela činjenica da su kapice i valjčići izrađeni iz različitih materijala.

Ovim radom pokazano je da pri mjerenu mjernih valjčića nije potrebno vršiti korekciju s obzirom da se koriste male mjerne sile od 1,25 N – 4,68 N gdje se deformacija kreće ispod 1 μm što je na razini nesigurnosti [8] mjerjenja. Kod mjerjenja srednjeg promjera navoja ova korekcija je reda veličine veća (poglavlje 2.1.) i ovakav eksperiment potrebno bi bilo provesti i na ovom primjeru, iako je mjerjenje navoja puno zahtjevniji mjerni postupak.

7. Literatura

- [1] Microrep – DMS 680 Universal Length Measuring System User Manual
- [2] Šimunović, V., Postupak za umjeravanje graničnih mjerila za unutarnji paralelni simetrični navoj, Zagreb, 2013.
- [3] Baršić, G., Postupak za umjeravanje kontrolnih prstena i graničnih mjerila za osovinu, Zagreb, 2013.
- [4] Baršić, G., Postupak za umjeravanje graničnih mjerila za prvor, Zagreb, 2013.
- [5] <http://www.nist.gov/>
- [6] M. J. Puttock; E. G. Thwaite, Elastic Compression of Spheres and Cylinders at Point and Line Contact, Commonwealth Scientific and Industrial Research Organization, Australia Melbourne 1969.
- [7] Hormoz, Z., Abaqus CAE Contact Tutorial, Portland State University
- [8] Mahović, S., Skripta teorija i tehnika mjerenja, Zagreb