

# Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe

---

Đurasević, Sanijo

Master's thesis / Diplomski rad

2018

Degree Grantor / Ustanova koja je dodijelila akademski / stručni stupanj: **University of Zagreb, Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture / Sveučilište u Zagrebu, Fakultet strojarstva i brodogradnje**

Permanent link / Trajna poveznica: <https://um.nsk.hr/um:nbn:hr:235:939980>

Rights / Prava: [In copyright](#) / [Zaštićeno autorskim pravom.](#)

Download date / Datum preuzimanja: **2024-07-17**

Repository / Repozitorij:

[Repository of Faculty of Mechanical Engineering and Naval Architecture University of Zagreb](#)



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

## DIPLOMSKI RAD

Sanijo Đurasević

ZAGREB, 2018.

SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE

DIPLOMSKI RAD  
OBLIKOVANJE RADNOG KOLA AKSIJALNE PUMPE

Mentor:  
izv. prof. dr. sc. Željko Tuković

Student:  
Sanijo Đurasević

ZAGREB, 2018.

*Želim se zahvaliti profesoru Željku Tukoviću na pruženoj prilici da surađujem s njim. Isto tako zahvaljujem mu se na korisnim savjetima koji su mi uvelike olakšali izradu ovog rada te ujedno proširili znanje u području računalne dinamike fluida.*

*Hvala prijateljima i kolegama koji su mi bili bezuvjetna podrška i s kojima sam proveo lijepo i nezaboravne trenutke tijekom studija.*

*Iskreno se zahvaljujem svojoj djevojci Marti i roditeljima na podršci, razumijevanju i riječima ohrabrenja u trenucima kad je to bilo najpotrebnije.*

*Naposljedku se zahvaljujem svima onima koje nisam spomenuo, a bili su mi potpora tijekom studija.*



## **Izjava**

Izjavljujem da sam ovaj rad radio samostalno koristeći znanja stečena tijekom studija i navedenu literaturu.



SVEUČILIŠTE U ZAGREBU  
**FAKULTET STROJARSTVA I BRODOGRADNJE**



Središnje povjerenstvo za završne i diplomske ispite  
Povjerenstvo za diplomske ispite studija strojarstva za smjerove:  
procesno-energetski, konstrukcijski, brodstrojarski i inženjersko modeliranje i računalne simulacije

Sveučilište u Zagrebu	
Fakultet strojarstva i brodogradnje	
Datum	Prilog
Klasa:	
Ur. broj:	

## DIPLOMSKI ZADATAK

Student: **Sanijo Đurasević**

Mat. br.: 0036465072

Naslov rada na hrvatskom jeziku: **Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe**

Naslov rada na engleskom jeziku: **Design of Axial Flow Pump Impeller**

Opis zadatka:

Za oblikovanje rotorskih lopatica aksijalne pumpe najčešće se koristi metoda uzgonskih sila koja se temelji na primjeni aerodinamičkih karakteristika izoliranih krilnih profila izmjerenih u zračnom tunelu. Iako se u literaturi navodi kako ova metoda daje pouzdane rezultate kada je relativni korak rotorske rešetke veći od jedan, iskustvo pokazuje da jedino poznavanje aerodinamičkih karakteristika prave profilne rešetke omogućava pouzdano oblikovanje rotora aksijalne pumpe bez suvišnih korekcija. Na žalost primjena metode koja se temelji na upotrebi aerodinamičkih karakteristika pravih profilnih rešetki ograničena je zbog neraspoloživosti odgovarajućih experimentalnih podataka.

U sklopu diplomskog rada potrebno je usporediti gore nevedene metode za oblikovanje rotora aksijalne pumpe na način da se aerodinamičke karakteristike izoliranog krilnog profila i prave profilne rešetke odrede primjenom numeričke simulacije strujanja. Hidrodinamičke karakteristike tako dobivene dvije varijante aksijalne pumpe istih projektnih parametara treba odrediti numeričkom simulacijom strujanja, te na temelju usporedbe rezultata ocijeniti kvalitetu primijenjenih metoda za oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe.

U radu je potrebno navesti korištenu literaturu i eventualno dobivenu pomoć.

Zadatak zadan:

3. svibnja 2018.

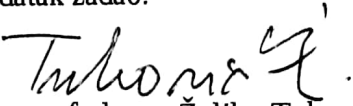
Datum predaje rada:

5. srpnja 2018.

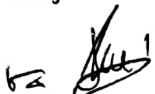
Predviđeni datum obrane:

11., 12. i 13. srpnja 2018.

Zadatak zadao:

  
Izv. prof. dr. sc. Željko Tuković

Predsjednica Povjerenstva:

  
Prof. dr. sc. Tanja Jurčević Lulić

# Sadržaj

Sadržaj	v
Popis slika	viii
Popis tablica	xi
Popis oznaka	xii
Sažetak	xiv
Summary	xv
<b>1. Uvod</b>	<b>1</b>
1.1. Turbostrojevi . . . . .	1
1.2. Pumpe . . . . .	2
1.3. Specifična brzina . . . . .	5
1.4. Opis i klasifikacija aksijalnih pumpi . . . . .	6
<b>2. Kinematika strujanja</b>	<b>8</b>
2.1. Strujanje u aksijalnoj pumpi . . . . .	8
2.2. Karakteristične veličine profilne rešetke, trokuti brzina, osnovna jednadžba aksijalne pampe . . . . .	11
2.3. Međudjelovanje sila između ravne profilne rešetke i struje fluida . . . . .	16
2.4. Hidraulički stupanj korisnosti i koeficijent opterećenja profilne rešetke . . . . .	24

2.5. Gubici energije kod aksijalnih pumpi . . . . .	25
<b>3. Proračun radnog kola aksijalne pumpe</b>	<b>27</b>
3.1. Osnovni konstrukcijski parametri radnog kola . . . . .	27
3.2. Osnovna svojstva krilnog profila . . . . .	32
3.3. Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe po metodi uzgonskih sila . . . . .	38
3.4. Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe pomoću hidrodinamičkih karakteristika ravne profilne rešetke . . . . .	43
<b>4. Numerički model</b>	<b>45</b>
4.1. Metoda kontrolnih volumena . . . . .	45
4.1.1. Opća skalarna transportna jednažba . . . . .	46
4.1.2. Diskretizacija opće skalarne transportne jednažbe . . . . .	47
4.1.3. Rješavanje sustava jednažbi . . . . .	48
4.2. Matematički model . . . . .	49
4.2.1. Modeliranje turbulencije . . . . .	49
4.2.2. $k - \omega$ SST model turbulencije . . . . .	51
4.2.3. Metoda pokretnog koordinatnog sustava (eng. Moving Reference Frame-MRF) . . . . .	52
4.2.4. Rubni uvjeti . . . . .	52
4.2.5. Modeliranje graničnog sloja . . . . .	53
<b>5. Numerički proračun</b>	<b>54</b>
5.1. Geometrija radnog kola aksijalne pumpe oblikovana metodom uzgonskih sila . . . . .	55
5.2. Geometrija radnog kola aksijalne pumpe oblikovana pomoću karakteristika ravne profilne rešetke . . . . .	65
5.3. Numerički proračun i usporedba rezultata . . . . .	72
5.3.1. Prostorna diskretizacija i rubni uvjeti . . . . .	73
5.3.2. Rješenja numeričkih simulacija . . . . .	77

*SADRŽAJ*

vii

**6. Zaključak**

**85**

**Literatura**

**86**

# Popis slika

1.1	Trokut brzina . . . . .	3
1.2	Aksijalna pumpa[7] . . . . .	7
2.1	Profilna rešetka . . . . .	9
2.2	Komponente apsolutne brzine . . . . .	11
2.3	Trokuti brzina u profilnoj rešetki . . . . .	12
2.4	Trokuti brzina u profilnoj rešetki-zajedno . . . . .	13
2.5	Cirkulacija brzine . . . . .	15
2.6	Sile na usamljeni profil . . . . .	16
2.7	Dijagram ovisnosti koeficijenta uzgona o napadnom kutu . . . . .	18
2.8	Dijagram ovisnosti koeficijenta otpora o napadnom kutu . . . . .	19
2.9	Dijagram ovisnosti koeficijenta uzgona o koeficijentu otpora . . . . .	19
2.10	Dijagram ovisnosti omjera koeficijenta uzgona i koeficijenta otpora o napadnom kutu . . . . .	20
2.11	Skica profilne rešetke za određivanje sila koje djeluju na profil u rešetki . . . . .	21
3.1	Bezdimenzijski koeficijenti aksijalne pumpe[2] . . . . .	30
3.2	Strujanje oko krilnog profila[2] . . . . .	32
3.3	Relativni korak $t/l$ na pojedinom presjeku . . . . .	34
3.4	Duljina tetive $l$ na pojedinom presjeku . . . . .	35
3.5	Maksimalna debljina profila $\delta$ na pojedinom presjeku . . . . .	35
3.6	Korak $t$ na pojedinom presjeku . . . . .	36
3.7	Smještanje profila u prostoru (tlocrt) . . . . .	36
3.8	Smještanje profila u prostoru (nacrt) . . . . .	37
3.9	Smještanje profila u prostoru (izometrija) . . . . .	37

3.10	Grafičko određivanje napadnog kuta $\alpha_\infty$ u ovisnosti o kvaliteti profila . . .	39
3.11	Promjena relativne debljine lopatice $\delta_{max}/l$ . . . . .	40
3.12	Dijagram toka oblikovanja lopatice radnog kola metodom uzgonskih sila .	42
3.13	Dijagram toka oblikovanja lopatice radnog kola metodom poznavanja karakteristika ravne profilne rešetke . . . . .	44
4.1	Kontrolni volumen . . . . .	46
4.2	Energetska kaskada . . . . .	50
4.3	Turbulentni granični sloj . . . . .	53
5.1	Kutevi $\beta_1, \beta_2$ i $\beta_\infty$ u ovisnosti o polumjeru $r$ . . . . .	55
5.2	Relativne brzine $w_1, w_2$ i $w_\infty$ u ovisnosti o polumjeru $r$ . . . . .	56
5.3	Diskretizirana domena oko krilnog profila (metoda uzgonskih sila) . . . .	57
5.4	Detalji diskretizacije domene oko napadnog i izlaznog brida profila (metoda uzgonskih sila) . . . . .	58
5.5	Diskretizirana domena oko krilnog profila (metoda uzgonskih sila) . . . .	58
5.6	Raspodjela brzine i koeficijenta tlaka oko krilnog profila za presjek kod glavčine (metoda uzgonskih sila) . . . . .	59
5.7	Ovisnost promjene napadnog kuta $\alpha_\infty$ i kuta postave $\beta_p$ o polumjeru $r$ .	61
5.8	Kvaliteta profila $\tan \varepsilon = F_D/F_L$ . . . . .	61
5.9	Promjena relativne debljine profila $\delta/l$ . . . . .	62
5.10	$w_2/w_1$ u ovisnosti o polumjeru $r$ . . . . .	62
5.11	$c_m/c_{2u}$ u ovisnosti o polumjeru $r$ . . . . .	63
5.12	Geometrija lopatice oblikovana metodom uzgonskih sila (NACRT) . . . .	64
5.13	Geometrija lopatice oblikovana metodom uzgonskih sila (TLOCRT) . . .	64
5.14	Diskretizirana domena oko krilnog profila (profilna rešetka) . . . . .	66
5.15	Detalji diskretizacije domene oko napadnog i izlaznog brida profila (profilna rešetka) . . . . .	66
5.16	Diskretizirana domena oko krilnog profila (profilna rešetka) . . . . .	67
5.17	Konture brzine oko profila uz glavčinu (profilna rešetka) . . . . .	68
5.18	Konture koeficijenta tlaka $C_p$ oko profila uz glavčinu (profilna rešetka) . .	68
5.19	Kut postave profila dobiven metodom uzgonskih sila i pomoću ravne profilne rešetke . . . . .	70
5.20	Relativna razlika kuteva postave profila . . . . .	70

5.21 Geometrija lopatice (profilna rešetka)(NACRT) . . . . .	71
5.22 Geometrija lopatice (profilna rešetka) (TLOCRT) . . . . .	71
5.23 Prikaz proračunske domene (IZOMETRIJA) . . . . .	72
5.24 Prikaz proračunske domene (NACRT) . . . . .	72
5.25 Diskretizirana proračunska domena . . . . .	74
5.26 Diskretizirana proračunska domena-detalj . . . . .	74
5.27 Konformnost mreže na dodiru dvije zone . . . . .	75
5.28 $Q - H$ krivulje radnih kola . . . . .	79
5.29 $Q - P$ krivulje radnih kola . . . . .	79
5.30 $Q - \eta$ krivulje radnih kola . . . . .	80
5.31 Relativna razlika visina dobave radnih kola . . . . .	80
5.32 Konture apsolutne brzine i totalnog tlaka (metoda uzgonskih sila) . . . . .	81
5.33 Konture apsolutne brzine i totalnog tlaka (profilna rešetka) . . . . .	82
5.34 Konture statičkog tlaka na lopatici-metoda uzgonskih sila (lijevo) i pro- filna rešetka (desno) . . . . .	82
5.35 Vektori relativne brine na presjeku uz glavčinu (metoda uzgonskih sila) . . . . .	83
5.36 Vektori relativne brine na presjeku kod vrha lopatice (metoda uzgonskih sila) . . . . .	83
5.37 Vektori relativne brine na presjeku uz glavčinu (profilna rešetka) . . . . .	84
5.38 Vektori relativne brine na presjeku kod vrha lopatice (profilna rešetka) . . . . .	84



# Popis tablica

1.1	Tri najčešće korištene definicije specifične brzine . . . . .	5
1.2	Podjela pumpi prema brzohodnosti [1] . . . . .	5
3.1	Broj lopatica radnog kola aksijalne pumpe[2] . . . . .	29
5.1	Karakteristike pumpe . . . . .	54
5.2	Podaci za ulazne i izlazne trokute brzina . . . . .	56
5.3	Rubni uvjeti za $p$ i $u$ (metoda uzgonskih sila) . . . . .	59
5.4	Rubni uvjeti za $k$ , $\omega$ i $nut$ (metoda uzgonskih sila) . . . . .	59
5.5	Iznosi koeficijenta uzgona $c_L$ . . . . .	60
5.6	Iznosi kuteva $\alpha_\infty$ i $\beta_p$ . . . . .	60
5.7	Rubni uvjeti za $p$ i $u$ (profilna rešetka) . . . . .	67
5.8	Rubni uvjeti za $k$ , $\omega$ i $nut$ (profilna rešetka) . . . . .	67
5.9	Iznosi kuteva $\beta_{pr}$ i $\beta_{pu}$ . . . . .	69
5.10	Rubni uvjeti za $p$ i $u$ (3D proračun) . . . . .	76
5.11	Rubni uvjeti za $k$ , $\omega$ i $nut$ (3D proračun) . . . . .	77
5.12	Rješenja numeričkih simulacija (metoda uzgonskih sila) . . . . .	78
5.13	Rješenja numeričkih simulacija (profilna rešetka) . . . . .	78

# Popis oznaka

$F_D$	Sila otpora . . . . .	17
$F_L$	Sila uzgona . . . . .	17
$H$	Visina dobave pumpe . . . . .	4
$H_t$	Teoretska visina dobave pumpe . . . . .	4
$Y$	Specifična energija dobave pumpe . . . . .	3
$Y_t$	Specifična teoretska energija dobave pumpe . . . . .	4
<b>c</b>	Apsolutna brzina . . . . .	3
$c_D$	Koeficijent sile otpora . . . . .	17
$c_L$	Koeficijent sile uzgona . . . . .	17
$c_{Lr}$	Koeficijent uzgona rešetke . . . . .	24
$c_M$	Koeficijent momenta . . . . .	17
$c_m$	Meridionalna brzina strujanja . . . . .	6
$c_u$	Obodna komponenta apsolutne brzine . . . . .	6
$d_1$	Promjer korijena radnog kola . . . . .	28
$d_2$	Promjer vrha radnog kola . . . . .	28
$l$	Duljina tetive profila . . . . .	12
$n_q$	Specifična brzina . . . . .	5
<b>u</b>	Obodna brzina . . . . .	3
$p_{tot}$	Totalni tlak . . . . .	68
<b>w</b>	Relativna brzina . . . . .	3
$t$	Korak rešetke . . . . .	12
$\bar{t}$	Relativni korak rešetke . . . . .	31
$\bar{t}$	Relativni korak . . . . .	12
$z_k$	Broj lopatica radnog kola . . . . .	12
$\alpha$	Kut apsolutne brzine . . . . .	3

$\beta$	Kut relativne brzine . . . . .	3
$\beta_l$	Kut profila . . . . .	12
$\beta_p$	Kut postave profila . . . . .	12
$\eta_h$	Hidraulička iskoristivost . . . . .	4
$\eta_m$	Mehanička iskoristivost . . . . .	4
$\eta_t$	Ukupna iskoristivost . . . . .	4
$\eta_v$	Volumenska iskoristivost . . . . .	4
$\varphi$	Koeficijent toka . . . . .	28
$\Gamma_k$	Cirkulacija brzine oko svih profila u rešetki . . . . .	15
$\Gamma_l$	Cirkulacija brzine oko jednog profila . . . . .	15
$\nu$	Omjer promjera vrha i korijena radnog kola . . . . .	28
$\omega$	Kutna brzina . . . . .	3
$\psi$	Koeficijent visine dobave . . . . .	28
$\tau$	Gustoća rešetke . . . . .	12

## Indeksi

2	Izlazni brid lopatice rotora . . . . .	3
1	Ulazni brid lopatice rotora . . . . .	3

## Kratice

BEP	Best Efficiency Point . . . . .	5
SIMPLE	Semi Implicit Method for Pressure Linked Equations . . . . .	43

# Sažetak

U ovom radu su opisane i primijenjene dvije metode hidrauličkog proračuna radnog kola aksijalne pumpe: metoda uzgonskih sila i metoda ravne profilne rešetke. Za provedbu proračuna su korišteni programski paketi *Python*, *gms* i *OpenFOAM*. Hidrodinamičke karakteristike krilnih profila za oblikovanje lopatica radnog kola određene su numeričkim simulacijama strujanja fluida u *OpenFOAM*u, a proračunska mreža je napravljena u programskom paketu *gms*. Konačni oblik lopatice je definiran u programskom paketu *Python*. Cijeli postupak proračuna je automatiziran. Kako bi se provjerila točnost proračuna, provedene su numeričke simulacije strujanja fluida kroz pumpu. Korišten je proračun strujanja fluida pomoću metode pokretnog koordinatnog sustava. Rezultati numeričkog proračuna pokazuju da metoda ravne profilne rešetke daje točnije rezultate u odnosu na metodu uzgonskih sila. Rezultati simulacija također pokazuju da oba radna kola aksijalne pumpe dobivena provedenim hidrauličkim proračunom postižu veću visinu dobave od zadane.

**Ključne riječi:** aksijalna pumpa, proračun aksijalne pumpe, *OpenFOAM*, *gms*, *Python*

# Summary

Two procedures for the hydrodynamic calculation of the rotor of axial flow pump has been described and applied in this thesis: buoyancy forces method and cascade method. Calculations were performed using *Python*, *gmsh* and **OpenFOAM** program packages. The required characteristics for shaping the rotor blades are determined by numerical fluid flow simulations in **OpenFoam**, and the mesh is made in the gmsh program package *gmsh*. The final shape of the blade is defined in *Python*. The entire calculation process is automated. In order to check the accuracy of the calculation, a simulation of fluid flow through the pump was carried out. Fluid flow calculation was performed using the Multiple Reference Frame approach. The results of the numerical calculation show that the cascade method gives more accurate results than the buoyancy forces method. The results of the numerical calculation show that the required hydraulic characteristics for both of the axial pump rotors have been met.

**Keywords:** axial pump, calculation of axial pump, **OpenFOAM**, *gmsh*, *Python*

# Poglavlje 1.

## Uvod

U prvom poglavlju ukratko su opisani su osnovni pojmovi koje je nužno poznavati za razumijevanje navedene teme. Prvo potpoglavlje bazira se na općenitom opisu turbostrojeva. Drugo potpoglavlje bazira se na kratkom opisu pumpi i osnovnih principa rada pumpi. U trećem potpoglavlju objašnjen je pojam brzohodnosti i prikazana je podjela pumpi prema brzohodnosti.

### 1.1. Turbostrojevi

Turbostrojevi su rotacijski strojevi koji energiju fluida, koji struji iz područja višeg tlaka u područje nižeg tlaka, pretvaraju u mehanički rad rotora odnosno, obrnuto mehanički rad doveden na rotor turbostroja pretvaraju u strujanje fluida iz prostora s nižim u prostor s višim tlakom. Turbostrojevi koji predaju energiju fluidu nazivju se radni strojevi, a oni koji energiju fluida pretvaraju u mehanički rad nazivaju se pogonski strojevi. U pogonske strojeve se svrstavaju:

- vodne turbine
- plinske turbine
- parne turbine
- vjetroturbine

U radne strojeve se svrstavaju:

- pumpe
- ventilatore
- kompresore

Ovisno o vrsti fluida te razlikama tlakova koji se javljaju u turbostroju razlikuju se stlačivo i nestlačivo strujanje. Nestlačivo strujanje javlja se kod strojeva koji rade s kapljevitim fluidima poput vodenih turbina i pumpi te kod turbostrojeva kod kojih se gustoća radnog fluida ne mijenja značajno ( $\rho = konst$ ). Stlačivo strujanje javlja se kod strojeva s plinovitim radnim fluidom kao što su parne i plinske turbine, kompresori te mlazni motori.

Ovisno o smjeru strujanja radnog fluida može se razlikovati dva osnovna tipa turbostrojeva:

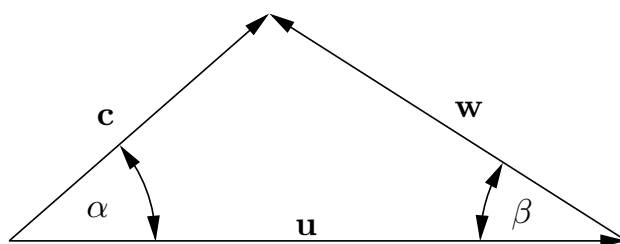
- radijalni turbostrojevi
- aksijalni turbostrojevi
- poluaksijalni turbostrojevi

## 1.2. Pumpe

Pumpe su hidraulički strojevi u kojima se energija predaje radnom fluidu putem pokretnih dijelova koji su sastavni dio pumpe. Prema načinu kako predaju energiju fluidu pumpe se mogu podijeliti na volumetričke i dinamičke. Volumetričke pumpe rade na volumetričkom principu koji karakterizira periodičko strujanje fluida kroz pumpu. Dinamičke pumpe rade po osnovnim principima koji vrijede za turbostrojeve. Najčešće dinamičke pumpe su turbopumpe i one rade prema zakonu očuvanja količine gibanja. U takvim pumpama dolazi do pojave uzajamnog djelovanja između lopatica radnog kola i fluida koji kroz njih struji. Radno kolo vrši rotacijsko kretanje s određenom kutnom brzinom te predaje energiju fluidu koji kroz njega struji i kontinuirano ga premješta od ulaza do izlaza. Svrha pumpi je povećanje brzine i tlaka, odnosno samo tlaka ili brzine fluida na način da pretvaraju mehanički rad u energiju tlaka i kinetičku energiju.

Pumpe nalaze brojne primjene te su danas na drugom mjestu po zastupljenosti od svih strojeva.

Strujanje u pumpi opisuje se pomoću relativnog i apsolutnog koordinatnog sustava. Brzina unutar apsolutnog koordinatnog sustava naziva se apsolutna brzina i označava se slovom  $\mathbf{c}$ . Brzina unutar relativnog koordinatnog sustava označava se slovom  $\mathbf{w}$ . Relativni koordinatni sustav rotira kutnom brzinom  $\omega$  u odnosu na apsolutni koordinatni sustav. Brzina rotacije relativnog koordinatnog sustava opisuje se pomoću obodne brzine  $\mathbf{u}$ . Obodna brzina može se izraziti relacijom  $\mathbf{u} = \omega \times \mathbf{r}$ . Navedene brzine se najčešće prikazuju pomoću trokuta brzina prikazanog na slici 1.1. Kod pumpi uvode se dodatni indeksi pomoću kojih se zna pripada li trokut brzina ulazu ili izlazu iz rotora. Indeksi 1 i 2 označavaju ulaz i izlaz iz rotora. Kutevi  $\alpha$  i  $\beta$  predstavljaju kuteve apsolutne i relativne brzine u odnosu na obodnu brzinu  $\mathbf{u}$ .



Slika 1.1: Trokut brzina

Radne krivulje pumpi su obično  $Q - H$ ,  $Q - \eta$  i  $Q - P$ , gdje je  $H$  visina dobave pumpe,  $\eta$  efikasnost i  $P$  snaga dovedena pumpi. Prema dimenzijskoj analizi krivulje  $Q - H$  i  $Q - \eta$  se mogu dobro aproksimirati parabolom.

Iz jednadžbe momenta količine gibanja (Eulerova jednadžba) može se dobiti Eulerova jednadžba za turbostrojeve:

$$P = M\omega = \rho Q(u_2 c_{2u} - u_1 c_{1u}) \quad (1.1)$$

Jedan od bitnih parametara je i specifična energija dobave pumpe. Ovaj parametar pokazuje koliko je povećanje mehaničke specifične energije fluida od ulaza do izlaza iz pumpe ili radnog kola. Specifična energija dobave pumpe se izražava kao:

$$Y = \frac{p_{2tot} - p_{1tot}}{\rho} = gH \quad (1.2)$$



Visina dobave slijedi iz prethodne jednadžbe:

$$H = \frac{Y}{g} = \frac{p_{2tot} - p_{1tot}}{\rho g} \quad (1.3)$$

Kad je strujanje neviskozno specifična energija dobave pumpe računa se prema:

$$Y_t = \frac{P}{\rho Q} = u_2 c_{2u} - u_1 c_{1u} \quad (1.4)$$

Ako se jednadžba 1.4 podijeli s gravitacijskom konstantom, dobije se teorijska visina dobave:

$$H_t = \frac{Y_t}{g} = \frac{1}{g}(u_2 c_{2u} - u_1 c_{1u}) \quad (1.5)$$

U slučaju aksijalnog ulaza toka u rotor, obodna komponenta apsolutne brzine  $c_{1u}$  jednaka je nuli pa jednadžba 1.5 poprima sljedeći oblik:

$$H_t = \frac{u_2 c_{2u}}{g} \quad (1.6)$$

Teoretska visina dobave u stvarnosti nije ostvariva pošto se dio energije gubi zbog viskoznosti fluida i pojave sekundarnih tokova u međulopatičnim kanalima. Razlika teoretske i realne visine dobave su hidraulički gubici, a definirani su preko hidrauličke iskoristivosti:

$$\eta_h = \frac{H}{H_t} \quad (1.7)$$

Uz hidrauličke javljaju se volumenski i mehanički gubici. Zbog cirkulacije dijela protoka kroz procjepe i brtve radnog kola protok na izlazu iz pumpe nešto je manji od onoga koji je u radnom kolu. Ovaj efekt opisuje se volumenskom iskoristivošću  $\eta_v$ . U mehaničkim gubicima  $\eta_m$  uzima se u obzir razlika snage na izlazu iz motora i rotora, a uglavnom su uzrokovani trenjem. Ukupna iskoristivost  $\eta_t$  je omjer između uložene snage i snage koja je predana fluidu, a definira se kao:

$$\eta_t = \eta_h \eta_v \eta_m \quad (1.8)$$

Hidraulički gubici rastu kvadratno s porastom protoka, a volumenski gubici najmanji su za optimalnu radnu točku. Hidraulički gubici se obično određuju procjenom hidrauličke iskoristivosti.

### 1.3. Specifična brzina

Projektни protok, projektna visina dobave i broj okretaja su veličine koje se zadaju u optimalnoj radnoj točki (eng. BEP Best Efficiency Point). Ovi parametri su povezani preko specifične brzine  $n_q$ . Ovaj parametar ima važnu ulogu u odabiru i konstrukciji pumpe. Definicija specifične brzine izvedena je iz teorije sličnosti. Specifična brzina predstavlja broj okretaja turbostroja koji daje jediničnu visinu dobave (1 m) pri jediničnom protoku (1 m<sup>3</sup>/s). U tablici 1.1 prikazane su definicije tri izraza za specifičnu brzinu [2].

Tablica 1.1: Tri najčešće korištene definicije specifične brzine

Specifična brzina	Definicija	Velicina	Jedinica
Europska definicija	$n_q = n \frac{\sqrt{Q_{opt}/f_q}}{H_{opt}^{0.75}}$	$n$	okr/min
		$Q_{opt}$	m <sup>3</sup> /s
		$H_{opt}$	m
Američka definicija	$N_s = n \frac{\sqrt{Q_{opt}/f_q}}{H_{opt}^{0.75}} = 51.6n_q$	$n$	okr/min
		$Q_{opt}$	gpm
		$H_{opt}$	ft
Bezdimenzijska definicija	$\omega_s = \frac{\omega \sqrt{Q_{opt}/f_q}}{gH_{opt}^{0.75}} = \frac{n_q}{52.9}$	$n$	1/s
		$Q_{opt}$	m <sup>3</sup> /s
		$H_{opt}$	m

Koeficijent  $f_q$  u tablici 1.1 predstavlja način dovođenja fluida u rotor.  $f_q = 1$  za jednostrano dovođenje, a  $f_q = 2$  za dvostrano dovođenje. U tablici 1.2 prikazana je podjela pumpe prema brzohodnosti.

Tablica 1.2: Podjela pumpe prema brzohodnosti [1]

Tip pumpe	Brzohodnost $n_q$
Sporohodna radijalna pumpa	11-22
Srednjehodna radijalna pumpa	22-41
Brzohodna radijalna pumpa	41-82
Poluaksijalna pumpa	82-165
Aksijalna pumpa	165-490

## 1.4. Opis i klasifikacija aksijalnih pumpi

Aksijalne pumpe (slika 1.2) obično se koriste za područje rada gdje je specifična brzina u granicama  $n_q = 165 - 490$ . Često nalaze primjenu i u području  $n_q < 165$ , kao i za  $n_q > 490$  (do 550). Karakteristično svojstvo aksijalnih pumpi je da strujanje u meridionalnoj ravnini u području radnog kola i statora ima aksijalni smjer tj. da je radijalna komponenta apsolutne brzine  $c_r = 0$ , dok je meridionalna komponenta brzine strujanja  $c_m = c_z$  tj. da se strujanje odvija po cilindrima čija je os istovremeno i os rotacije radnog kola. Zbog ovakvog strujanja porast potencijalne energije u području radnog kola se vrši na račun pretvorbe kinetičke energije u tlačnu energiju, tj. na račun usporavanja relativne struje. Ovdje nema utjecaja centrifugalne sile, jer dio fluida ulazi i izlazi na istom promjeru  $D_1 = D_2$ . Ovaj član kod centrifugalnih pumpi ima velik utjecaj. Zbog njega centrifugalne pumpe istih dimenzija kao i aksijalne pumpe mogu ostvariti veću visinu dobave.

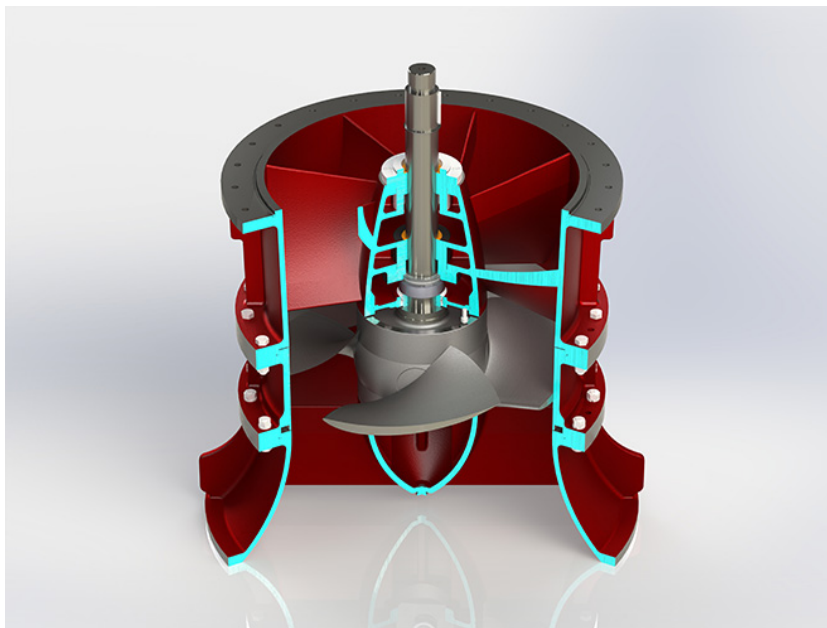
U difuzor fluid ulazi nakon radnog kola i u njemu se kontinuirano smanjuje obodna komponenta apsolutne brzine  $c_{2u}$  do konačne vrijednosti na izlazu iz pumpe  $c_u = 0$ . Zbog ovakvog strujanja u području radnog kola i statora kinetička energija se kontinuirano mijenja. Dodatni porast tlačne energije može se dobiti daljnjim širenjem kućišta, tj. difuzorskom izvedbom. Difuzorska izvedba kućišta može početi odmah nakon radnog kola. Difuzorni karakter strujanja može kod aksijalnih pumpi dovesti do odlijepljivanja graničnog sloja od čvrstih strujnih površina (lopatica radnog kola i statorskih lopatica) te formiranja vrtloga. Zbog toga, da bi aksijalna pumpa imala visok stupanj iskoristivosti  $\eta_h$  treba joj pri projektiranju i konstrukciji posvetiti dosta pažnje.

Klasifikacija aksijalnih pumpi može se izvršiti na osnovu sljedećih karakteristika:

1. Prema broju radnih kola: jednostupanjska i vrlo rijetko kao dvostupanjska kada se na vratilu nalaze dva radna kola.
2. Prema konstrukciji radnog kola: sa nepokretnim lopicama i sa regulirajućim lopicama tj. sa pokretnim lopicama. U prvom slučaju lopatice su čvrsto nasadene na glavčinu radnog kola. U drugom slučaju lopatice se mogu zakretati oko svoje osi kada pumpa ne radi ili ako je vratilo šuplje i u njemu je ugrađen regulacijski uređaj tada se mogu zakretati i u toku rada. U ovom drugom slučaju kada je regulacijski uređaj ugrađen u šuplje vratilo, pumpe se nazivaju Kaplan

pumpe po analogiji s Kaplanovim turbinama.

3. Po položaju vratila: vertikalne, horizontalne i kose. Najčešće su vertikalne izvedbe, tj. s vertikalnim položajem vratila.
4. S obzirom na fluid koji struji kroz aksijalnu pumpu mogu biti: za čistu ili zagađenu vodu, za kemijske, agresivne ili abrazivne fluide i dr.



Slika 1.2: Aksijalna pumpa[7]

## Poglavlje 2.

# Kinematika strujanja

U ovom poglavlju поближе su opisane osnovne jednađbe strujanja fluida u aksijalnoj pumpi. Također su prikazane karakteristične veličine ravne profilne rešetke i trokuti brzina na ulazu i izlazu iz radnog kola. Opisano je i međudjelovanje sila između ravne profilne rešetke i struje fluida. Na kraju poglavlja je objašnjeno kako se računa hidraulički stupanj korisnosti i koeficijent opterećenja ravne profilne rešetke te koji se gubici energije pojavljuju kod aksijalnih pumpi.

### 2.1. Strujanje u aksijalnoj pumpi

Pri razmatranju kinematike strujanja u radnim elementima aksijalnih pumpi uvode se sljedeće pretpostavke:

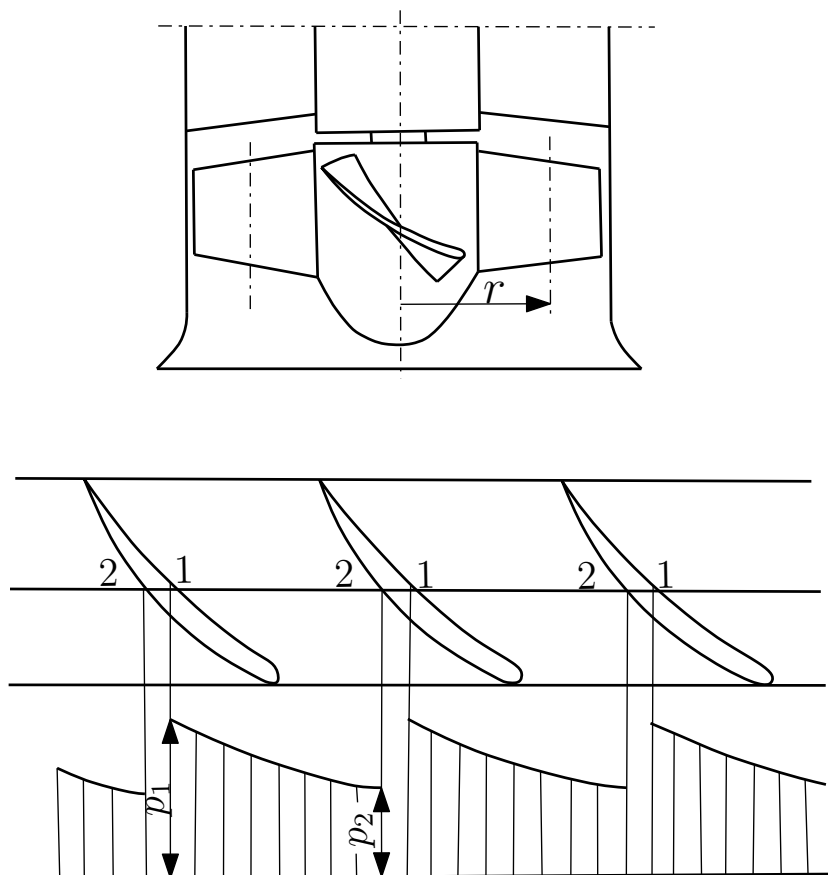
1. Uzima se da je strujanje kroz pumpu ustaljeno - apsolutno u elementima ispred i iza radnog kola i relativno u radnom kolu. Apsolutno strujanje u području radnog kola nije ustaljeno zbog razlike tlaka na pretlačnoj i potlačnoj strani lopatice. Ako se radno kolo presječe s jednim koaksijalnim cilindrom (valjkom) na proizvoljnom radijusu  $r$ , a zatim se taj cilindar razvije u ravninu, dobije se beskonačan broj jednakih profila raspoređenih na istom razmaku, tj. koraku  $t$  i dobiva se tzv. profilna ravninska rešetka (sl. 2.1). Ovdje je tlak na pretlačnoj strani (1) veći nego na potlačnoj strani (2) lopatice, a tlak uzduž strujnog dijela između dva susjedna profila mijenja se kako je prikazano na sl. 2.1. Relativna brzina strujanja  $\mathbf{w}$  na pretlačnoj strani profila je veća nego na potlačnoj strani, zbog čega je apsolutna

brzina strujanja u području radnog kola neravnomjerna.

2. Pretpostavlja se da se strujanje u radnom kolu i statoru odvija uz odsutstvo radijalne komponente apsolutne brzine, tj.  $c_r = 0$ . U takvom slučaju strujanje fluida u jednom sloju nema utjecaj na strujanje u drugom sloju.

U stvarnosti, u većini slučajeva ovaj uvjet nije opravdan, zbog toga što je glavčina na kojoj su smještene lopatice radnog kola okruglog presjeka, zatim eventualne specifične pojave u području vanjskog brida lopatice (do kućišta), difuzornost meridijalnog presjeka statora i dr.

3. Uzima se da je apsolutno strujanje ispred i iza radnog kola osnosimetrično i bezvrtložno, tj. potencijalno.



Slika 2.1: Profilna rešetka

Neka se strujanje promatra u cilindričnom koordinatnom sustavu, čija se os  $z$  poklapa s osi rotacije radnog kola (sl. 2.1). Položaj svakog infinitezimalnog dijela fluida određuje se kutem  $\varphi$ , radijusom  $r$  i ordinatom  $z$ . U općem slučaju apsolutna brzina  $c$  je u vektorskom obliku  $\vec{c} = \vec{c}_u + \vec{c}_r + \vec{c}_z$ , a pošto je  $c_r = 0$  to je  $\vec{c} = \vec{c}_u + \vec{c}_z$ . Ako je strujanje osnosimetrično, brzine na zadanom radijusu  $r$  ne ovise o kutu  $\varphi$ , pa je [3]

$$\frac{\partial c_r}{\partial \varphi} = \frac{\partial c_u}{\partial \varphi} = \frac{\partial c_z}{\partial \varphi} = 0. \quad (2.1)$$

S druge strane, ako je strujanje vrtložno, komponente vektora vrtložnosti  $\omega$  u cilindričnom koordinatnom sustavu su

$$\omega_u = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial c_r}{\partial z} - \frac{\partial c_z}{\partial r} \right), \quad (2.2)$$

$$\omega_r = \frac{1}{2} \left( \frac{\partial c_z}{\partial \varphi} - \frac{\partial (rc_u)}{\partial z} \right), \quad (2.3)$$

$$\omega_z = \frac{1}{2r} \left( \frac{\partial (rc_u)}{\partial r} - \frac{\partial c_r}{\partial \varphi} \right). \quad (2.4)$$

U slučaju da je strujanje potencijalno i ako je  $c_r = 0$ , iz jednadžbi (2.1 i 2.2) slijedi da je

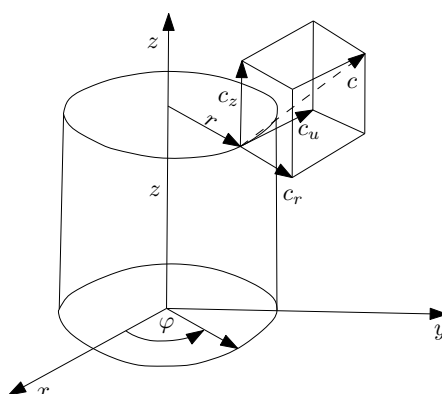
$$\frac{\partial c_z}{\partial r} = 0 \quad \text{ili} \quad c_z = konst, \quad (2.5)$$

tj. u slučaju potencijalnog strujanja  $c_m = c_z$ .

Uz uvjet da je strujanje osnosimetrično u općem slučaju vrijedi  $\frac{\partial c_z}{\partial \varphi} = \frac{\partial c_r}{\partial \varphi} = 0$ , te zbog toga, iz jednadžbi (2.3 i 2.4) slijedi

$$\frac{\partial (rc_u)}{\partial z} = \frac{\partial (rc_u)}{\partial r} = 0 \quad (2.6)$$

ili  $rc_u = konst$  tj. ispred i iza radnog kola pri uvedenim pretpostavkama, strujanje se odvija prema zakonu potencijalnog vrtložnog strujanja.



Slika 2.2: Komponente apsolutne brzine

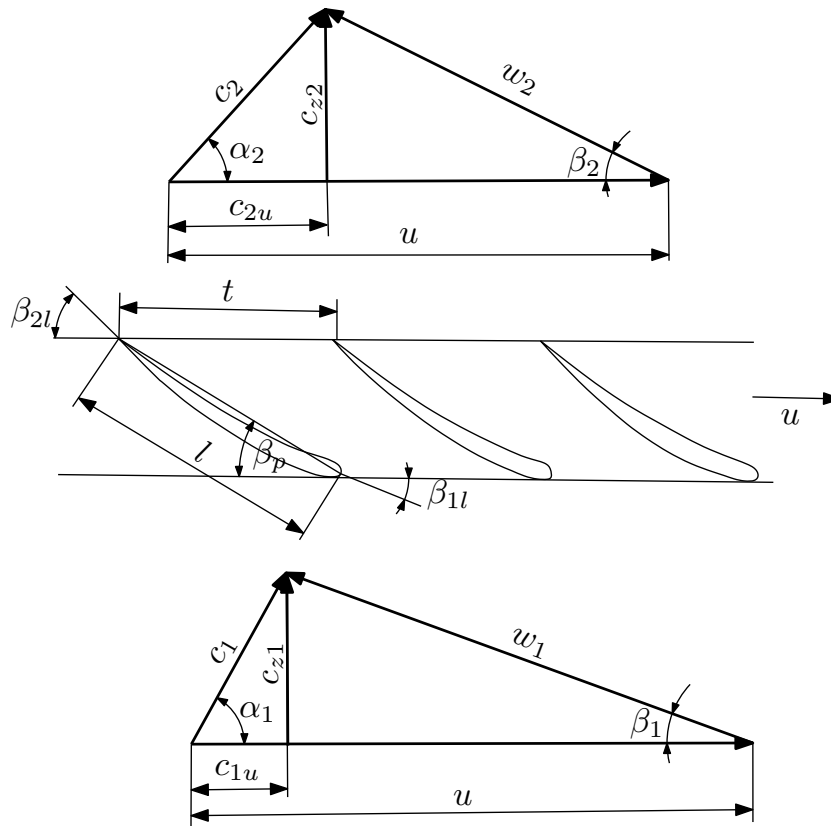
S uvedenim pretpostavkama u području radnog kola strujanje je potencijalno u meridionalnoj ravnini (što znači da vrijedi  $c_z = konst$  i  $\omega_u = 0$ ). U općem slučaju u području radnog kola apsolutno strujanje nije potencijalno tj.  $rc_u \neq konst$ , pošto je  $\omega \neq 0$  (zbog  $\partial(rc_u)/\partial z \neq 0$ ), a tada je i  $\omega_z \neq 0$  ( $\partial(rc_u)/\partial r \neq 0$ ).

U slučaju da strujanje u aksijalnoj pumpi nije potencijalno za koje vrijedi  $c_r \neq 0$ , strujnice u meridionalnoj ravnini se ne podudaraju potpuno, tj. nije ispunjen uvjet za potencijalno strujanje, ali je ta razlika zanemarivo mala.

## 2.2. Karakteristične veličine profilne rešetke, trokuti brzina, osnovna jednačba aksijalne pumpe

Ravninska rešetka se dobije presjecanjem radnog kola cilindričnim plohama te njihovim razvijanjem u ravninu. Karakterizira se sljedećim parametrima (sl. 2.3):





Slika 2.3: Trokuti brzina u profilnoj rešetki

- korak rešetke  $t = 2r\pi/z_k$ , tj. udaljenost između dva susjedna profila, mjereno po osi rešetke,
- $z_k$  broj lopatica radnog kola,
- skeletnica ili srednja linija profila u rešetki je geometrijsko mjesto centara kružnica upisanih u profil,
- tetiva profila je pravac koji spaja ulazni i izlazni brid profila tj. početak i kraj skeletnice,  $l$  je dužina tetive profila,
- relativni korak rešetke je  $\bar{t} = t/l$  i
- gustoća rešetke je recipročna vrijednost relativnog koraka rešetke, tj.  $\tau = l/t$ ,
- obodna brzina  $u$  se ne mijenja s radijusom  $r$

- os rešetke je pravac, čiji se smjer poklapa sa pravcem obodne brzine  $u$ ,
- kut tetive profila  $\beta_p$  je kut između tetive profila i osi rešetke,
- kut rešetke  $\beta_R$  je kut između normale na tetivu profila i osi rešetke i jednak je  $\beta_R + \beta_p = 90^\circ$ .

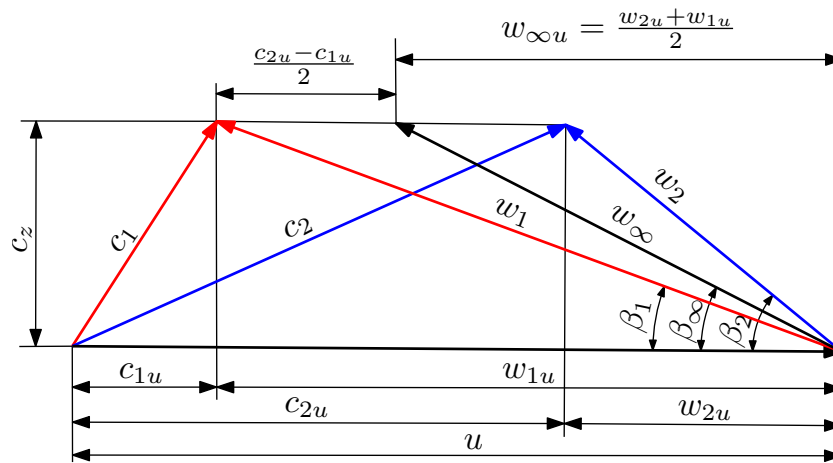
Obodne brzine rotorskih lopatica ispred i iza radnog kola su jednake, jer infinitezimalni dijelovi fluida ulaze i izlaze na istom radijusu  $r$ , dakle  $u_1 = u_2 = u = \omega r$ . Iz jednadžbe kontinuiteta slijedi da su jednake i aksijalne (meridionalne) brzine, tj.  $c_{1z} = c_{2z} = c_z = c_m$ .

Ako je apsolutna brzina strujanja ispred profilne rešetke  $c_1$  i ako se od nje vektorski oduzme obodna brzina strujanja  $u$  na ulazu u rešetku, dobije se

$\vec{w}_1 = \vec{c}_1 - \vec{u}$  (sl. 2.3). Brzina  $w_1$  na ulazu u rešetku nalazi se pod kutem strujanja  $\beta_1$  u odnosu na os rešetke. Brzine  $c_1$  i  $w_1$  formiraju ulazni trokut brzine ispred rešetke.

Ako je  $w_2$  relativna brzina strujanja iza profilne rešetke i njoj se vektorski doda obodna brzina  $u$  dobije se apsolutna brzina strujanja  $c_2$  iza rešetke i s njom se formira izlazni trokut brzine iza profilne rešetke.

Pošto je  $u_1 = u_2 = u$  i  $c_{1z} = c_{2z} = c_z$ , trokuti brzina na ulazu i izlazu se mogu zajedno nacrtati, kao što je prikazano na sl. 2.4.



Slika 2.4: Trokuti brzina u profilnoj rešetki-zajedno

Vektorski poluzbroj brzina strujanja na ulazu i izlazu iz radnog kola  $w_\infty = w_1 + w_2/2$ , u teoriji ravne profilne rešetke kod turbostrojeva naziva se beskonačna relativna brzina

koja u aerodinamici vrijedi za opstrujavanje usamljenog profila.

Iz (sl. 2.4) vidi se da je

$$w_\infty = \sqrt{c_z^2 + \left(u - \frac{c_{1u} + c_{2u}}{2}\right)^2} \quad (2.7)$$

i

$$\tan \beta_\infty = \frac{c_z}{u - \frac{c_{1u} + c_{2u}}{2}} \quad (2.8)$$

gdje je  $\beta_\infty$  kut koji zatvara pravac beskonačne brzine s tetivom profila u rešetki.

Ako je strujanje ispred radnog kola s brzinom  $c_{1u} = 0$ , trokut brzine na ulazu je pravokutan (sl. 2.3), a jednačbe (2.7) i (2.8) prelaze u oblik

$$w_\infty = \sqrt{c_z^2 + \left(u - \frac{c_{2u}}{2}\right)^2} \quad (2.9)$$

i

$$\tan \beta_\infty = \frac{c_z}{u - \frac{c_{2u}}{2}}. \quad (2.10)$$

Teoretska visina dobave radnog kola aksijalne pumpe na radijusu  $r$ , određuje se tako da se u jednačbu za visinu dobave uvede da je  $u_1 = u_2 = u$ , tj.

$$H_t = \frac{u}{g}(c_{2u} - c_{1u}) = \frac{u\Delta c_u}{g} \quad (2.11)$$

i ako je  $c_{1u} = 0$ , tada

$$H_t = \frac{uc_{2u}}{g}. \quad (2.12)$$

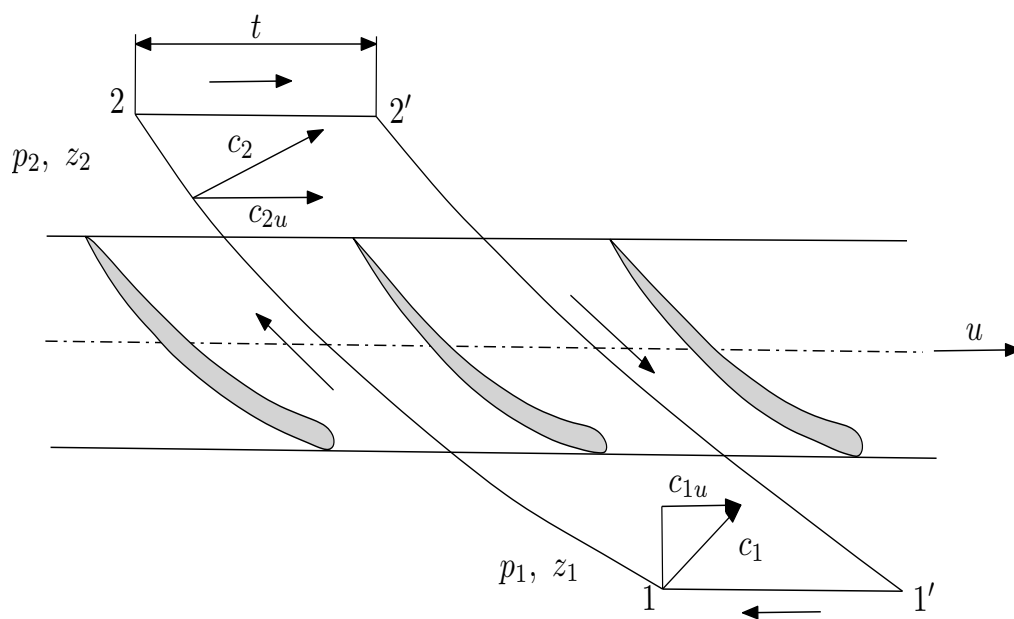
Kako je kod aksijalnih pumpi (sl. 2.5)  $c_{2u} - c_{1u} = w_{1u} - w_{2u} = \Delta c_u = \Delta w_u$  može se napisati

$$H_t = \frac{u\Delta c_u}{g} = \frac{u\Delta w_u}{g}.$$

Jednačbe (2.11) i (2.12) predstavljaju jedan od oblika osnovne jednačbe za aksijalne turbostrojeve. Teoretska visina dobave  $H_t$  može se prikazati i preko cirkulacije brzine oko lopatice  $\Gamma_l$  (sl. 2.5). Za takav prikaz formira se zatvorena kontura oko profila u rešetki koju formiraju dvije strujne linije 1-2 i 1'-2', koje se nalaze na koraku  $t = 2\pi r/z_k$  rešetke i dvije linije 2'-2 i 1'-1 koje su paralelne s osi rešetke. Za smjer cirkulacije brzine

uzima se smjer kazaljke na satu. Cirkulacija brzine duž strujne linije 1-2 jednaka je cirkulaciji brzine na dijelu 2'-1', ali suprotnog smjera, te se međusobno poništavaju. Zbog ovog je cirkulacija brzine po linijama 2-2' i 1'-1:

$$\Gamma_l = t(c_{2u} - c_{1u}) = \frac{2r\pi}{z_k}(c_{2u} - c_{1u}). \quad (2.13)$$



Slika 2.5: Cirkulacija brzine

Ako se jednačba (2.13) pomnoži i podijeli sa kutnom brzinom  $\omega$  i uvede da je  $u = \omega r$ , dobije se

$$\Gamma_l = \frac{2\pi u}{z_k \omega}(c_{2u} - c_{1u}).$$

Cirkulacija brzine  $\Gamma_k$  oko svih profila u profilnoj rešetki je

$$\Gamma_k = z_k \Gamma_l = \frac{2\pi}{\omega} u(c_{2u} - c_{1u}). \quad (2.14)$$

Pošto je iz jednačbe (2.11)  $gH_t = u(c_{2u} - c_{1u})$  i ako se to uvrsti u jednačbu (2.14) dobije se

$$\Gamma_k = \frac{2\pi}{\omega} gH_t = \frac{2\pi Y_t}{\omega},$$

pošto je  $Y_t = gH_t$  ili

$$H_t = \frac{\omega}{2\pi g} \Gamma_k = \frac{\omega}{2\pi g} z_k \Gamma_l, \quad (2.15)$$

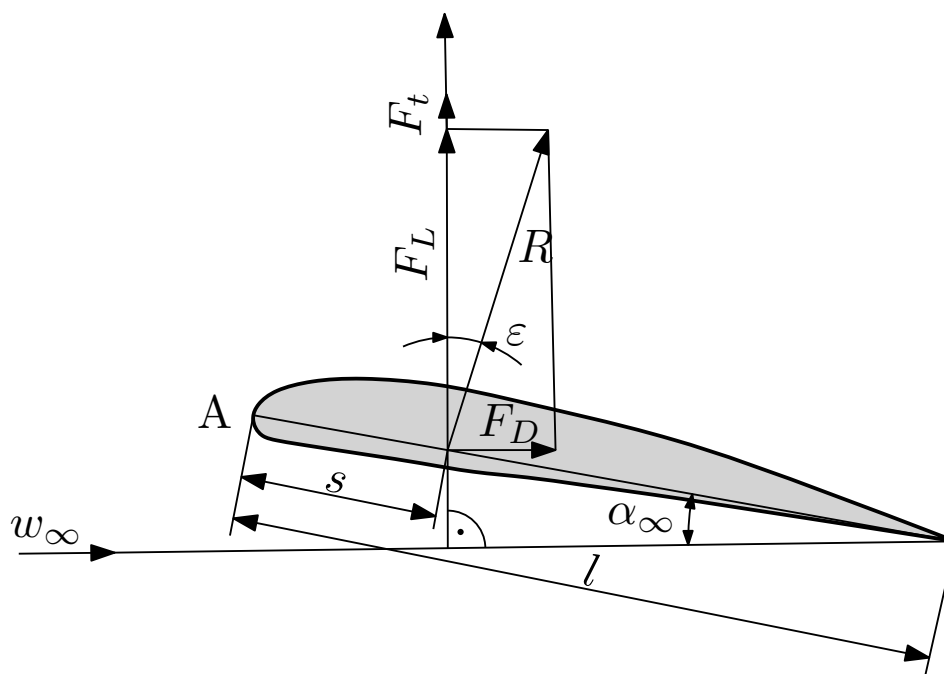
odnosno

$$Y_t = \frac{\omega}{2\pi} z_k \Gamma_l.$$

### 2.3. Međudjelovanje sila između ravne profilne rešetke i struje fluida

Pri opstrujavanju beskonačno dugog krilnog profila s idealnim fluidom sa brzinom  $w_\infty$  daleko ispred krila gdje je strujanje neporemećeno, kao rezultat razlike tlaka na pretlačnoj i potlačnoj strani profila pojavit će se tzv. teorijska sila uzgona  $F_t$  koja je okomita na pravac beskonačne brzine  $w_\infty$  (sl. 2.6). Veličina te sile po jedinici dužine profila određuje se prema

$$F_t = \rho w_\infty \Gamma_l, \quad (2.16)$$



Slika 2.6: Sile na usamljeni profil

gdje je:  $\rho$ -gustoća fluida i  $\Gamma_l = \oint \vec{w} \cdot d\vec{s}$ -cirkulacija brzine oko profila.

Veličina sile uzgona  $F_t$  ovisi o napadnom kutu  $\alpha_\infty$  između pravca beskonačne brzine i tetive profila. Pri opstrujavanju usamljenog profila viskoznim fluidom na njega djeluje hidrodinamička sila  $R$  koja je u odnosu na silu  $F_t$  neviskoznog fluida nalazi pod kutem  $\varepsilon$ . Projekcija realne sile  $R$  u pravcu sile  $F_t$  predstavlja realnu silu uzgona  $F_L$ , a projekcija u pravcu beskonačne brzine silu otpora  $F_D$ . Sila otpora javlja se kao rezultat opstrujavanja profila viskoznim fluidom.

Veličina sile uzgona  $F_L$  i sile otpora  $F_D$  određuje se eksperimentalno u zračnim tunelima i drugim uređajima za ispitivanje. Ove sile ovise o obliku profila kao i o napadnom kutu strujanja  $\alpha_\infty$ . U eksperimentalnoj aerodinamici sile  $F_D$ ,  $F_L$  i moment  $M$  prikazuju se pomoću sljedećih jednadžbi:

$$F_L = c_L \frac{\rho}{2} w_\infty^2 l \quad \text{ili} \quad c_L = \frac{F_L}{\frac{\rho}{2} w_\infty^2 l}, \quad (2.17)$$

$$F_D = c_D \frac{\rho}{2} w_\infty^2 l \quad \text{ili} \quad c_D = \frac{F_D}{\frac{\rho}{2} w_\infty^2 l}, \quad (2.18)$$

$$M = c_M \frac{\rho}{2} w_\infty^2 l \quad \text{ili} \quad c_M = \frac{M}{\frac{\rho}{2} w_\infty^2 l}, \quad (2.19)$$

gdje je

$c_L$ -koeficijent sile uzgona

$c_D$ -koeficijent sile otpora

$c_M$ -koeficijent momenta.

Sila  $R$  u odnosu na točku A, tj. početak profila uzrokuje moment  $M = Rs$  (sl. 2.6).

Kroz eksperimentalno određivanje sila  $F_D$ ,  $F_L$  i momenta  $M$  za dati profil mogu se odrediti i odgovarajući koeficijenti  $c_L$ ,  $c_D$ , i  $c_M$ .

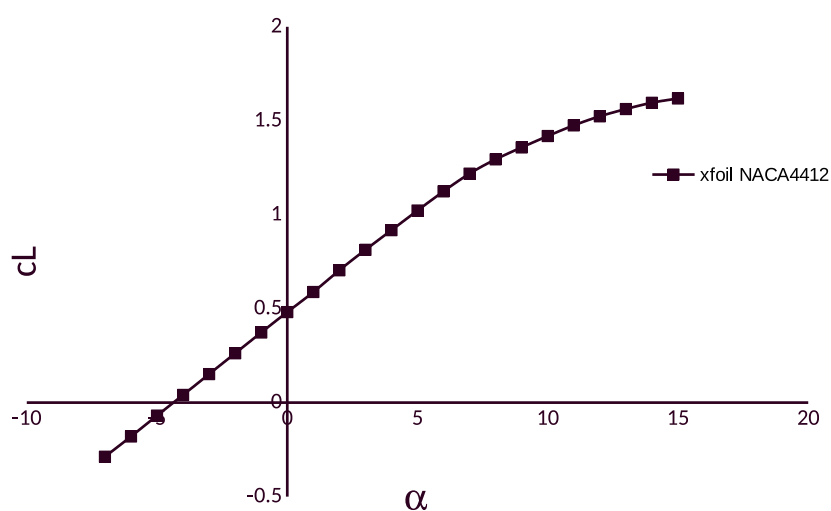
Odnos

$$\frac{F_L}{F_D} = \frac{c_L}{c_D} = \cot \varepsilon \approx \varepsilon \quad (2.20)$$

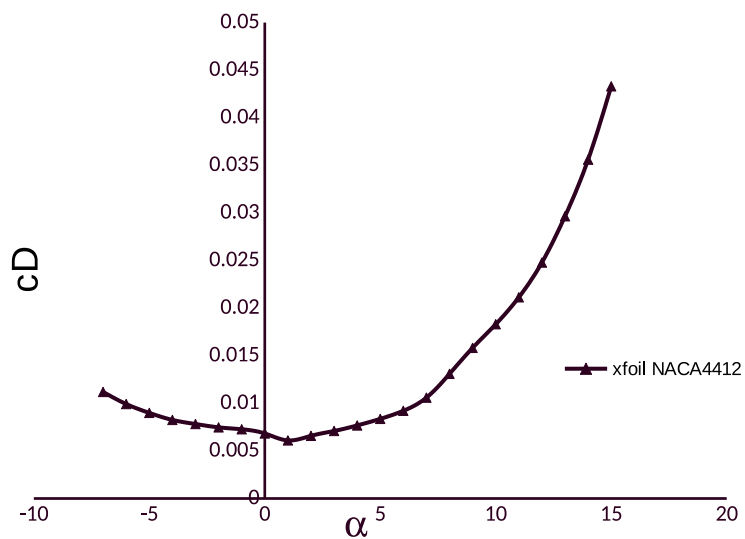
se naziva kvaliteta profila, a njegova recipročna vrijednost

$$\frac{F_D}{F_L} = \frac{c_D}{c_L} = \tan \varepsilon = \frac{1}{\mu} \quad (2.21)$$

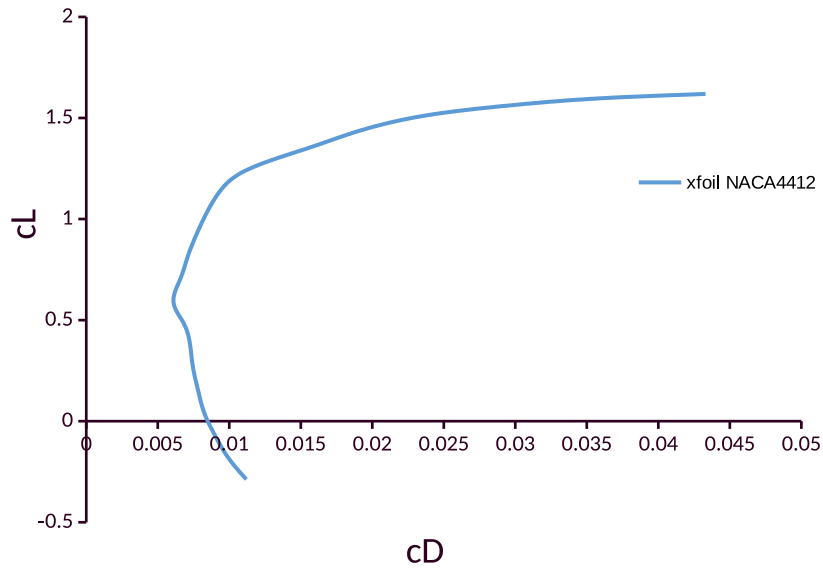
se naziva finoća profila. Krivulje koje daju ovisnost  $c_L$  i  $c_D$  za zadani profil o napadnom kutu  $\alpha_\infty$  prikazuju aerodinamičke karakteristike profila (sl. 2.7 i 2.8). Koeficijent uzgona  $c_L$  mijenja se proporcionalno s porastom napadnog kuta  $\alpha_\infty$  do neke granice gdje dostiže maksimalnu vrijednost (oko  $\alpha_\infty = 16^\circ$ ). Pri daljnjem povećanju napadnog kuta  $\alpha_\infty$  koeficijent uzgona naglo opada. Ovo se objašnjava time da rastu otpori strujanju zbog zadebljanja graničnog sloja, odnosno dolazi do odlijepljenja struje od čvrste površine profila sa potlačne strane i stvaranja vrtloga te u tom slučaju više ne vrijede pretpostavke za potencijalno strujanje oko profila. U tom slučaju koeficijent otpora profila  $c_D$  naglo raste.



Slika 2.7: Dijagram ovisnosti koeficijenta uzgona o napadnom kutu

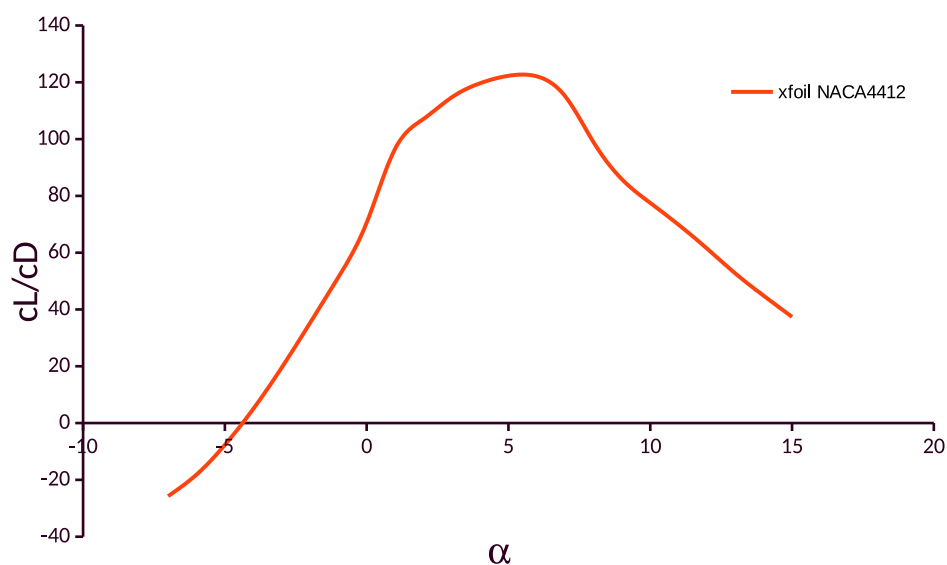


Slika 2.8: Dijagram ovisnosti koeficijenta otpora o napadnom kutu



Slika 2.9: Dijagram ovisnosti koeficijenta uzgona o koeficijentu otpora

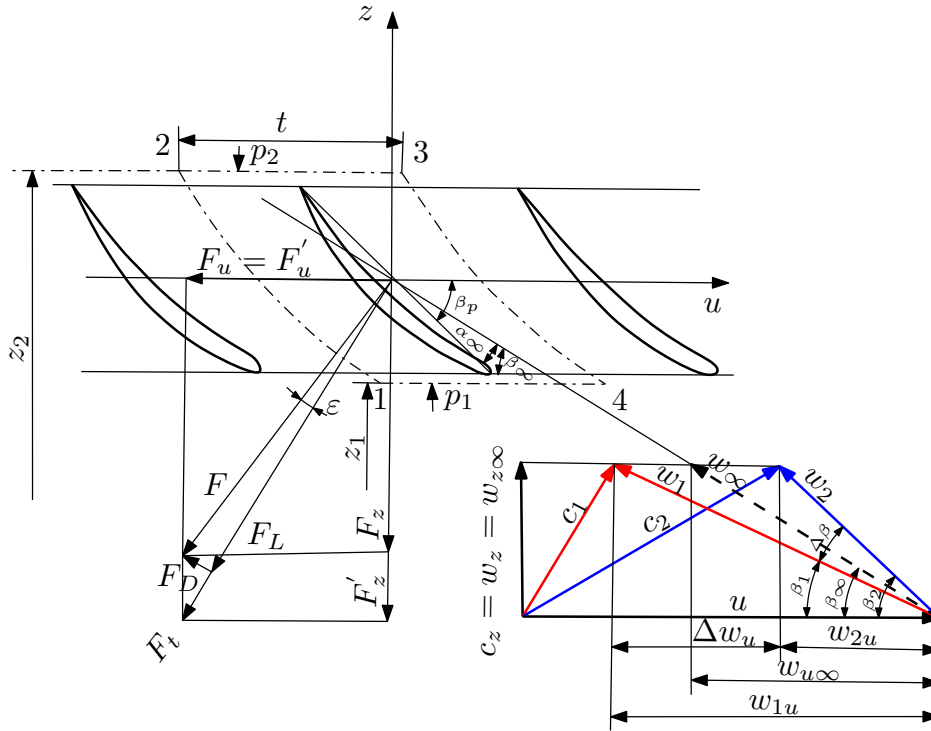




Slika 2.10: Dijagram ovisnosti omjera koeficijenta uzgona i koeficijenta otpora o napadnom kutu

Za praktično računanje aerodinamičke karakteristike profila koristi se krivulja kao na slici 2.9. Na krivulji se mogu nalaziti i odgovarajuće vrijednosti napadnog kuta za svaku točku te odgovarajuće vrijednosti koeficijenata  $c_D$  i  $c_L$  koji se očitavaju na odgovarajućim osima koordinatnog sustava. Može se dokazati da pri opstrujavanju profilne rešetke nestlačivim fluidom vrijedi teorem Žukovskog. U tom slučaju pretpostavlja se da beskonačna brzina treba biti jednaka vektorskom poluzbroju brzine strujanja ispred i iza rešetke, dakle  $w_\infty = \vec{w}_1 + \vec{w}_2/2$  i određuje se pomoću trokuta brzine.

Promatra se ravna profilna rešetka, kroz koju struji neviskozozan fluid (sl. 2.11). Uzima se pravokutni koordinatni sustav čija se apscisa poklapa s osi rešetke i kreće se u pozitivnom smjeru. Ordinatna os  $z$  je normala na os  $u$  i usmjerena je prema gore. Za određivanje sila, s kojima fluid djeluje na jedan profil u rešetki promatra se strujanje u jednom koraku  $t$ , a profil se nalazi u sredini. Strujanje oko profila ograničeno je strujnicama 1-2 i 3-4 na koraku  $t$  i linijama 1-4 i 2-3 na ulazu i izlazu. Zatim se promatra strujanje po visini profila, tj. strujanje u smjeru okomitom na ravninu crteža, visine  $b = 1$ .



Slika 2.11: Skica profilne rešetke za određivanje sila koje djeluju na profil u rešetki

Polazi se od zakona količine gibanja, kada se uzme u obzir da na ulazu u rešetku djeluje tlak  $p_1$  dok je na izlazu iz rešetke tlak  $p_2$ , a kao vanjska sila djeluje samo težina. Za određivanje sila u rešetki mjerodavna je relativna brzina strujanja fluida. Na slici 2.11 su ponovno prikazani trokuti brzina na ulazu i izlazu iz rešetke i komponente odgovarajućih brzina u pravcu osi koordinatnog sustava. Zakon očuvanja količine gibanja postavlja se za određivanje sila  $F'_z$  i  $F'_u$  koje djeluju na profil.

Projekcija sile  $F'_u$  u pravcu osi rešetke, odnosno osi  $u$  određuje se pomoću komponentata relativne brzine  $w_{1u}$  i  $w_{2u}$  koje su projekcije u smjeru osi  $u$ , dakle

$$F'_u = \rho \Delta q [-w_{1u} - (-w_{2u})] = -\rho w_{z\infty} t (w_{1u} - w_{2u}) = -\rho w_{z\infty} \Gamma_l, \quad (2.22)$$

a pošto je cirkulacija brzine oko profila (sl. 2.11)  $\Gamma_l = t(w_{1u} - w_{2u})$ , maseni protok za promatrano strujanje oko profila u rešetki ( $b=1$ ) je

$$\Delta q = \rho w_{z\infty} t.$$

Projekcija  $F'_z$  u pravcu osi  $z$  rešetke određuje se prema jednadžbi

$$F'_z = \Delta q(w_{1z} - w_{2z}) + (p_1 - p_2)t - \rho g t(z_2 - z_1) = -\rho g t \left( \frac{p_2 - p_1}{\rho g} + z_2 - z_1 \right), \quad (2.23)$$

i ovdje je  $w_{1z} = w_{2z}$ .

Pošto se promatra nevaskozno strujanje fluida, može se napisati i Bernoullijeva jednadžba za ulaz i izlaz iz rešetke u obliku:

$$\frac{p_1}{\rho g} + z_1 + \frac{w_1^2}{2g} = \frac{p_2}{\rho g} + z_2 + \frac{w_2^2}{2g},$$

ili

$$\begin{aligned} \frac{p_2 - p_1}{\rho g} + z_2 - z_1 &= \frac{w_2^2 - w_1^2}{2g} = \frac{w_{1u}^2 - w_{2u}^2 + w_{1z}^2 - w_{2z}^2}{2g} = \\ &= \frac{w_{1u}^2 - w_{2u}^2}{2g} = \frac{(w_{1u} - w_{2u})(w_{1u} + w_{2u})}{2g} = \frac{\Gamma_l}{t} \frac{w_{\infty u}}{g} \end{aligned} \quad (2.24)$$

i ovdje je  $w_{1z} = w_{2z}$ ,  $w_{1u} = w_{2u} = \frac{\Gamma_l}{t}$  i  $\frac{w_{1u} + w_{2u}}{2} = w_{\infty u}$ .

Ako se sada jednadžba (2.24) uvrsti u (2.23) dobije se

$$F'_z = -\rho w_{\infty u} \Gamma_l. \quad (2.25)$$

Znak minus u jednadžbi (2.22) i (2.23) pokazuje da sile  $F'_u$  i  $F'_z$  djeluju u suprotnom smjeru u odnosu na odabrane osi  $u$  i  $z$ .

Veličina rezultantne sile  $F_t$  je

$$F_t = \sqrt{F'_u + F'_z} = \rho \Gamma_l \sqrt{w_{\infty u}^2 + w_{\infty z}^2} = \rho w_{\infty} \Gamma_l. \quad (2.26)$$

Smjer rezultantne sile  $F_t$  određuje se kutem između sile  $F_t$  i osi  $z$

$$\tan \angle(F_t, z) = \frac{F'_u}{F'_z} = \frac{w_{\infty z}}{w_{\infty u}} = \tan \beta_{\infty}, \quad (2.27)$$

što znači da je  $F_t \perp w_{\infty}$ .

Na temelju dosadašnjeg razmatranja slijedi da je pri opstrujavanju profila u profilnoj rešetki sa nevaskoznim fluidom, pri određivanju sila koje djeluju na profil, mjerodavna po teoriji Žukovskog samo beskonačna brzina, definirana kao vektorski poluzbroj relativnih brzina na ulazu i izlazu iz rešetke, dakle  $w_{\infty}^{\vec{}} = \frac{\vec{w}_1 + \vec{w}_2}{2}$ .

Ako kroz profilnu rešetku struji viskozni fluid, kinematika strujanja na ulazu i izlazu, odnosno trokuti brzina su isti kao i kod strujanja neviskoznog fluida. Projekcija sile  $F_u$  realne sile  $F$  jednaka je kao i kod neviskoznog fluida, dakle

$$F_u = F'_u = -\rho w_{\infty z} \Gamma_l. \quad (2.28)$$

Za strujanje realnog viskozno fluida kroz profilnu rešetku jednačba (2.24) prevedena u energetska jednačbu dobiva oblik

$$\frac{p_2 - p_1}{2} + z_2 - z_1 = \frac{w_1^2 - w_2^2}{2g} - \Delta H_{gr} = \frac{\Gamma_l w_{\infty u}}{t} - \Delta H_{gr}, \quad (2.29)$$

gdje su  $\Delta H_{gr}$  gubici rada u pokretnoj rešetki (radnog kola). Ako se ovo uvrsti u jednačbu (2.25) dobije se sljedeći izraz za određivanje sile  $F_z$  kao komponente stvarne sile  $F$

$$F_z = -\rho w_{\infty u} \Gamma_l + \rho g t \Delta H_{gr} \quad (2.30)$$

tj. komponenta  $F_z$  je manja od sile neviskoznog fluida  $F'_z$  za član  $\rho g t \Delta H_{gr}$ .

Iznos realne rezultantne sile  $F$  koja djeluje na profil je

$$F = \sqrt{F_u^2 + F_z^2}, \quad (2.31)$$

pri tome je stvarna rezultantna sila viskozno fluida  $F$  naspram sile neviskozno fluida  $F_t$  postavljena pod kutem  $\varepsilon$  (sl. 2.11).

Projekcija sile  $F_L$  u odnosu na silu  $F_t$  predstavlja realnu silu uzgona koja djeluje na profil, a projekcija  $F_D$  u smjeru beskonačne brzine je sila otpora.

Iz slike 2.11 slijede sljedeće ovisnosti pojedinih sila:

$$F_L = F \cos \varepsilon \quad \text{odnosno} \quad F = \frac{F_L}{\cos \varepsilon}, \quad (2.32)$$

$$F_D = F \sin \varepsilon \quad \text{odnosno} \quad F = \frac{F_D}{\sin \varepsilon}, \quad (2.33)$$

$$F_u = F \sin(\beta_{\infty} + \varepsilon) = F_L \frac{\sin(\beta_{\infty} + \varepsilon)}{\cos \varepsilon}, \quad (2.34)$$

$$F_z = F \cos(\beta_{\infty} + \varepsilon) = F_L \frac{\cos(\beta_{\infty} + \varepsilon)}{\cos \varepsilon}. \quad (2.35)$$

## 2.4. Hidraulički stupanj korisnosti i koeficijent opterećenja profilne rešetke

Hidraulički stupanj korisnosti profilne rešetke predstavlja gubitak energije strujanja unutar rešetke i određuje se prema jednadžbi:

$$\eta_{Hr} = \frac{H_t - \Delta H_{gr}}{H_t} = 1 - \frac{\Delta H_{gr}}{H_k}, \quad (2.36)$$

gdje je  $H_t$  teorijska visina dobave profilne rešetke.

Gubici energije strujanja u rešetki  $\Delta H_{gr}$  mogu se odrediti kao omjer snage utrošene na savladavanje otpora strujanju, tj.  $F_D w_\infty$  i masenog protoka  $\rho g t w_{\infty z}$

$$\Delta H_{gr} = \frac{F_D w_\infty}{\rho g t w_{\infty z}} = \frac{w_\infty F \sin \varepsilon}{\rho g t w_{\infty z}}. \quad (2.37)$$

Teoretski rad koji rešetka može ostvariti određuje se kao odnos snaga sile  $F_u$  i masenog protoka  $\rho g t w_{\infty z}$  dakle

$$H_t = \frac{F_u u}{\rho g t w_{\infty z}} = \frac{u F \sin(\beta_\infty + \varepsilon)}{\rho g t w_{\infty z}}. \quad (2.38)$$

Kada se jednadžbe za  $\Delta H_{gr}$  i  $H_t$  (2.37) i (2.38) uvrste u jednadžbu za stupanj korisnosti rešetke (2.36) dobije se

$$\eta_{Hr} = 1 - \frac{w_\infty}{u} = \frac{\sin \varepsilon}{\sin(\beta_\infty + \varepsilon)}. \quad (2.39)$$

Ako se u jednadžbu (2.17) uvede  $F = F_L / \cos \varepsilon$ , a stvarna uzgonska sila  $F_L$  po analogiji sa (2.17) prikaže u obliku  $F_L = c_{Lr} \rho l \frac{w_\infty^2}{2}$  i u nju se uvrsti da je  $w_{z\infty} = c_z$  (2.38) dobiva sljedeći oblik

$$H_{k\infty} = c_{Lr} \frac{l}{t} \frac{w_\infty^2}{2g} \frac{u \sin(\beta_\infty + \varepsilon)}{c_z \cos \varepsilon}, \quad (2.40)$$

ili

$$c_{Lr} \frac{l}{t} = \frac{2g H_t c_z \cos \varepsilon}{w_\infty^2 u \sin(\beta_\infty + \varepsilon)}. \quad (2.41)$$

Izraz (2.41) predstavlja umnožak koeficijenta uzgona rešetke  $c_{Lr}$  i gustoće rešetke  $\frac{l}{t}$  i naziva se opterećenje profila rešetke. Ako se uvrsti da je  $c_u = c_{2u} - c_{1u}$ , tada je

$$H_t = \frac{u}{g}(c_{2u} - c_{1u}) = \frac{u\Delta c_u}{g}.$$

Također vrijedi i sljedeći izraz (sl. 2.11)

$$w_\infty = \frac{c_z}{\sin \beta_\infty},$$

i kada se ovo uvrsti u jednadžbu (2.41) dobije se

$$c_{Lr} \frac{l}{t} = \frac{2\Delta c_u \sin^2 \beta_\infty \cos \varepsilon}{c_z \sin(\beta_\infty + \varepsilon)}. \quad (2.42)$$

Pošto je  $\tan \varepsilon = F_D/F_L = \mu$  izraz (2.41) se može prikazati u sljedećem obliku:

$$c_{Lr} \frac{l}{t} = \frac{2 \sin \beta_\infty}{1 + \mu \cot \beta_\infty} \frac{\Delta c_u}{c_z}. \quad (2.43)$$

## 2.5. Gubici energije kod aksijalnih pumpi

Gubici energije kod aksijalnih pumpi su različiti, ali se uglavnom mogu podijeliti na: hidrauličke, volumne i mehaničke.

Najveći utjecaj na ukupni stupanj korisnosti aksijalne pumpe ima hidraulički stupanj korisnosti, odnosno hidraulički gubici energije  $\Delta H$ . Ovi gubici mogu se prikazati kao zbroj hidrauličkih gubitaka u usisnom grlu  $\Delta H_s$ , radnom kolu  $\Delta H_k$ , u statorskom dijelu  $\Delta H_{zk}$  i u odvodnoj cijevi  $\Delta H_{diff}$  tj.

$$\Delta H = \Delta H_s + \Delta H_k + \Delta H_{zk} + \Delta H_{diff}. \quad (2.44)$$

Hidraulički stupanj korisnosti aksijalne pumpe prema tome je

$$\eta_H = \frac{H}{H_t} = \frac{H_t - \Delta H}{H_t} = 1 - \frac{\Delta H}{H_t}. \quad (2.45)$$

Ovaj stupanj korisnosti može se izraziti kao umnožak hidrauličkih stupnjeva korisnosti pojedinih elemenata pumpe tj.

$$\eta_H = \eta_{Hs} \eta_{Hk} \eta_{Hzk} \eta_{Hdiff}. \quad (2.46)$$

Hidraulički gubici u usisnom grlu su zanemarivi, pa se zbog toga uzima  $\eta_{Hs} \approx 1$ .

Hidraulički gubici u odvodnom dijelu i statoru uglavnom se odnose na gubitke trenja

na kućištu pumpe i međulopatičnim kanalima statora i koljena odvodne cijevi. Hidraulički gubici nastaju zbog trenja i disipacije vrtloga:

- a) Gubici uzrokovani trenjem nastaju kao posljedica posmičnog naprezanja u graničnom sloju. Trenje koje ovisi o Reynoldsovom broju i površinskoj hrapavosti je važno u tankim graničnim slojevima i tokovima koji ubrzavaju. Ovi gubici uglavnom ovise o hrapavosti lopatice i uvjetima za pojavu vrtloga u struji fluida.
- b) Usporavanje struje toka uzrokuje stvaranje debelog graničnog sloja koji stvara nejednoliku raspodjelu brzine. Kod takvih tokova povećana je izmjena momenta između različitih strujnica zbog vrtloga različitih dimenzija. Veliki vrtlozi se raspadaju na manje koji se kasnije pretvaraju u toplinsku energiju što uzrokuje zagrijavanja fluida.

Hidraulički gubici na elementima iza radnog kola analogni su s gubicima u radnom kolu s iznimkom da se krajnji gubici kod ovih elemenata ne pojavljuju.

Složeni karakter hidrauličkih gubitaka u aksijalnim pumpama i njihova uzajamna povezanost otežava njihovo određivanje računskim putem. Zbog toga se hidraulički stupanj korisnosti najčešće određuje eksperimentalnim putem ili po empirijskim izrazima koji su jednostavni, ali dovoljno točni. Pri proračunu pumpe neophodno je da se s dovoljnom točnošću odredi pretpostavljeni stupanj korisnosti  $\eta_H$  za optimalnu radnu točku.

Za aksijalne pumpe mogu se koristiti sljedeći statistički izrazi[2]

$$\eta_H = 1 - 0.0055 \left( \frac{Q_{Ref}}{Q} \right)^m - 0.09 \left( \log \frac{n_q}{45} \right)^{2.5} \quad (2.47)$$

gdje je

$$m = 0.1a \left( \frac{Q_{Ref}}{Q} \right)^{0.15} \left( \frac{45}{n_q} \right)^{0.06}, \quad a = 1 \text{ za } Q \leq 1 \text{ m}^3/\text{s} \quad a = 0.5 \text{ za } Q > 1 \text{ m}^3/\text{s}$$

i  $Q_{Ref} = 1 \text{ m}^3/\text{s}$  za  $Q \geq 0.005 \text{ m}^3/\text{s}$ .

## Poglavlje 3.

# Proračun radnog kola aksijalne pumpe

U ovom je poglavlju opisan proračun radnog kola aksijalne pumpe. Prvo su definirane osnovne pretpostavke te su navedene jednačbe za proračun osnovnih konstrukcijskih parametara. Nakon toga dan je kratki pregled osnovnih svojstava krilnih profila. U potpoglavlju 3.3. prikazana je metoda oblikovanja radnog kola aksijalne pumpe po metodi uzgonskih sila, a u potpoglavlju 3.4. je opisano kako se može oblikovati radno kolo aksijalne pumpe pomoću karakteristika ravne profilne rešetke.

### 3.1. Osnovni konstrukcijski parametri radnog kola

Za proračun aksijalne pumpe zadaje se protok  $Q$  u  $\text{m}^3/\text{s}$ , visina dobave  $H$  u metrima i broj okretaja pumpe  $n$  u  $\text{s}^{-1}$ . Zadavanjem broja okretaja  $n$  određuje se dozvoljena usisna visina pumpe. Često se zadaje obratno, željena usisna visina koju pumpa treba ostvariti, a iz tog uvjeta se izračunava potreban broj okretaja. Pošto je visina dobave kod aksijalnih pumpi vrlo mala, gubici na ulazu, cijevima, izlaznom koljenu i ventilima mogu značajno utjecati na iznos visine dobave, tako da je potrebno te gubitke uzeti u obzir pri odabiru projektne visine dobave. Prije svega potrebno je odrediti osnovne parametre koji karakteriziraju geometriju radnog kola pumpe, nakon čega se pristupa detaljnom proračunu i konstrukciji lopatica. Prvi zadatak je odrediti vanjski promjer radnog kola  $d_2$ , omjer promjera vrha i korijena radnog kola  $\nu = d_1/d_2$ , specifičnu brzinu  $n_q$ , koeficijent visine dobave  $\psi$  i koeficijent toka  $\varphi$ .



Kao osnovne pretpostavke modela uzimaju se sljedeće:

1. aksijalni smjer apsolutne brzine na ulazu  $\alpha_1 = 90^\circ$
2. konstantan moment količine gibanja  $c_{ur} = konst.$

Na početku je potrebno pretpostaviti hidrauličku iskoristivost  $\eta_h$  za inicijalni proračun koju je kasnije potrebno provjeriti. Za to se može iskoristiti jednadžba (2.47). Nakon što je izračunata inicijalna hidraulička iskoristivost, potrebno je odrediti specifičnu brzinu. Prema tablici 1.1 može se koristiti sljedeća jednadžba:

$$n_q = n \frac{\sqrt{Q_{opt}/f_q}}{H_{opt}^{0.75}}.$$

Nakon što se odredi specifična brzina, moguće je izračunati koeficijent visine dobave  $\psi$  (sl. 3.1). Za to se može poslužiti jednadžbom:

$$\psi = 0.29 f_\psi \left( \frac{n_{q,ref}}{n_q} \right)^{1.44}, \quad n_{q,ref} = 180. \quad (3.1)$$

Jednadžba (3.1) daje maksimalni iznos koeficijenta visine dobave koji se uzimaju u praksi. Uz  $f_\psi = 1$  dobiva se maksimalna vrijednost. U teoriji se mogu postići još veće vrijednosti, ali Q-H krivulja tada postaje nestabilna te bi se dobila pumpa koja se ne bi mogla upotrijebiti u velikom broju primjena. Da bi se izbjegla pojava kavitacije potrebno je projektirati radno kolo s većim promjerom; u tom slučaju se uzima  $f_\psi < 1$ . Vanjski promjer radnog kola određuje se prema sljedećoj jednadžbi:

$$d_2 = \frac{60}{\pi n} \sqrt{\frac{2gH}{\psi}}. \quad (3.2)$$

Da bi se mogao odrediti omjer promjera vrha i korijena radnog kola prvo je potrebno izračunati koeficijent toka  $\varphi$  (sl. 3.1). Koeficijent toka se računa prema:

$$\varphi = \frac{a}{2} + \sqrt{\frac{a^2}{4} + \left( \frac{\psi}{2\eta_h} \right)^2}, \quad (3.3)$$

gdje je

$$a = \left( \frac{n_q}{158} \right)^2 \psi^{1.5}.$$

Sada je moguće izračunati omjer promjera vrha i korijena radnog kola  $\nu$  (sl. 3.1):

$$\nu = \frac{\psi}{2\eta_h\varphi}. \quad (3.4)$$

Ovaj parametar se smatra jednim od najvažnijih pri projektiranju radnog kola aksijalne pumpe. On ima utjecaj na iskoristivost i na zakret lopatica radnog kola. Postoje razni kriteriji s kojima se može utjecati na zakret lopaticice. Jedan od njih je uvjet da izlazni kut lopaticice  $\beta_{2l}$  treba biti manji od  $90^\circ$ . Drugi je uvjet da omjer iznosa relativnih brzina  $w_2/w_1$  na presjeku kod glavčine treba biti  $\geq 0.6$ .

Sada još preostaje odrediti iznos unutarnjeg promjera radnog kola prema

$$\nu = \frac{d_1}{d_2} \Rightarrow d_1 = \nu d_2. \quad (3.5)$$

Još jedan bitan parametar kod konstruiranja radnog kola aksijalne pumpe je broj lopatica. Optimalni broj lopatica radnog kola  $z_k$  se smanjuje s porastom specifične brzine kao što je to prikazano u tablici 3.1. Optimalni broj lopatica je također određen s opterećenjem koje djeluje na lopaticu, tako da je u konačnoj verziji potrebno izvršiti provjeru lopaticice na opterećenje.

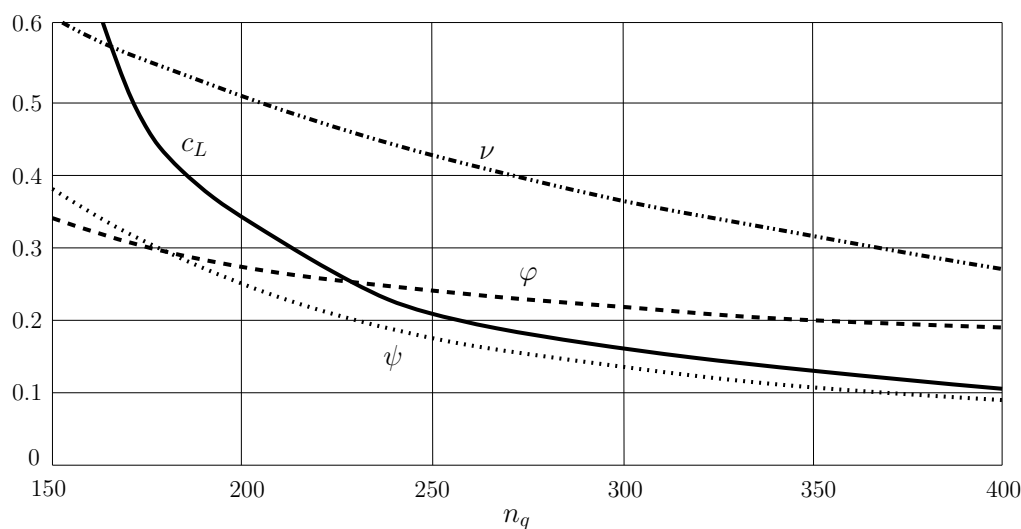
Tablica 3.1: Broj lopatica radnog kola aksijalne pumpe[2]

$n_q$	140-170	160-230	220-290	>290
$z_k$	7-5	4	3	2

U nekim slučajevima iz konstrukcijskih razloga se može odstupiti od gornjih preporuka za izbor  $\nu$  i  $z_k$ , kao na primjer, kada se predviđa ugradnja mehanizma za zakretanje lopatica radnog kola u glavčini radnog kola. Preporučuje se određivanje maksimalne debljine presjeka lopatica kod glavčine prema izrazu

$$\delta_{max} = (0,012 - 0,015)d_2\sqrt{H_{max}} \quad (3.6)$$

gdje je  $H_{max} = 1,5H$ . Debljina lopaticice na vanjskom promjeru uzima se manjom od izračunate na glavčini. Promjena debljine od glavčine prema kućištu treba se blago mijenjati.



Slika 3.1: Bezdimenzijski koeficijenti aksijalne pumpe[2]

Pri proračunu neophodnih parametara profila za pojedine presjeke uzima se da svaki presjek treba osigurati jednaku visinu dobave  $H$ , tj.  $H(r) = konst.$  Zbog toga je potrebno izračunati teoretsku visinu dobave  $H_t$  koja se određuje za orijentacijski usvojenu vrijednost  $\eta_H$  (2.47), odakle slijedi da je

$$H_t = \frac{H}{\eta_H}. \quad (3.7)$$

Iz izraza (2.11) slijedi da je

$$c_{2u} = \frac{gH_t}{u} + c_{1u},$$

gdje je  $u = \omega r$ .

Brzina na ulazu  $c_{1u}$  ovisi o načinu dovođenja fluida do radnog kola. U slučaju kada fluid dolazi do radnog kola u aksijalnom smjeru,  $c_{1u} = 0$ , pa slijedi da je

$$c_{2u} = \frac{gH_t}{u}. \quad (3.8)$$

Iz izraza (2.9) određuje se beskonačna aksijalna brzina strujanja  $w_\infty$ , a po (3.10) se zatim određuje kut beskonačne brzine  $\beta_\infty$ .

Iz trokuta brzina (sl. 2.3) određuju se kutevi strujanja  $\beta_1$  i  $\beta_2$  na ulazu i izlazu iz radnog kola po jednadžbama:

$$\tan \beta_1 = \frac{c_z}{u - c_{1u}} \quad (3.9)$$

i

$$\tan \beta_2 = \frac{c_z}{u - c_{2u}}. \quad (3.10)$$

Pošto su izračunati kutevi strujanja, određuje se odgovarajuće strujno skretanje koje radno kolo može ostvariti:

$$\Delta\beta = \beta_2 - \beta_1.$$

U pogledu skretanja struje i odljepljivanja struje fluida od profila, najugroženiji je presjek kod glavčine. Zbog toga je potrebno posvetiti pažnju pri određivanju relativnog koraka  $\bar{t} = t/l = f(\Delta\beta, \beta_2)$  na ovom presjeku. Za ostale presjeke ova opasnost je puno manja, što opet ovisi o radnom režimu.

Presjek na vanjskom promjeru radnog kola je najnepovoljniji s obzirom na pojavu kavitacije, jer je tu brzina opstrujavanja fluida najveća.

Nakon određivanja relativnog koraka  $\bar{t}$  kod glavčine i koraka  $t = 2r\pi/z_k$ , može se odrediti dužina tetive profila  $l$ .

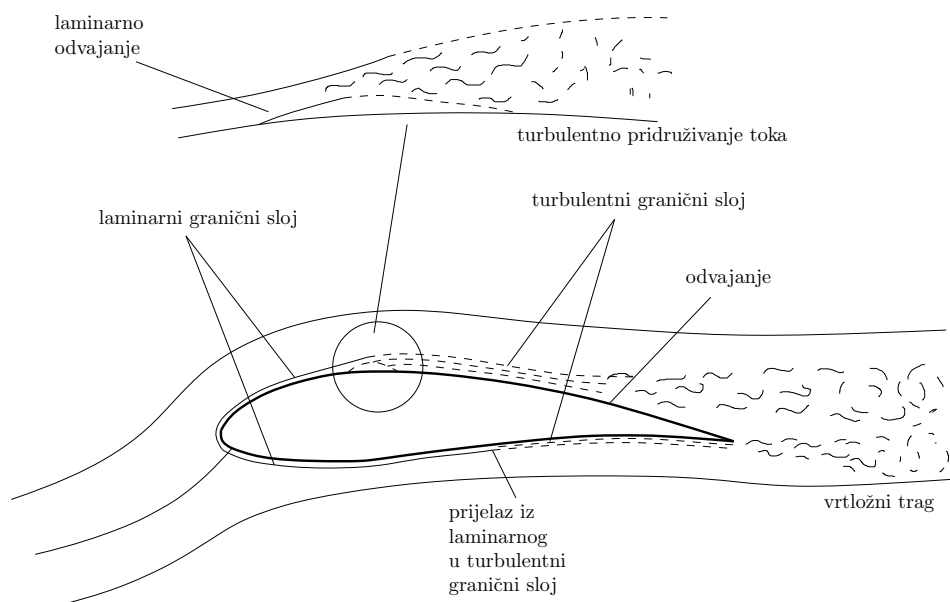
Za ostale presjeke, uključujući i posljednji presjek postupak se ponavlja na način da za svaki korak  $t = 2r\pi/z_k$  relativni korak  $\bar{t} = t/l$  ostaje konstantan. Vrijednost stvarnog koeficijenta sile uzgona  $c_{Lr}$  profilne rešetke određuje se pomoću izraza

$$c_{Lr} = \frac{t}{l} \frac{2gH_t}{w_\infty^2} \frac{c_z}{u} \frac{\cos \varepsilon}{\sin(\beta_\infty + \varepsilon)}. \quad (3.11)$$

U posljednjem izrazu (3.11) obično se uzima da je  $\varepsilon = 1 - 2^\circ$ . Da bi pumpa mogla sa sigurnošću ostvariti zahtjevane parametre, pored određivanja osnovnih geometrijskih parametara radnog kola i broja lopatica, potrebno je odrediti koeficijente sile uzgona  $c_{Lr}$  u pojedinim presjecima.

### 3.2. Osnovna svojstva krilnog profila

Kao što je ranije spomenuto, lopatice radnog kola se izvode korištenjem krilnih profila. Krilni profil se može zamisliti kao krivulja na koju je nadodana debljina prema specificiranoj raspodjeli. Ako je krilni profil izložen nekom strujanju dolazne brzine  $w_\infty$  koja se u odnosu na tetivu profila nalazi pod napadnim kutem  $\alpha_\infty$ , blizu ulaznog brida formirat će se zaustavna točka. Blizu vrha krilnog profila formira se laminarni granični sloj, ali nakon određene duljine prelazi u turbulentni. Ova prijelaz ovisi o Reynoldsovom broju, turbulentnosti nadolazećeg toka te o površinskoj hrapavosti. Kada granični sloj postane prevelike debljine, dolazi do pojave odvajanja strujanja te se formira vrtložni trag iza profila.



Slika 3.2: Strujanje oko krilnog profila[2]

Strujanje fluida rezultira pojavom sile  $R$  koja je prikazana na slici 2.6. Ova sila se sastoji od dvije komponente: sile uzgona  $F_L$  koja je okomita na smjer strujanja fluida i sile otpora  $F_D$  čiji je smjer jednak smjeru strujanja. Kut između sile uzgona i rezultantne sile  $R$  se naziva kvaliteta profila. Omjer sile otpora u odnosu na silu uzgona se kreće između 0.01 do 0.04, ovisno o napadnom kutu.

U ovom radu korišteni su četveroznamenkasti asimetrični NACA krilni profili. Četiri znamenke u nazivu profila definiraju profil. Naprimjer profil NACA4412 ima maksi-

malnu asimetričnost od 4% koja se nalazi na 40% duljine tetive mjereno od ulaznog brida, maksimalne debljine iznosa 12% duljine tetive. Jednadžba za oblikovanje profila ovog tipa glasi:

$$y_t = 5t \left[ 0.2969\sqrt{x} - 0.1260x - 0.3516x^2 + 0.2843x^3 - 0.1015x^4 \right], \quad (3.12)$$

gdje je

$x$ -pozicija uzduž tetive čiji se iznos mijenja od 0 do 1 (0-100%)

$y_t$ -polovica debljine na udaljenosti  $x$

$t$ -maksimalna debljina u postocima ukupne duljine tetive

Jednadžba srednje linije profila je:

$$y_c = \begin{cases} \frac{m}{p^2} \left( 2p \left( \frac{x}{c} \right) - \left( \frac{x}{c} \right)^2 \right), & 0 \leq x \leq pc \\ \frac{m}{(1-p)^2} \left( (1-2p) + 2p \left( \frac{x}{c} \right) - \left( \frac{x}{c} \right)^2 \right), & pc \leq x \leq c \end{cases} \quad (3.13)$$

gdje je

$m$ -maksimalna asimetričnost

$p$ -lokacija maksimalne asimetričnosti

Maksimalna asimetričnost  $m$  se računa tako da je zakret skeletnice profila  $\Delta\beta_l$  jednak dvostrukom zakretu relativnog toka  $\Delta\beta$  tj.  $\Delta\beta_l = 2\Delta\beta$ . Lokacija maksimalne asimetričnosti profila  $p$  održavana je na konstantnoj vrijednosti od 50% tj. maksimalna asimetričnost se kod svakog presjeka nalazi na pola duljine tetive profila.

Koordinate gornje i donje plohe krilnog profila se računaju prema jednadžbama:

$$x_U = x - y_t \sin \theta, \quad y_U = y_c + y_t \cos \theta, \quad (3.14)$$

$$x_L = x + y_t \sin \theta, \quad y_L = y_c - y_t \cos \theta, \quad (3.15)$$

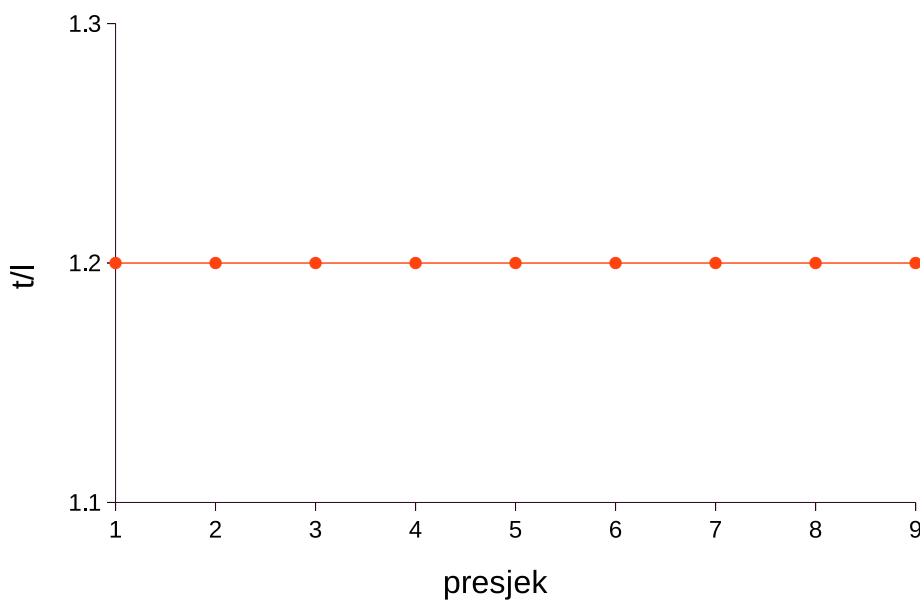
gdje je

$$\theta = \arctan\left(\frac{dy_c}{dx}\right) \quad (3.16)$$

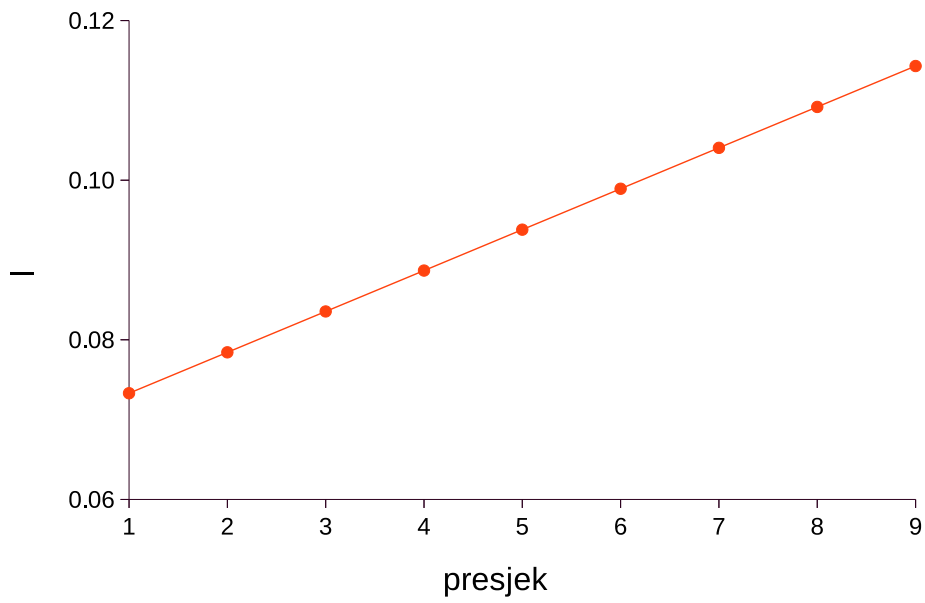
i

$$\frac{dy_c}{dx} = \begin{cases} \frac{2m}{p^2} \left(p - \frac{x}{c}\right), & 0 \leq x \leq pc \\ \frac{2m}{(1-p)^2} \left(p - \frac{x}{c}\right), & pc \leq x \leq c \end{cases} \quad (3.17)$$

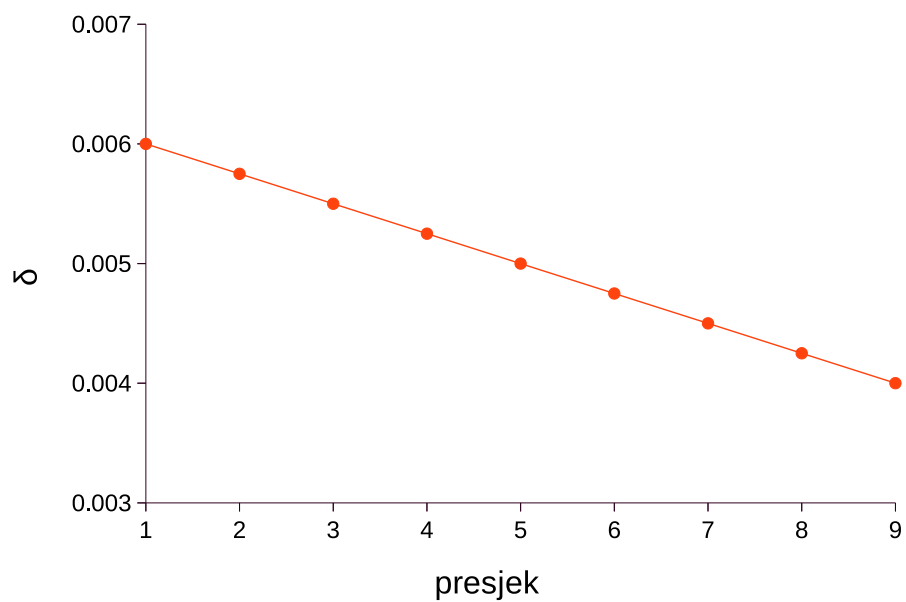
Opisana matematička definicija implementirana je u programskom jeziku *Python* preko klase koja je korištena za dobivanje geometrije krilnih profila. Kod oblikovanja lopatice relativni korak je održavan konstantnim, dok su se duljina tetive, maksimalna debljina profila i korak lopatice mijenjali linearno kao što je prikazano na slikama 3.3, 3.4, 3.5 i 3.6.



Slika 3.3: Relativni korak  $t/l$  na pojedinom presjeku

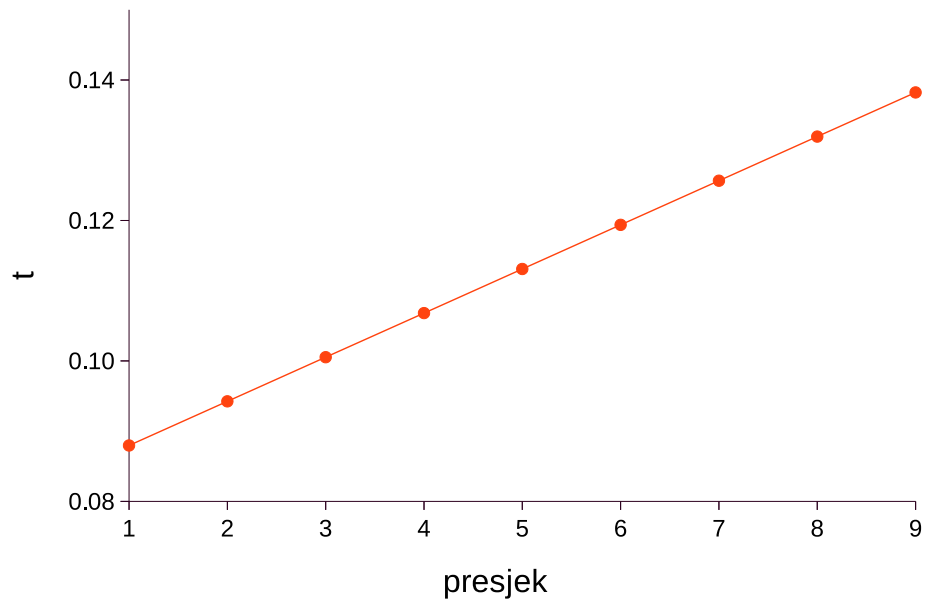


Slika 3.4: Duljina tetive  $l$  na pojedinom presjeku

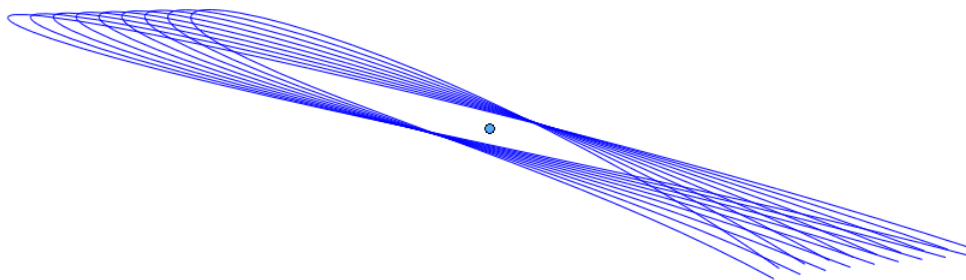


Slika 3.5: Maksimalna debljina profila  $\delta$  na pojedinom presjeku

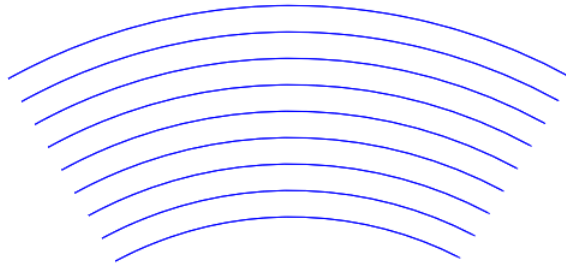


Slika 3.6: Korak  $t$  na pojedinom presjeku

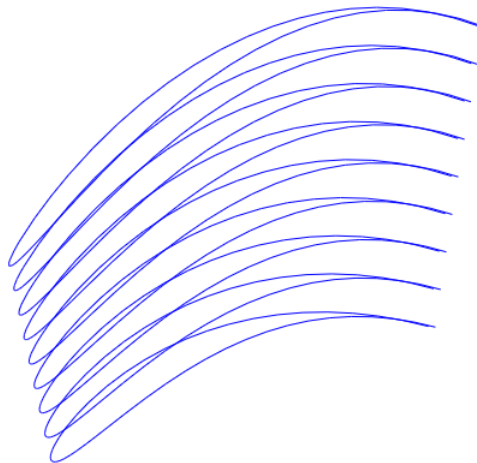
Profili su u prostoru smješteni oko ishodišta koordinatnog sustava kao što je prikazano na slikama [3.7](#), [3.8](#) i [3.9](#).



Slika 3.7: Smještanje profila u prostoru (tlocrt)



Slika 3.8: Smještanje profila u prostoru (nacrt)



Slika 3.9: Smještanje profila u prostoru (izometrija)

### 3.3. Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe po metodi uzgonskih sila

Metoda uzgonskih sila se može primjeniti za proračun radnog kola i statora aksijalnih pumpi, pod uvjetom da je rešetka profila radnog kola dovoljno rijetka tj. da je relativni korak  $\bar{t} = t/l > 1$  ili da je  $\tau = l/t < 1$ . Kada rešetka zadovoljava navedene uvjete, tada kinematika strujanja na izlazu iz radnog kola ovisi o karakteru strujanja na ulazu u radno kolo. Osim toga, prema literaturi [1] i [2], korekcija koja je potrebna zbog utjecaja jednog profila na drugi u rešetci se može zanemariti.

Svrha metode uzgonskih sila je u tome, što se za računanje koeficijenata uzgonskih sila  $c_{Lr}$  po jednadžbi (3.11) uzima usamljeni profil, čije su karakteristike određene u zračnom tunelu ili na neki drugi način. Koeficijent uzgonske sile  $c_L$  za ovako izoliran profil, razlikuje se od onog koji bi se dobio na profilu ugrađenom u hidrodinamičku rešetku zbog uzajamnog djelovanja jednog profila na drugi koji su razmaknuti na koraku  $t$ .

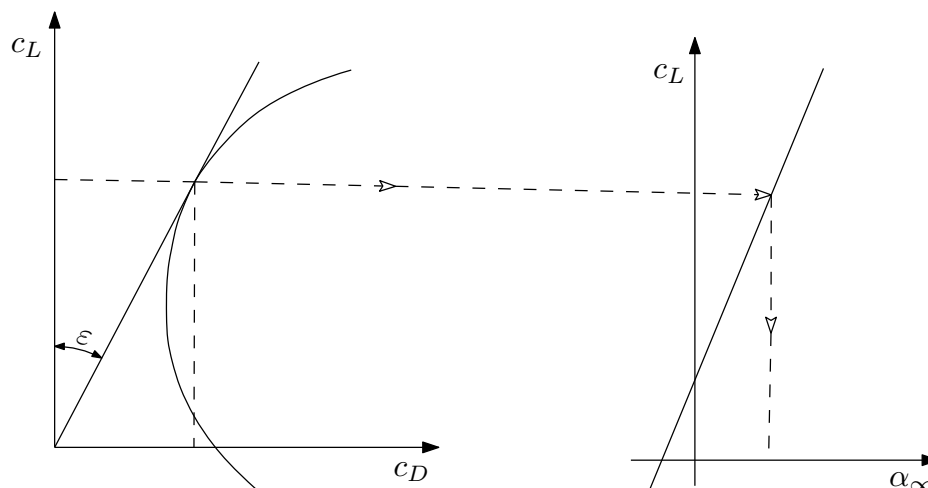
Koeficijent sile uzgona usamljenog profila određuje se prema izrazu

$$c_L = \frac{c_{Lr}}{L} \quad (3.18)$$

gdje je  $L$ -koeficijent koji uzima u obzir utjecaj uzajamnog djelovanja profila u rešetki. Na osnovu teorijskih i eksperimentalnih istraživanja utvrđeno je da koeficijent  $L$  ovisi o relativnom koraku rešetke  $\bar{t}$  i položaju profila u rešetki  $\beta_p$ , dakle  $L = f(\bar{t}, \beta_p)$ . Postoje grafički prikazi ovisnosti koeficijenta  $L$  o relativnom koraku  $\bar{t}$  i kutu postave  $\beta_p$ , koji su dobiveni teorijski. Ova ovisnost može se iskoristiti za približno određivanje utjecaja na profile različitog oblika i debljine. Premda postoje takvi dijagrami, teško su dostupni te ne pokrivaju dovoljan broj krilnih profila. U praksi se ovaj koeficijent najčešće zanemaruje ukoliko je ispunjen uvjet  $\bar{t} = t/l > 1$ , što je također napravljeno i u ovom radu.

Pošto je kut  $\beta_p = \beta_\infty + \alpha_\infty$  (sl. 2.11), a kut  $\beta_\infty$  je već određen, kao nepoznanica ostaje kut  $\alpha_\infty$ . Sa sigurnošću se može reći da je očekivana vrijednost  $\alpha_\infty$  u optimalnom režimu rada jednaka  $\alpha_\infty = 1-6^\circ$ . Veće vrijednosti napadnog kuta  $\alpha_\infty$  imaju profili kod glavčine radnog kola. Pošto je određivanje koeficijenata uzgonske sile  $c_L$  prema jednadžbi (3.11) za usamljeni profil završeno, vrši se izbor odgovarajućeg profila za svaki presjek lopatice radnog kola. Izbor profila treba se izvršiti tako da on ima najveću moguću kvalitetu  $\varepsilon = c_L/c_D$ . Očigledno je da će taj uvjet biti zadovoljen kada je polarna krivulja profila

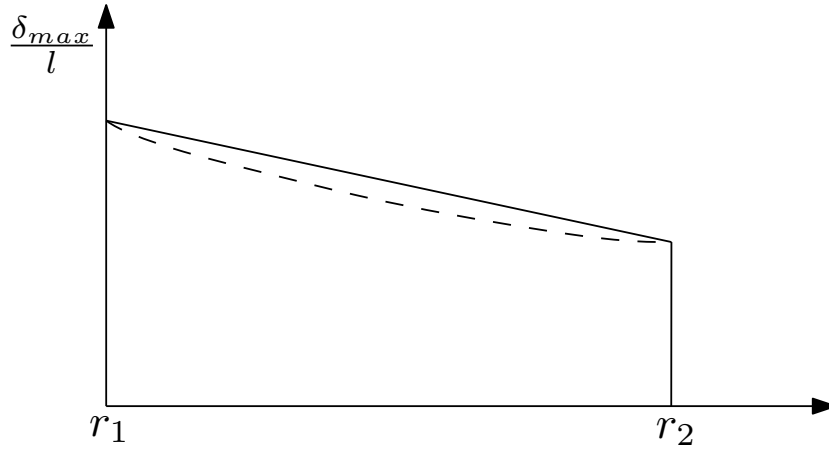
takva da pravac povučen iz ishodišta koordinatnog sustava  $(c_L, c_D)$  dodiruje polarnu krivulju u točki koja odgovara potrebnom koeficijentu uzgonske sile. Ako je poznata grafička ovisnost  $c_L = f(\alpha_\infty)$ , onda se može odrediti i odgovarajući napadni kut  $\alpha_\infty$  kako je to prikazano na slici 3.10.



Slika 3.10: Grafičko određivanje napadnog kuta  $\alpha_\infty$  u ovisnosti o kvaliteti profila

Da bi se napadni kut  $\alpha_\infty$  moglo određivati na ovaj način, potrebno je poznavati polarne krivulje profila s kojima se konstruira lopatica. Uz potrebne krivulje često se zadaju i izrazi za izračun koeficijenta sile uzgona  $c_L$ . Pomoću takvih izraza se može izračunati koeficijent sile uzgona za pojedine profile pri eventualnom podebljanju ili stanjenju osnovnog profila. Neophodno je da izabrani profil osigura blagu i kontinuiranu promjenu oblika lopatice, kako u meridionalnoj, tako i u ortogonalnoj projekciji lopatice radnog kola. Isto tako, potrebno je osigurati blagu promjenu relativne debljine lopatice  $\delta_{max}/l$  od glavčine prema vanjskom promjeru. Ovisnost  $(\delta_{max}/l)$  po polumjeru  $r$  treba biti otprilike linearna (sl. 3.11), ali je najčešće  $(\delta_{max}/l)_2 = (0 - 0,4)(\delta_{max}/l)_1$ .

Pri izboru krilnih profila za izradu lopatice radnog kola poželjno je da se uzimaju slični profili po obliku skeletnice. Često se radi jednostavnosti lopatica radi samo od jednog ili dva profila sa odgovarajućim zadebljanjima ili stanjenjem osnovnog profila.

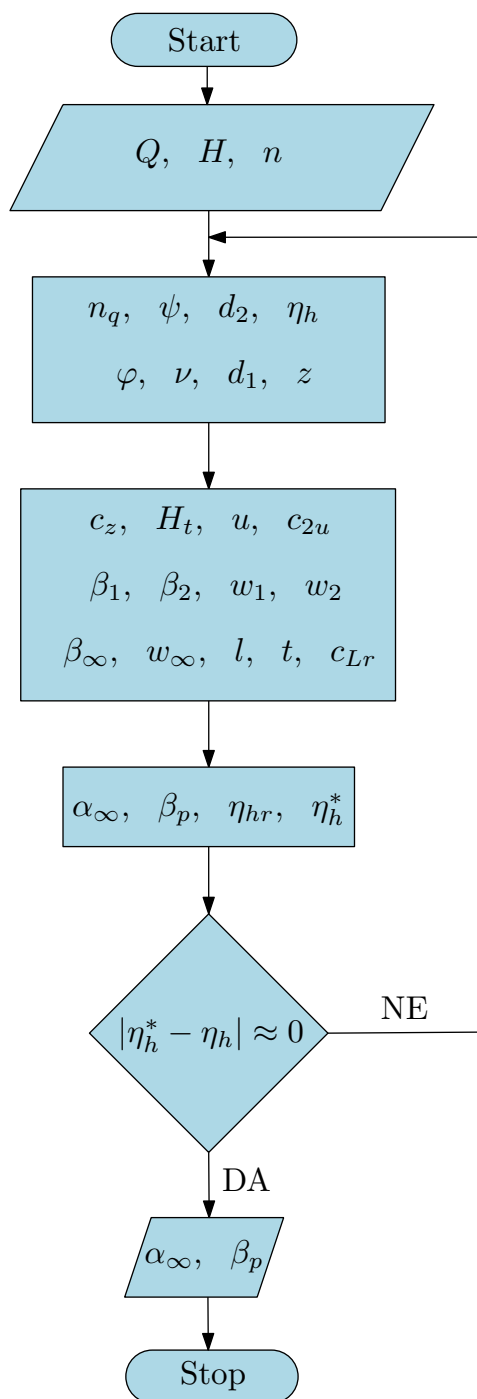
Slika 3.11: Promjena relativne debljine lopatice  $\delta_{max}/l$ 

Nakon određivanja kuta postave profila  $\beta_p$  potrebno je za svaki presjek izračunati hidrauličku iskoristivost rešetke prema

$$\eta_{hr} = 1 - \frac{w_\infty \tan \varepsilon}{u \sin(\beta_\infty + \varepsilon)}. \quad (3.19)$$

Premda je navedena mogućnost grafičkog određivanja napadnog kuta  $\alpha_\infty$ , u ovom radu ta metoda nije korištena. Za određivanje koordinata profila i nepoznatog napadnog kuta  $\alpha_\infty$  korišteni su programski paketi *Python*, *gms* i *OpenFOAM*. Za proračun potrebnih veličina u programskom paketu *Python* implementiran je opisani matematički model. Pomoću implementiranog programa izračunate su vrijednosti osnovnih konstrukcijskih parametara te su izračunati trokuti brzina za pojedini presjek lopatice. Unutar programa napravljena je klasa kojom su dobiveni potrebni profili za svaki presjek. Nakon određivanja osnovnih parametara, napravljena je i diskretizirana prostorna domena oko krilnog profila. Za ovaj postupak korišten je programski paket *gms*. Pošto je domena diskretizirana, numeričkim simulacijama strujanja u *OpenFOAM*u izračunati su koeficijenti uzgona te je prema ranije izračunatom koeficijentu uzgona iz (3.11) određen potrebni napadni kut  $\alpha_\infty$ . Da bi se ubrzao proračun, iskorišten je uvjet linearne ovisnosti koeficijenta uzgona  $c_L$  o napadnom kutu  $\alpha_\infty$  u području u kojem se potrebni  $\alpha_\infty$  uglavnom nalazi. Zbog ovog uvjeta, da bi se odredio potrebni napadni kut, dovoljno je numeričkim simulacijama strujanja odrediti koeficijent uzgona i napadni kut u dvije točke, a potrebni napadni kut  $\alpha_\infty$  se tada može odrediti linearnom interpolacijom. Da bi to bilo moguće, potrebno je da jedna simulacija bude postavljena za napadni kut koji

je manji od potrebnog napadnog kuta, a druga da bude postavljena za veći napadni kut od onog koji se traži. Radi provjere, za svaki profil je postavljena još jedna simulacija u kojoj je zadani napadni kut onaj koji je prethodno dobiven linearnom interpolacijom, te se na kraju simulacije za taj napadni kut vršila usporedba dobivenog koeficijenta uzgona sa onim koji je dobiven linearnom interpolacijom. Ukoliko je uvjet zadovoljen, izvršeno je spremanje izračunatog  $\alpha_\infty$ . Opisani postupak napravljen je za svaki presjek. Pošto su izračunate sve potrebne veličine, prema jednadžbi (3.19) izračunata je hidraulička iskoristivost rešetke za svaki presjek. Prosječna vrijednost svih izračunatih iskoristivosti predstavlja hidrauličku iskoristivost radnog kola. Ukoliko se ta vrijednost razlikuje od vrijednosti izračunate prema (2.47) s kojom se ušlo u proračun, potrebno je korigirati pretpostavljenu vrijednost hidrauličke iskoristivosti te ponoviti proračun. Kada je izračunata hidraulička iskoristivost približno jednaka pretpostavljenoj, proračun je završen. Nakon što su se izračunale vrijednosti napadnog kuta za svaki presjek, te je samim time poznat kut postave lopatice  $\beta_p$ , uz poznavanje ostalih potrebnih veličina izvršeno je postavljanje profila u prostoru pod kutem  $\beta_p$  i njihovo mapiranje na cilindričnu plohu, čime je proces konstruiranja lopatice metodom uzgonskih sila završen. Dijagram toka oblikovanja rotorske lopatice metodom uzgonskih sila prikazan je na slici 3.12.



Slika 3.12: Dijagram toka oblikovanja lopatice radnog kola metodom uzgonskih sila

### 3.4. Oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe pomoću hidrodinamičkih karakteristika ravne profilne rešetke

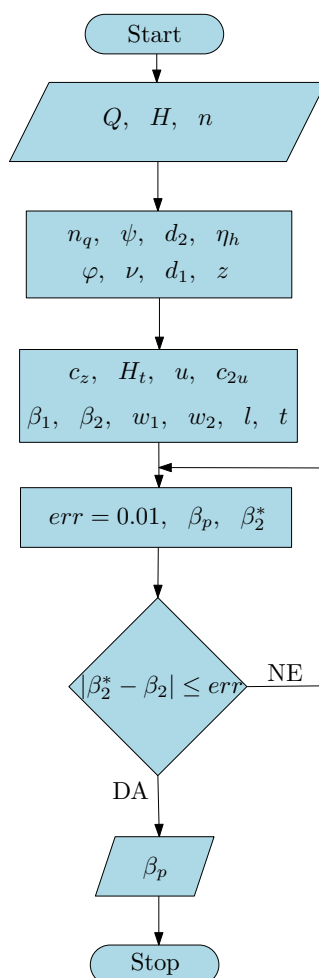
Radno kolo aksijalne pumpe moguće je oblikovati poznavanjem hidrodinamičkih karakteristika ravne profilne rešetke. Iskustvo pokazuje da jedino poznavanje svojstava profilne rešetke omogućuje pouzdano oblikovanje rotora bez suvišnih korekcija. Nažalost primjena metode koja se temelji na upotrebi aerodinamičkih karakteristika profilnih rešetaka ograničena je zbog neraspoloživosti odgovarajućih eksperimentalnih podataka. Zbog razvoja numeričkih metoda, moguće je dovoljno točno sa inženjerskog stajališta odrediti karakteristike ravne profilne rešetke numeričkim putem.

Određivanje osnovnih konstrukcijskih parametara u principu je isto kao i kod prethodno opisane metode. Nakon što se izračunaju osnovni parametri koji karakteriziraju geometriju radnog kola aksijalne pumpe, pristupa se proračunu lopatica. Pošto je postupak određivanja osnovnih konstrukcijskih parametara, te ulaznog i izlaznog trokuta brzina opisan u 3.1. on se ovdje neće ponovno opisivati.

Kod numeričke metode određivanja kuta postave nije potrebno poznavati koeficijent uzgona rešetke  $c_{Lr}$ . Pošto su poznati kutevi relativnog toka  $\beta_1$  i  $\beta_2$ , te njima odgovarajuće relativne brzine  $w_1$  i  $w_2$ , moguće je numeričkim simulacijama strujanja odrediti kut postave profila  $\beta_p$ . U ovoj situaciji veličina koja se prati je izlazni kut relativnog toka  $\beta_2$ . Veličina koja se mijenja je kut postave  $\beta_p$ . Postupak je iterativan te se kut postave mijenja sve dok se ne zadovolji određeni kriterij po pitanju razlike analitički izračunatog i numerički dobivenog kuta relativnog toka na izlazu  $\beta_2$ . Kada je kriterij zadovoljen, sprema se vrijednost kuta postave  $\beta_p$  iz posljednje iteracije. Postupak se ponavlja za proizvoljno odabran broj presjeka. I u ovom slučaju za određivanje potrebnih veličina korišteni su programski paketi *Python*, *gms* i *OpenFOAM*. Za proračun potrebnih veličina u programskom paketu *Python* implementiran je opisani matematički model. Pomoću implementiranog programa izračunate su vrijednosti osnovnih konstrukcijskih parametara te iznosi komponenata trokuta brzina za pojedini presjek lopatice. Potrebni profili za svaki presjek dobiveni su prethodno spomenutom klasom koja je ugrađena u program. Nakon određivanja osnovnih parametara, i dobivanja geometrije profila, napravljena je i diskretizirana prostorna domena oko krilnog profila. Za ovaj postupak



korišten je programski paket *gms*. Radi olakšanja procesa izrade mreže za veći broj presjeka i ulaznih parametara, on je automatiziran na način da je napisana skripta u programskom jeziku *Python* koja je određenim slijedom naredbi izvršavala izradu mreže u programskom paketu *gms*. Pošto je domena diskretizirana, numeričkim simulacijama strujanja u *OpenFOAM*u izračunati su iznosi napadnog kuta  $\beta_p$  za svaki presjek lopatice. Nakon što su se izračunale vrijednosti kuta postave  $\beta_p$  za svaki presjek, te uz poznavanje ostalih potrebnih veličina, izvršeno je postavljanje profila u prostoru i njihovo mapiranje na cilindričnu plohu, čime je proces konstruiranja lopatice metodom uzgonskih sila završen. Dijagram toka oblikovanja rotorske lopatice metodom uzgonskih sila prikazan je na slici 3.13.



Slika 3.13: Dijagram toka oblikovanja lopatice radnog kola metodom poznavanja karakteristika ravne profilne rešetke

## Poglavlje 4.

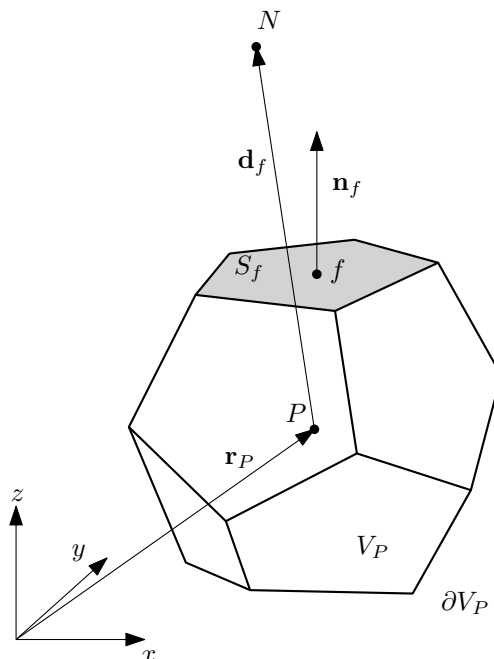
# Numerički model

Zbog turbulentnog karaktera strujanja, koriste se osrednjene Navier-Stokesove jednadžbe. Korišteni model turbulencije za 2-D i 3-D modele je  $k - \omega SST$ . Za 3-D model korišten je pristup numeričkog rješavanja strujanja pomoću rotirajućeg koordinatnog sustava. Pristup pomoću rotirajućeg koordinatnog sustava je vremenski manje zahtjevan od ostalih pristupa zato što se mreža kontrolnih volumena ne pomiče, a utjecaj rotacije opisuje se preko matematičkog modela. Pristup pomoću rotirajućeg koordinatnog sustava može se koristiti kao dobra aproksimacija strujanja oko optimalne radne točke kada je strujanje stacionarnog karaktera. Ukoliko bi se željelo postići bolje opisanje interakcije rotora i statora te ukoliko bi bilo potrebno poznavati ponašanje pumpe u vanprojektnim režimima rada, preporučuje se korištenje metode rotirajuće mreže kontrolnih volumena. U nastavku je ukratko opisana metoda kontrolnih volumena i korišteni model.

### 4.1. Metoda kontrolnih volumena

Diskretizacija prostorne domene rezultira proračunskom mrežom koja se sastoji od konačnog skupa kontrolnih volumena koji potpuno ispunjavaju domenu, a da se pritom međusobno ne preklapaju. Kontrolni volumen je konveksnog poliedarskog oblika, a ograničen je proizvoljnim brojem konveksnih poligonih stranica. Mreža sastavljena od ovako definiranih kontrolnih volumena naziva se proizvoljnom nestrukturiranom mrežom [9]. Diskretizaciju je potrebno provesti kako bi se sustav parcijalnih diferencijalnih jednadžbi mogao riješiti. Kontrolni volumen prikazan je na slici 4.1, gdje su  $P$  i  $N$

težište razmatranog i susjednog volumena, a  $f$  je težište stranice kontrolnog volumena  $S_f$ .



Slika 4.1: Kontrolni volumen

Diskretizacija vremenske domene predstavlja podjelu ukupnog vremena rješavanja na konačan broj vremenskih koraka. Proračunski čvor svake ćelije nalazi se u težištu volumena, čime se egzaktno opisuje linearna raspodjela varijable te se osigurava drugi red točnosti metode.

#### 4.1.1. Opća skalarna transportna jednačina

Opisani model moguće je prikazati u obliku opće skalarne transportne jednačine. Opća skalarna transportna jednačina izražena u diferencijalnom obliku [10]:

$$\frac{\partial \phi}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}\phi) - \nabla \cdot (\gamma \nabla \phi) = q_v, \quad (4.1)$$

gdje je  $\phi$  skalarna transportna varijabla, a  $\gamma$  koeficijent difuzije. Član  $\frac{\partial \phi}{\partial t}$  predstavlja vremenski član koji opisuje inerciju sustava.  $\nabla \cdot (\mathbf{u}\phi)$  predstavlja konvektivni član koji opisuje konvektivni transport varijable  $\phi$  zbog polja brzine. Transport veličine  $\phi$  zbog

postojanja gradijenta opisan je difuzijskim članom  $\nabla \cdot (\gamma \nabla \phi)$ . Varijablom  $q_v$  opisan je izvor i ponor transportne varijable. Korištenjem Gaussovog teorema dobiva se:

$$\int_{V_P} \frac{\partial \phi}{\partial t} dV + \oint_{\partial V_P} \phi(\mathbf{n} \cdot \mathbf{u}) dS - \oint_{\partial V_P} \gamma(\mathbf{n} \cdot \nabla \phi) dS = \int_{V_P} q_v dV. \quad (4.2)$$

#### 4.1.2. Diskretizacija opće skalarne transportne jednadžbe

Pošto su u ovom radu korištene numeričke simulacije stacionarnog strujanja fluida, vremenski član nije potrebno diskretizirati. Budući da je kontrolni volumen ograničen stranicama, površinski integral po granici kontrolnog volumena  $\partial V_P$  može se zapisati kao suma površinskih integrala po stranicama:

$$\oint_{\partial V_P} \phi(r) dS = \sum_f \int_{S_f} \phi(r) dS. \quad (4.3)$$

Uz pretpostavku linearne raspodjele varijable  $\phi$  integral  $\int_{S_f} \phi(r) dS$  prelazi u umnožak  $\phi_f S_f$  gdje je  $S_f$  površina granice, a  $\phi_f$  vrijednost varijable  $\phi$  u težištu stranice  $f$ . Površinski integral nad konvektivnim članom prelazi u:

$$\oint_{\partial V_P} \phi(\mathbf{n} \cdot \mathbf{u}) dS = \sum_f \phi_f (\mathbf{S}_f \cdot \mathbf{u}_f) = \sum_f \phi_f F. \quad (4.4)$$

Vrijednost varijable  $\phi_f$  na stranici  $f$  računa se pomoću vrijednosti u težištima susjednih volumena primjenom shema diskretizacije konvektivnog člana. Diskretizacija difuzijskog člana provodi se na sličan način:

$$\oint_{\partial V_P} \gamma(\mathbf{n} \cdot \nabla \phi) dS = \sum_f \int_{S_f} \gamma(\mathbf{n} \cdot \nabla \phi) dS = \sum_f \gamma_f S_f \mathbf{n}_f \cdot (\nabla \phi)_f. \quad (4.5)$$

Član  $\mathbf{n}_f \cdot (\nabla \phi)_f$  je normalni gradijent varijable  $\phi$  na granici  $f$ . Kada se vektor  $\mathbf{d}_f$  i vektor normale na stranicu  $\mathbf{n}_f$  poklapaju, taj član se može računati kao  $(\phi_N - \phi_P)/|\mathbf{d}_f|$ . Takvo računanje gradijenta je drugog reda točnosti. Budući da je često nemoguće provesti diskretizaciju da se ostvari takvo poklapanje vektora, uvodi se neortogonalna korekcija pomoću koje se zadržava drugi red točnosti. Izvorski član se diskretizira na sljedeći način:

$$\int_{V_P} q_v dV = q_v V_P. \quad (4.6)$$

Izvorski član sadrži sve što nije obuhvaćeno ostalim članovima. Nelinearna je funkcija ovisna o varijabli  $\phi$  pa ga se često prije diskretizacije linearizira.

### 4.1.3. Rješavanje sustava jednačbi

Za svaki kontrolni volumen može se zapisati jednačba u obliku:

$$a_p \phi_P^n + \sum_N a_N \phi_N^n = r_P, \quad (4.7)$$

gdje je  $a_P$  dijagonalni koeficijent,  $a_N$  susjedni koeficijent, a  $r_P$  desna strana jednačbe koja sadrži rubne uvjete i poznate koeficijente. Za cijelu domenu dobije se sustav linearnih algebarskih jednačbi u obliku  $\mathbf{Ax}=\mathbf{b}$ . Matrica  $\mathbf{A}$  je rijetka kvadratna matrica dimenzija  $N \times N$ , gdje je  $N$  broj kontrolnih volumena. Zbog velikih dimenzija matrice, sustav jednačbi je potrebno rješavati iterativnim postupkom. Budući da se varijabla tlaka pojavljuje samo u jednačbi količine gibanja, potrebno je izvesti jednačbu za tlak. Jednačba za tlak dobiva se divergencijom jednačbe količine gibanja. Diskretizacijom jednačbe količine gibanja dobiva se jednačba:

$$a_p^n \mathbf{u}_P + \sum_N a_N^n \mathbf{u}_N = r_P - \nabla p. \quad (4.8)$$

Uvođenjem operatora  $\mathbf{H}(\mathbf{u}) = r - \sum_N a_N^n \mathbf{u}_N$ , jednačba (4.8) se može zapisati u obliku:

$$\mathbf{u}_P = (a_p^n)^{-1} (\mathbf{H}(\mathbf{u}) - \nabla p). \quad (4.9)$$

Uvrštavanjem jednačbe (4.9) u jednačbu očuvanja mase dobija se jednačba za tlak:

$$\nabla \cdot [(a_p^n)^{-1} \nabla p] = \nabla \cdot ((a_p^n) \mathbf{H}(\mathbf{u})). \quad (4.10)$$

Konačni sustav jednačbi rješava se odvojenim postupkom gdje je povezanost između brzine i tlaka ostvarena pomoću SIMPLE (*Semi Implicit Method for Pressure Linked Equations*) algoritma. Kako konvergencija iterativnog postupka ovisi o dijagonalnoj dominantnosti matrice, matrice s manje izraženom dijagonalnom dominantnosti teže se iterativno rješavaju. Budući da stacionarne simulacije, kao i tranzijentne simulacije sa velikim vremenskim korakom, imaju malu dijagonalnu dominantnost, potrebno je koristiti faktore podrelaksacije kako bi se osigurala konvergencija rješenja.

## 4.2. Matematički model

Matematički model korišten u ovom radu opisuje nestlačivo, turbulentno, izotermno strujanje fluida bez utjecaja gravitacije. Takvo se strujanje opisuje pomoću zakona očuvanja mase i zakona očuvanja količine gibanja.

Jednadžba očuvanja mase za nestlačivo strujanje:

$$\nabla \cdot \mathbf{u} = 0. \quad (4.11)$$

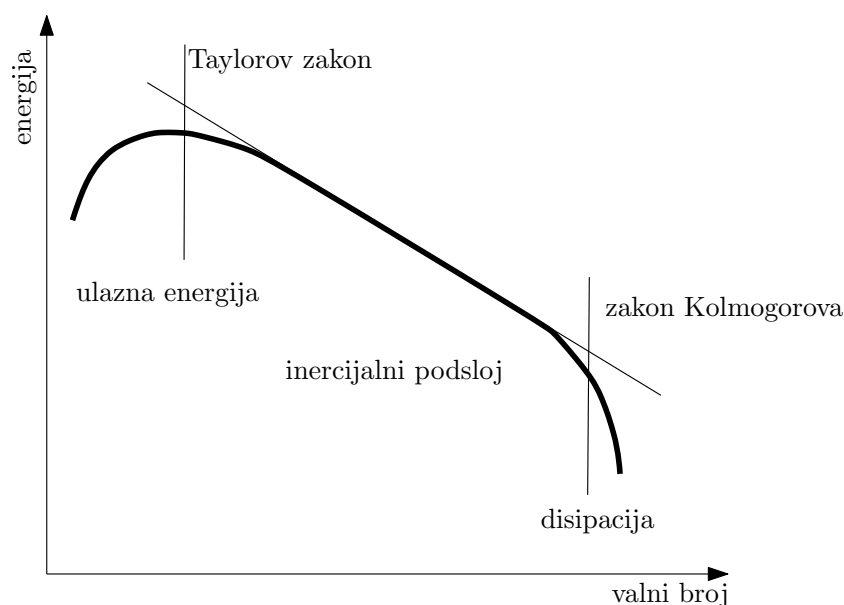
Jednadžba očuvanja količine gibanja za nestlačivo strujanje:

$$\frac{\partial \mathbf{u}}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}\mathbf{u}) - \nabla \cdot (\nu \nabla \mathbf{u}) = -\nabla p, \quad (4.12)$$

gdje je  $\mathbf{u}$  vektor brzine,  $p$  iznos tlaka, a  $\nu$  kinematička viskoznost fluida. Jednadžbe (4.11) i (4.12) su poznate pod nazivom Navier-Stokesove jednadžbe.

### 4.2.1. Modeliranje turbulencije

Turbulentno strujanje može se opisati kao vrtložno kaotično gibanje čestica fluida gdje vrijednosti svih relevantnih fizikalnih veličina osciliraju. Ovakav tip strujanja nestacionaran je i za stacionarne rubne uvjete te dobivanje cjelovitog analitičkog rješenje nije moguće [4]. Budući da je teško obuhvatiti pojave nasumičnih promjena svih fizikalnih veličina u prostornim i vremenskim koordinatama, pribjegava se modeliranju turbulencije tako da se ipak dobiju vrijednosti koje su s inženjerskog stajališta korisne. Takav pristup statistički osrednjava sve fizikalne veličine te korak prostorne i vremenske diskretizacije ne mora biti jako mali, što postupak numeričkog proračuna čini vremenski učinkovitijim. Turbulencija se obično prikazuje u obliku dinamike vrtloga, gdje je energija raspoređena prema veličinama vrtloga kao što je prikazano na slici 4.2.



Slika 4.2: Energetska kaskada

### Reynoldsovo osrednjavanje

Osrednjavanje Navier-Stokesovih jednadžbi temelji se na tome da se fizikalna veličina rastavi na vremenski osrednjenu vrijednost i pulsirajući dio:

$$p = \bar{p} + p', \quad \mathbf{u} = \bar{\mathbf{u}} + \mathbf{u}'. \quad (4.13)$$

Osrednjavanjem (4.11) i (4.12) dobije se [5]:

$$\nabla \cdot \bar{\mathbf{u}} = 0, \quad (4.14)$$

i

$$\frac{\partial \bar{\mathbf{u}}}{\partial t} + \nabla \cdot (\bar{\mathbf{u}} \bar{\mathbf{u}}) - \nabla \cdot (\nu \nabla \bar{\mathbf{u}}) = -\nabla \bar{p} + \nabla \cdot (\overline{\mathbf{u}'\mathbf{u}'}). \quad (4.15)$$

Član  $\overline{\mathbf{u}'\mathbf{u}'}$  naziva se Reynoldsov tenzor naprezanja. On opisuje transport količine gibanja turbulentnim fluktuacijama. Reynoldsov tenzor naprezanja ima 6 nepoznatih veličina koje je potrebno modelirati. Korištenjem hipoteze Boussinesqa šest komponenti tenzora naprezanja modelirano je jednim nepoznatim poljem turbulentne viskoznosti. Boussinesqova hipoteza glasi:

$$\overline{\mathbf{u}'\mathbf{u}'} = \nu_t[\nabla\mathbf{u} + (\nabla\mathbf{u})^T] + \frac{2}{3}k\mathbf{I} \quad (4.16)$$

gdje je  $\nu_t$  turbulentna viskoznost,  $\mathbf{I}$  jedinični tenzor i  $k$  turbulentna kinetička energija.

#### 4.2.2. $k - \omega$ SST model turbulencije

Svrha modela turbulencije je izjednačavanje nepoznanica i jednadžbi s određenim korelacijama što osigurava jednostavnost, ekonomičnost i univerzalnost pri korištenju. Postoje različiti modeli turbulencije, a dijele se na broj dodatnih skalarnih transportnih jednadžbi. Razlikujemo algebarske modele turbulencije te modele s jednom ili više dodatnih skalarnih transportnih jednadžbi.  $k - \omega$  SST model turbulencije se sastoji od dvije dodatne transportne jednadžbe. Dodatne transportne jednadžbe opisuju transport kinetičke energije turbulencije  $k$  i specifičnu brzinu disipacije turbulencije  $\omega$ . Ovaj model je jedan od najpopularnijih modela turbulencije. Model dobro opisuje negativne gradijente tlaka u strujanju, a baziran je na pretpostavci da je smično naprezanje proporcionalno turbulentnoj kinetičkoj energiji. Ideja modela je da se strujanje podalje od stijenke modelira  $k - \varepsilon$  modelom, a da se u blizini stijenke zadrži  $k - \omega$  model.  $k - \varepsilon$  model se koristi zbog niže osjetljivosti na rubne uvjete. Iako je  $k - \omega$  SST kombinacija dvaju modela turbulencije, računalno nije znatno zahtjevniji. Komunikacija dva modela turbulencije ostvarena je preformuliranjem jednadžbi  $k - \varepsilon$  modela u jednadžbe  $k - \omega$  modela te uz pomoć funkcije koja aktivira  $k - \omega$  model u blizini stijenke, odnosno  $k - \varepsilon$  model podalje od stijenke. Jednadžbe modela turbulencije su:

$$\frac{\partial k}{\partial t} + \nabla \cdot (\bar{\mathbf{u}}k) = \nabla \cdot (\nu_{eff} \nabla k) + Q_k, \quad (4.17)$$

i

$$\frac{\partial \omega}{\partial t} + \nabla \cdot (\bar{\mathbf{u}}\omega) = \nabla \cdot (\nu_{eff} \nabla \omega) + Q_\omega. \quad (4.18)$$

$Q_k$  i  $Q_\omega$  predstavljaju generaciju i disipaciju turbulentne kinetičke energije  $k$  i specifične brzine disipacije turbulencije  $\omega$ .



### 4.2.3. Metoda pokretnog koordinatnog sustava (eng. Moving Reference Frame-MRF)

Metoda pokretnog koordinatnog sustava omogućuje korištenje apsolutne ili relativne formulacije jednadžbi strujanja. U ovom radu korištena je apsolutna formulacija. Matematički model apsolutne formulacije je jednostavniji. Proračunska domena podjeljena je na mirujuće i rotirajuće zone. Rotirajuća zona kao i mirujuća miruje, ali ima modificirani matematički model koji omogućuje opisivanje rotacije i translacije. Relativna i apsolutna brzina povezane su preko jednadžbe:

$$\mathbf{u}_I = \mathbf{u}_R + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{r}. \quad (4.19)$$

Indeks I odnosi se na apsolutni koordinatni sustav, a indeks R na relativni. Jednadžbe strujanja za ovaj matematički model glase [6]:

$$\nabla \cdot \mathbf{u}_I = 0, \quad (4.20)$$

i

$$\frac{\partial \mathbf{u}_I}{\partial t} + \nabla \cdot (\mathbf{u}_R \mathbf{u}_I) + \boldsymbol{\omega} \times \mathbf{u}_I = -\nabla p + \nabla \cdot (\nu \nabla \mathbf{u}_I). \quad (4.21)$$

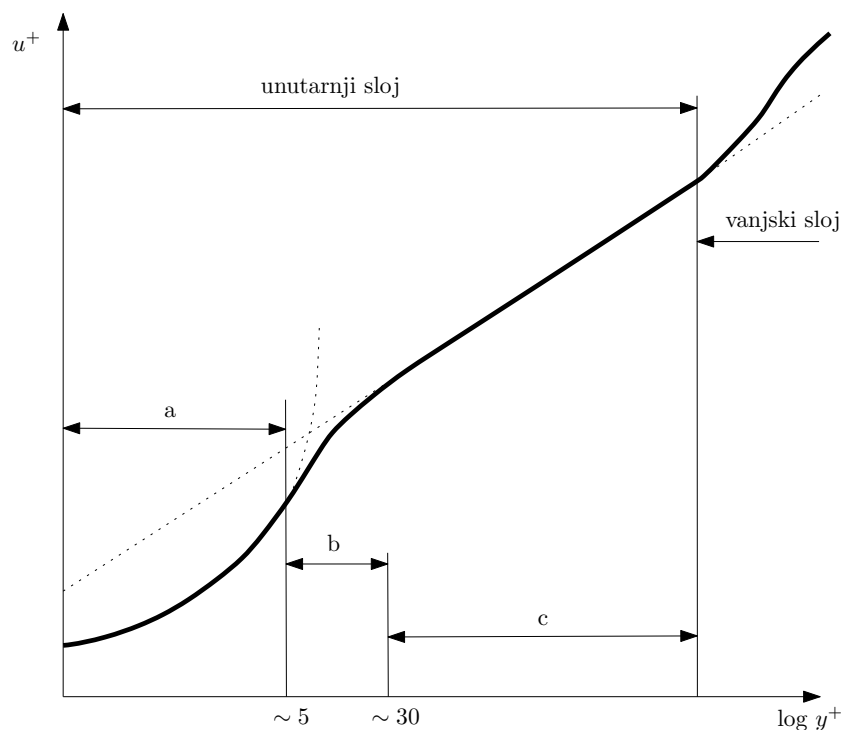
Ova metoda daje prihvatljive rezultate za stacionarna strujanja sa slabom interakcijom rotora i statora.

### 4.2.4. Rubni uvjeti

Kako bi sustav parcijalnih diferencijalnih jednadžbi bio rješiv, potrebno je zadati rubne uvjete. Za pravilno određivanje rubnih uvjeta, potrebno je poznavati prirodu problema koji se rješava. Također je potrebno definirati rubne uvjete za sve varijable koje se rješavaju. Razlikuju se tri osnovna tipa rubnih uvjeta: Dirichletov, Neumanov i miješani ili Robinov rubni uvjet. Dirichletov rubni uvjet koristi se pri zadavanju varijable na granici domene. Neumanov rubni uvjet se koristi za zadavanje derivacije varijable u smjeru normalne na granicu. Kako su jednadžbe kontinuiteta i količine gibanja spregnute po veličinama brzine i tlaka, zadavanje tih veličina mora odgovarati sprezi za nestlačivo strujanje.

### 4.2.5. Modeliranje graničnog sloja

Ponašanje turbulentnog strujanja u blizini stijenke znatno se razlikuje u odnosu na strujanje podalje od stijenke. Granični sloj često se prikazuje u bezdimenzijskom obliku kako je prikazano na slici 4.3. Veličine  $u^+$  i  $y^+$  su bezdimenzijska brzina i bezdimenzijska udaljenost od stijenke. Granični sloj se dijeli na vanjski i unutarnji (a-viskozni, b-prijelazni i c-inercijalni podsloj). U prijelaznom podsloju događa se prijelaz iz linearnog laminarnog profila brzina u turbulentni. Granični sloj je područje s visokim gradijentima svih fizikalnih veličina. Kao takav, predstavlja zahtjevan zadatak za prostornu diskretizaciju i model turbulencije. Iz tog razloga postoje dva pristupa u rješavanju graničnog sloja. Najčešće korišteni pristup je opisivanje viskoznog i inercijalnog podsloja pomoću zidnih funkcija tako da centar prve ćelije pada u inercijalni podsloj. Drugi pristup je korištenje modela turbulencije koji vrijedi pri asimptotskom približavanju stijenci. Korištenje takvih modela zahtijeva finu prostornu diskretizaciju što poskupljuje numerički proračun. U ovom radu koristi se model turbulencije koji koristi zidne funkcije.



Slika 4.3: Turbulentni granični sloj

## Poglavlje 5.

# Numerički proračun

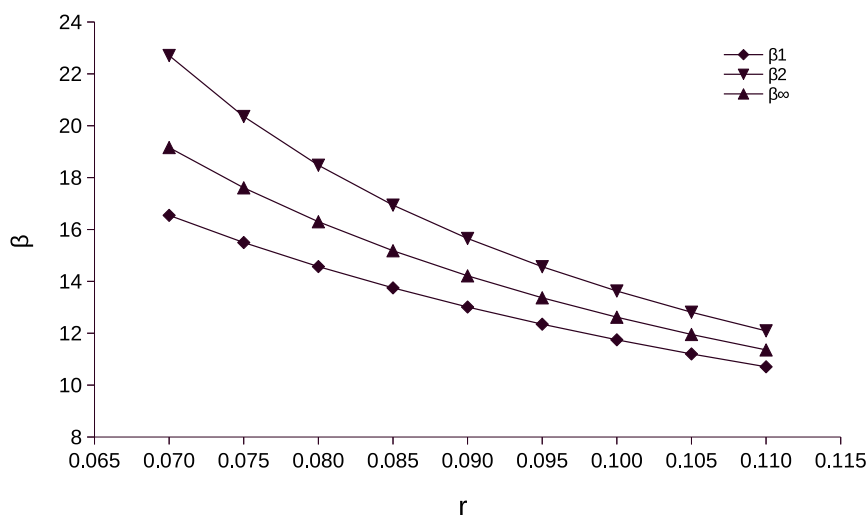
U poglavlju 3. opisana su oba postupka za oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe. Ovo poglavlje daje prikaz rezultata i geometrija dobivenih proračunom pomoću dvije opisane metode. Prikazana je i usporedba dobivenih rezultata. Karakteristike radnog kola, koje su nužne radi usporedbe ove dvije metode, dobivene su numeričkim simulacijama. U prvom potpoglavlju prikazan je postupak oblikovanja radnog kola metodom uzgonskih sila, a u drugom potpoglavlju je prikazan proračun oblikovanja radnog kola pomoću poznavanja karakteristika ravne profilne rešetke. Treće potpoglavlje prikazuje numeričke proračune strujanja u radnim kolima te usporedbu dobivenih rezultata. Kako bi se ove dvije metode mogle usporediti, proračun s obje metode je izvršen sa istim ulaznim parametrima. Također, kod obje metode osnovni geometrijski parametri poput vanjskog i unutarnjeg promjera radnog kola su jednaki. Ulazni parametri su dani u tablici 5.1.

Tablica 5.1: Karakteristike pumpe

$H_{opt}$	$Q_{opt}$	$n$	$n_q$	$\eta_h$
m	m <sup>3</sup> /s	min <sup>-1</sup>	-	%
3	0.0714	1450	170	89.8

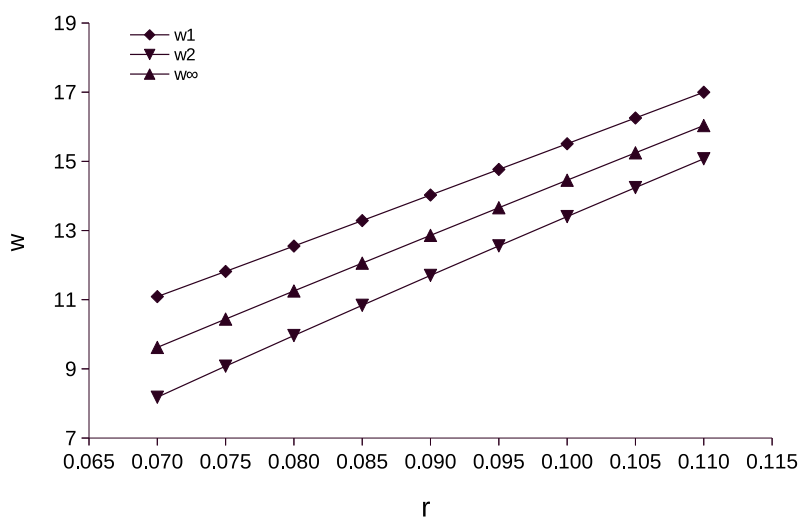
## 5.1. Geometrija radnog kola aksijalne pumpe oblikovana metodom uzgonskih sila

Iz jednadžbe (3.1) se dobije koeficijent visine dobave  $\psi = 0.205$ , te se iz jednadžbe (3.2) može izračunati vanjski promjer  $d_2 = 221.7$  mm. Usvojeni vanjski promjer iznosi  $d_2 = 222$  mm. Da bi se mogao odrediti omjer vanjskog i unutarnjeg promjera  $\nu$ , prvo je potrebno prema jednadžbi (3.3) izračunati koeficijent toka. Koeficijent toka prema (3.3) iznosi  $\varphi = 0.18$ . Sada je moguće izračunati omjer promjera prema jednadžbi (3.4) i on iznosi  $\nu = 0.6340$ . Kad su izračunate sve potrebne veličine, moguće je prema (3.5) odrediti promjer korjena radnog kola,  $d_1 = 139.48$  mm. Usvojeni promjer iznosi  $d_1 = 140$  mm. Iz tablice 3.1 se prema specifičnoj brzini  $n_q$  odabire broj lopatica radnog kola  $z_k = 5$ . Prema jednadžbi (3.6) određena je maksimalna debljina presjeka lopatice kod glavčine  $\delta_{max} = 7$  mm, a usvojena vrijednost za debljinu profila kod glavčine je  $\delta_{max} = 6$  mm. Pomoću jednadžbe (3.7) izračunata je teoretska visina dobave  $H_t = 3.34$  m. Lopatica je podijeljena na 9 segmenata. Za svaki od segmenata potrebno je, između ostalog, odrediti iznos beskonačne brzine  $w_\infty$  prema (2.9) i kut beskonačne brzine  $\beta_\infty$  prema (3.10). Isto tako izračunava se i koeficijent sile uzgona prema jednadžbi (3.11) koji je potreban pri određivanju napadnog kuta  $\alpha_\infty$ . Dijagram koji slijedi je dobiven iz rezultata proračuna:



Slika 5.1: Kutevi  $\beta_1$ ,  $\beta_2$  i  $\beta_\infty$  u ovisnosti o polumjeru  $r$

Na slici 5.1 prikazana je ovisnost kuteva relativnog toka  $\beta_1$  i  $\beta_2$  o polumjeru  $r$ . Prema [2] kut  $\beta_1$  nebi trebao puno prelaziti preko vrijednosti od  $16^\circ$  ukoliko se žele ostvariti dobre karakteristike vezane uz kavitaciju. Iz dijagrama je vidljivo da je taj uvjet ostvaren. Isto tako može se vidjeti da je vrijednost kuta  $\beta_\infty$  između vrijednosti kuteva  $\beta_1$  i  $\beta_2$ , kako je i prikazano na slici 2.11.



Slika 5.2: Relativne brzine  $w_1$ ,  $w_2$  i  $w_\infty$  u ovisnosti o polumjeru  $r$

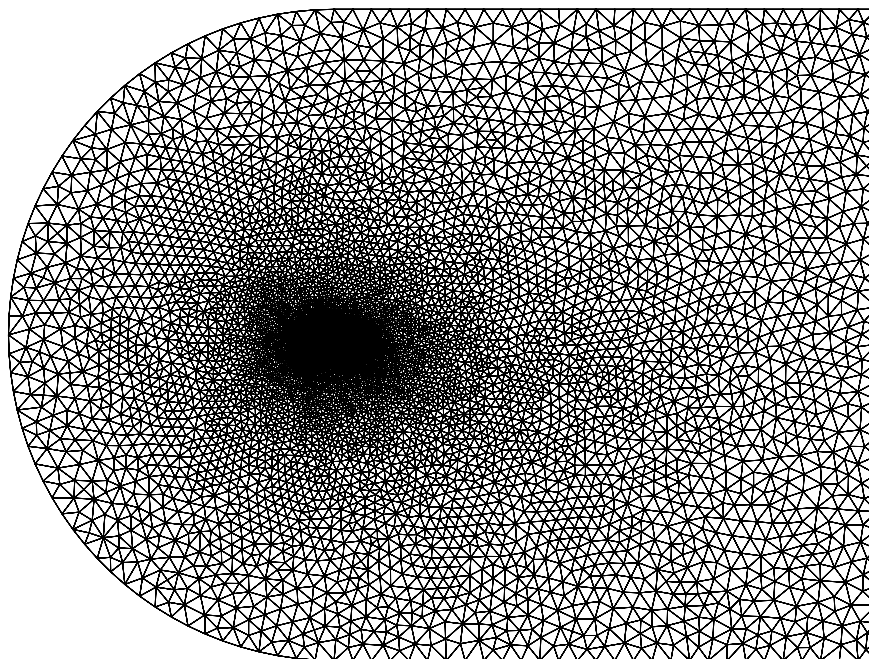
Na slici 5.2 prikazani su iznosi relativnih brzina u ovisnosti o polumjeru  $r$ .

Tablica 5.2: Podaci za ulazne i izlazne trokute brzina

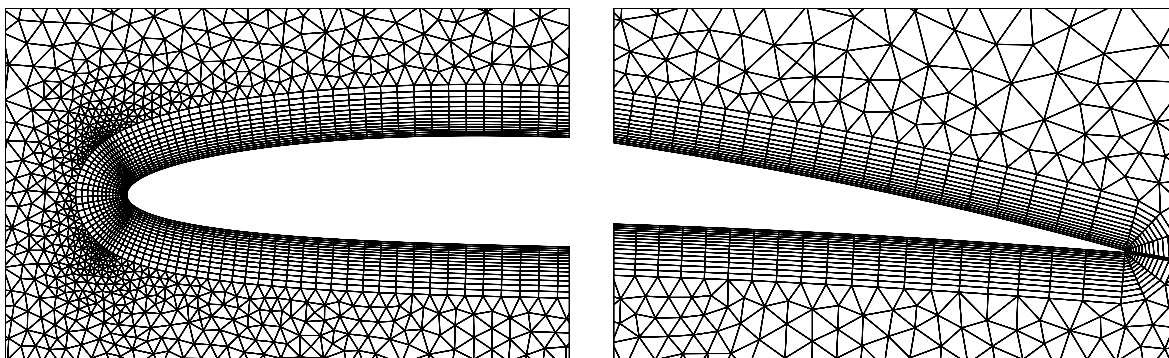
$r$ (mm)	$u$ (m/s)	$w_1$ (m/s)	$w_2$ (m/s)	$\beta_1$ ( $^\circ$ )	$\beta_2$ ( $^\circ$ )	$w_\infty$ (m/s)	$\beta_\infty$ ( $^\circ$ )
70	10.63	11.09	8.18	16.54	22.71	9.62	19.16
75	11.39	11.82	9.08	15.49	20.36	10.44	17.61
80	12.15	12.55	9.96	14.57	18.48	11.25	16.30
85	12.91	13.29	10.84	13.75	16.94	12.06	15.18
90	13.67	14.03	11.70	13.01	15.66	12.86	14.21
95	14.43	14.77	12.56	12.35	14.56	13.36	13.37
100	15.18	15.51	13.40	11.75	13.63	14.45	12.62
105	15.94	16.25	14.24	11.20	12.81	15.22	11.95
110	16.70	17.00	15.08	10.71	12.09	16.04	11.36

U tablici 5.2 dani su izračunati podaci za ulazne i izlazne trokute brzina na pojedinom presjeku. U daljnjem tijeku proračuna potrebno je odrediti kut postave profila  $\beta_p = \alpha_\infty + \beta_\infty$ . Pošto je kut  $\beta_\infty$  već poznat, preostaje još samo odrediti kut  $\alpha_\infty$ . Njega se u ovom radu kako je to već opisano u potpoglavlju 3.4. određuje numeričkom simulacijom strujanja u 2-D domeni. Pošto je potreban koeficijent uzgona poznat iz jednadžne (3.11), u numeričkoj simulaciji se varira napadni kut  $\alpha_\infty$  dok se ne postigne potrebni koeficijent uzgona za određeni presjek. Kada se on odredi, izračunati kut  $\alpha_\infty$  se sprema.

Prije numeričke simulacije potrebno je provesti diskretizaciju proračunske domene. U tu svrhu korišten je programski paket *gmsh* koji se pokazao prikladnim zbog mogućnosti automatizacije procesa izrade mreže, a isto tako i zbog toga što je program otvorenog koda te ga je samim time moguće koristiti bez posjedovanja licence. Diskretizirana domena prikazana je na slikama 5.3 i 5.4.

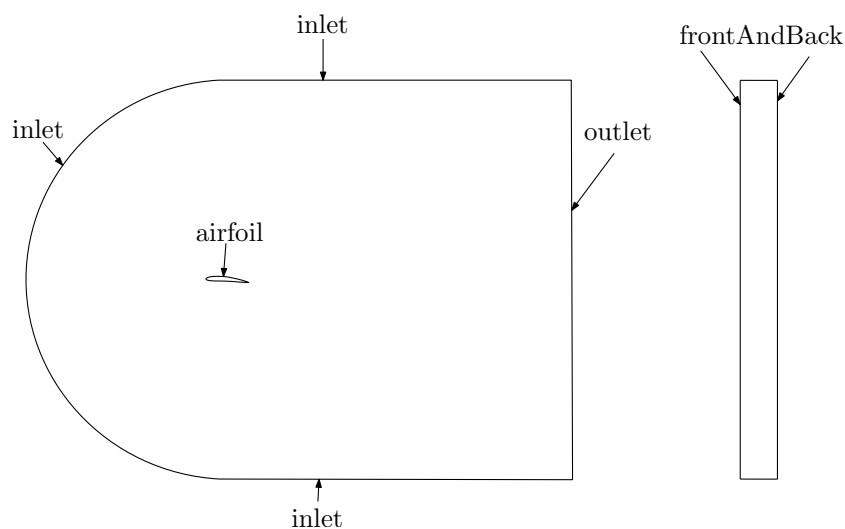


Slika 5.3: Diskretizirana domena oko krilnog profila (metoda uzgonskih sila)



Slika 5.4: Detalji diskretizacije domene oko napadnog i izlaznog brida profila (metoda uzgonskih sila)

Na slici 5.5 prikazane su rubne plohe proračunske domene. Da bi se riješio skup diferencijalnih jednačbi, potrebno je zadati rubne uvjete za svaku fizikalnu varijablu koja se rješava. U tablicama 5.3 i 5.4 su opisani rubni uvjeti za varijable koje se rješavaju. Na ulazu i izlazu iz domene zadan je rubni uvjet `freestream` koji provjerava maseni protok na svakoj rubnoj plohi. Ako je tok usmjeren prema van, lokalno će na granici vrijediti uvjet `zeroGradient`, a ako je tok usmjeren prema unutra vrijedit će rubni uvjet `fixedValue`. `freestreamPressure` rubni uvjet koji se zadaje za tlak je zapravo `zeroGradient`, ali korigira tok na granici prema izrazu  $\rho \cdot S_f \cdot freestreamValue$ . Na profilu je zadan rubni uvjet `fixedValue` čime je profil definiran kao nepomičan.



Slika 5.5: Diskretizirana domena oko krilnog profila (metoda uzgonskih sila)

Rubna ploha `frontAndBack` definirana je rubnim uvjetom `empty`. Rubni uvjet korišten za turbulentnu kinetičku energiju  $k$  je `kqRWallFunction`, dok je za specifičnu energiju disipacije  $\omega$  zadan rubni uvjet `omegaWallFunction`. Za turbulentnu viskoznost na granici `airfoil` zadan je rubni uvjet `nutUSpaldingWallFunction`.

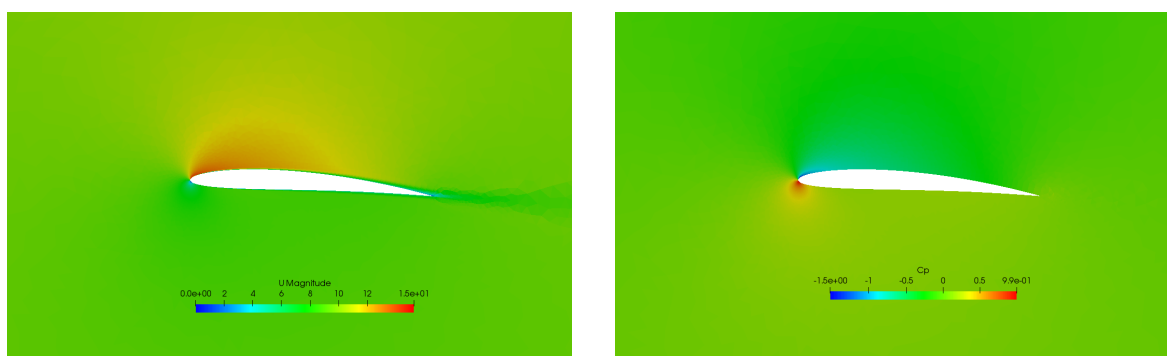
Tablica 5.3: Rubni uvjeti za  $p$  i  $u$  (metoda uzgonskih sila)

Rubna ploha	$u$	$p$
inlet	<code>freestream</code>	<code>freestreamPressure</code>
outlet	<code>freestream</code>	<code>freestreamPressure</code>
airfoil	<code>fixedValue</code>	<code>zeroGradient</code>
frontAndBack	<code>empty</code>	<code>empty</code>

Tablica 5.4: Rubni uvjeti za  $k$ ,  $\omega$  i  $nut$  (metoda uzgonskih sila)

Rubna ploha	$k$	$\omega$	$nut$
inlet	<code>fixedValue</code>	<code>fixedValue</code>	<code>calculated</code>
outlet	<code>inletOutlet</code>	<code>inletOutlet</code>	<code>calculated</code>
airfoil	<code>kqRWallFunction</code>	<code>omegaWallFunction</code>	<code>nutUSpaldingWallFunction</code>
frontAndBack	<code>empty</code>	<code>empty</code>	<code>empty</code>

Simulacije za svaki presjek su izvršene korištenjem stacionarnog rješavača `simpleFoam`. Na slici 5.6 prikazane su konture brzine i koeficijenta tlaka oko krilnog profila uz glavčinu.



Slika 5.6: Raspodjela brzine i koeficijenta tlaka oko krilnog profila za presjek kod glavčine (metoda uzgonskih sila)



U tablici 5.5 su radi usporedbe prikazani iznosi potrebnog koeficijenta uzgona za svaki presjek izračunati analitičkim izrazom, i oni dobiveni numeričkim simulacijama. Iz tablice je vidljivo da je relativna pogreška između koeficijenata uzgona izračunata na ova dva načina, ispod 1%, te je samim time opravdana pretpostavka linearne ovisnosti koeficijenta uzgona o napadnom kutu  $\alpha_\infty$ .

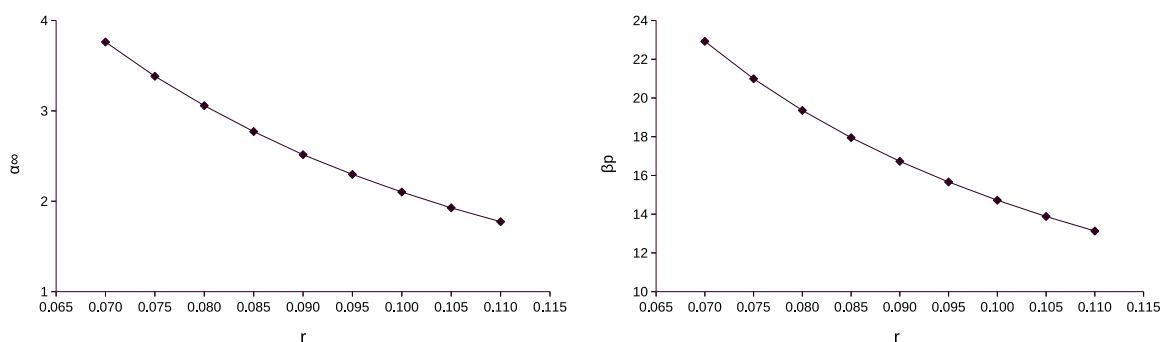
Tablica 5.5: Iznosi koeficijenta uzgona  $c_L$ 

$c_{L\text{analitički}}$	$c_{L\text{numerički}}$	relativna pogreška
0.7153	0.7153	0.0000%
0.6121	0.6127	0.0979%
0.5296	0.5297	0.0189%
0.4627	0.4629	0.0432%
0.4075	0.4079	0.0981%
0.3616	0.3614	0.0553%
0.3229	0.3230	0.0310%
0.2900	0.2902	0.0689%
0.2618	0.2619	0.0382%

U tablici 5.6 dani su iznosi izračunatog kuta  $\alpha_\infty$  i kuta postave  $\beta_p$ , a na slici 5.7 prikazana je grafička ovisnost promjene napadnog kuta i kuta postave o polumjeru  $r$ .

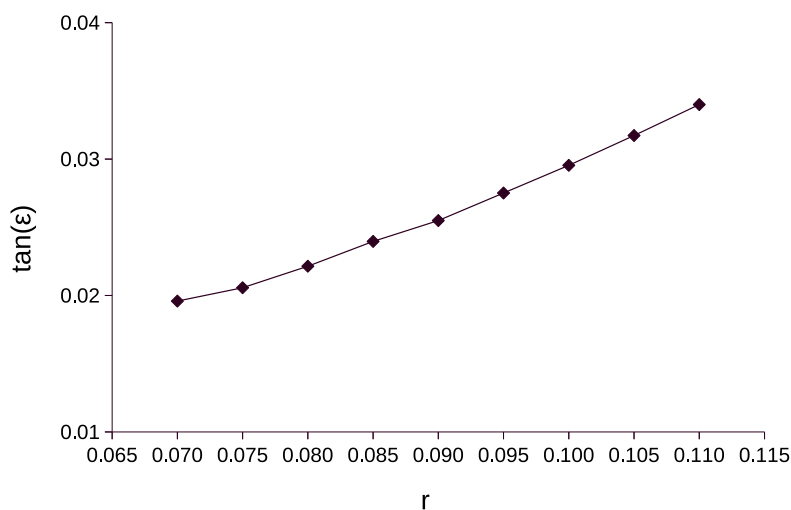
Tablica 5.6: Iznosi kuteva  $\alpha_\infty$  i  $\beta_p$ 

$\alpha_\infty$ (°)	$\beta_p$ (°)
3.7623	22.9233
3.3832	20.9910
3.0580	19.3576
2.7711	17.9523
2.5155	16.7286
2.2977	15.6638
2.1017	14.7201
1.9273	13.8801
1.7737	13.1301



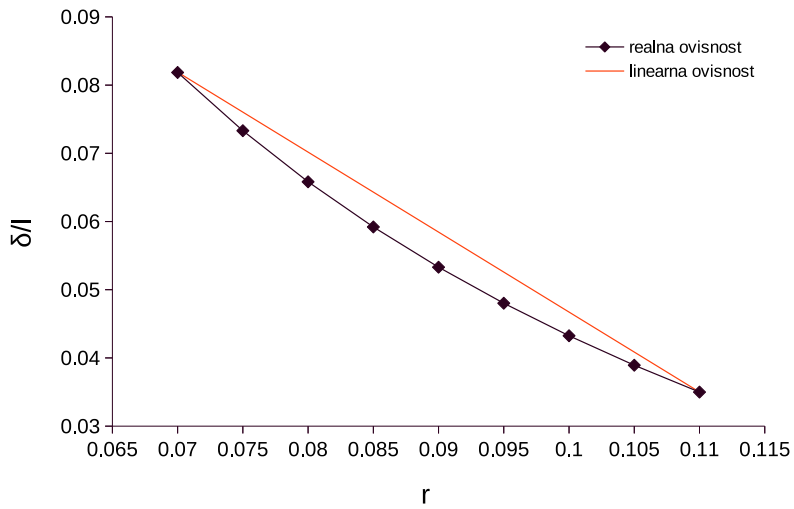
Slika 5.7: Ovisnost promjene napadnog kuta  $\alpha_\infty$  i kuta postave  $\beta_p$  o polumjeru  $r$

Jedan od važnih parametara pri projektiranju aksijalne pumpe je kvaliteta profila  $\tan \varepsilon = F_D/F_L$  koja opisuje hidrauličku kvalitetu profila. Vrijednost parametra trebala bi prema [2] biti između 0.01 i 0.04. Taj uvjet je pri projektiranju ovog radnog kola također zadovoljen, što se može vidjeti na slici 5.8.

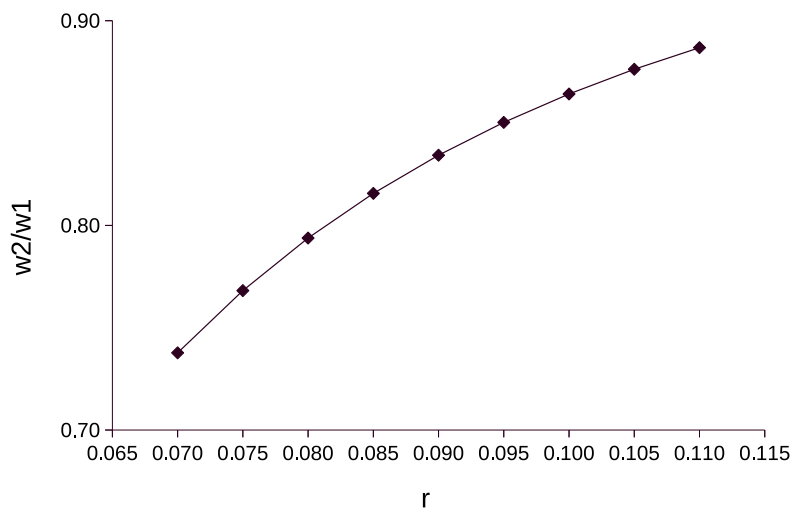


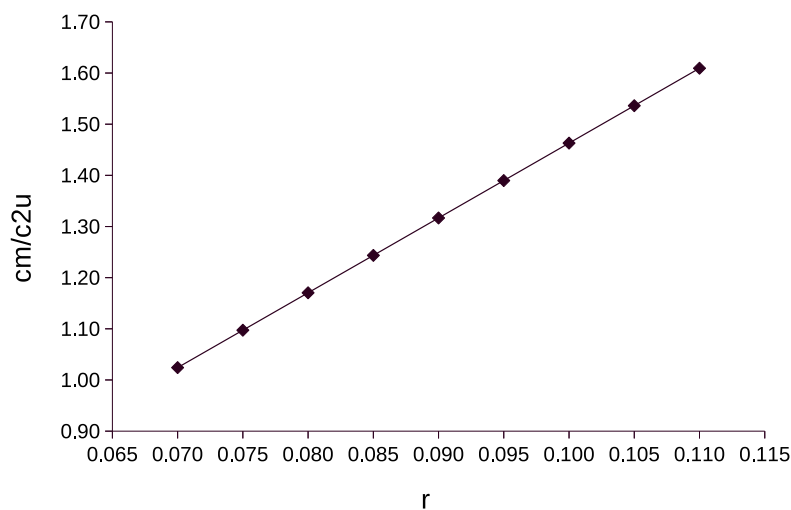
Slika 5.8: Kvaliteta profila  $\tan \varepsilon = F_D/F_L$

Slika 5.9 prikazuje promjenu relativne debljine lopatice  $\delta/l$  porastom polumjera  $r$ . Vidljiva je sličnost s dijagramom na slici 3.11 uz koju je objašnjeno da je ovisnost otprilike  $(\delta_{max}/l)_2 = (0 - 0.4)(\delta_{max}/l)_1$ .

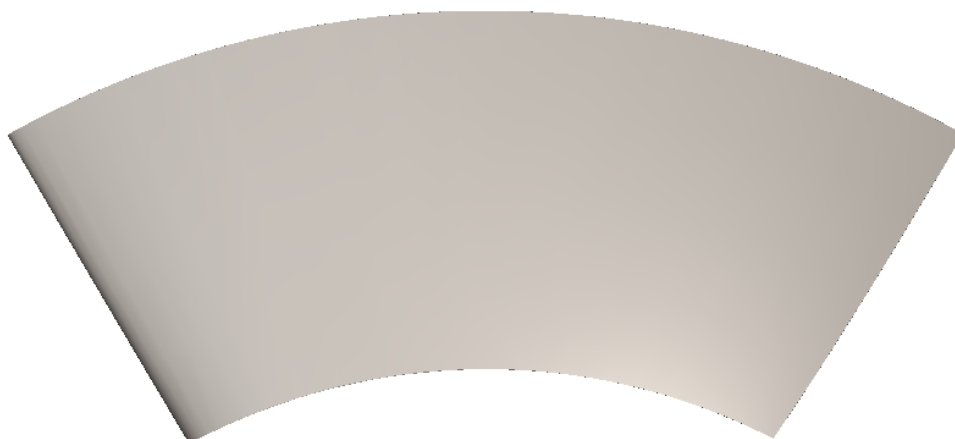
Slika 5.9: Promjena relativne debljine profila  $\delta/l$ 

U [2] spominju se još dva uvjeta koja bi trebalo zadovoljiti da bi se postigla zadovoljavajuća iskoristivost. Prvi uvjet je da omjer iznosa relativne brzine na izlazu i ulazu mora biti veći ili jednak 0.6 ( $w_2/w_1 \geq 0.6$ ). Drugi uvjet je da omjer meridionalne i obodne komponente apsolutne brzine treba biti veći ili jednak 1 ( $c_m/c_{2u} \geq 1$ ). Na slikama 5.10 i 5.11 vidljivo je da su ta dva uvjeta zadovoljena.

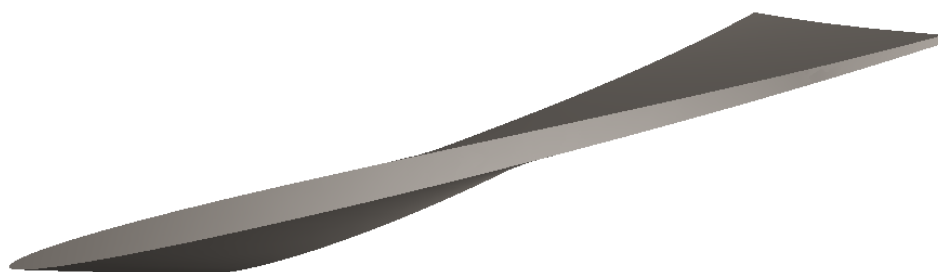
Slika 5.10:  $w_2/w_1$  u ovisnosti o polumjeru  $r$

Slika 5.11:  $c_m/c_{2u}$  u ovisnosti o polumjeru  $r$ 

Nakon što su numeričkim simulacijama određene vrijednosti napadnog kuta  $\alpha_\infty$  i kuta postave  $\beta_p$  za svaki presjek, i kada je postignut uvjet  $|\eta_h^* - \eta_h| \approx 0$  profili se smještaju u prostoru pod kutem postave  $\beta_p$  te se mapiraju na cilindričnu plohu, čime je oblikovanje radnog kola metodom uzgonskih sila završeno. Preostaje još provjeriti stvarnu visinu dobave, koja će se u ovom radu također napraviti primjenom numeričke simulacije strujanja. Na slikama 5.12 i 5.13 prikazana je dobivena geometrija lopatice izrađena u programskom paketu *Solidworks*.



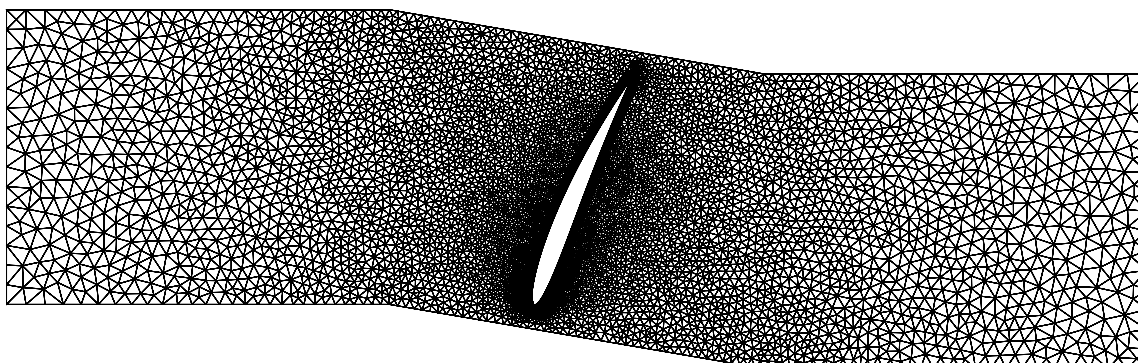
Slika 5.12: Geometrija lopatice oblikovana metodom uzgonskih sila (NA-CRT)



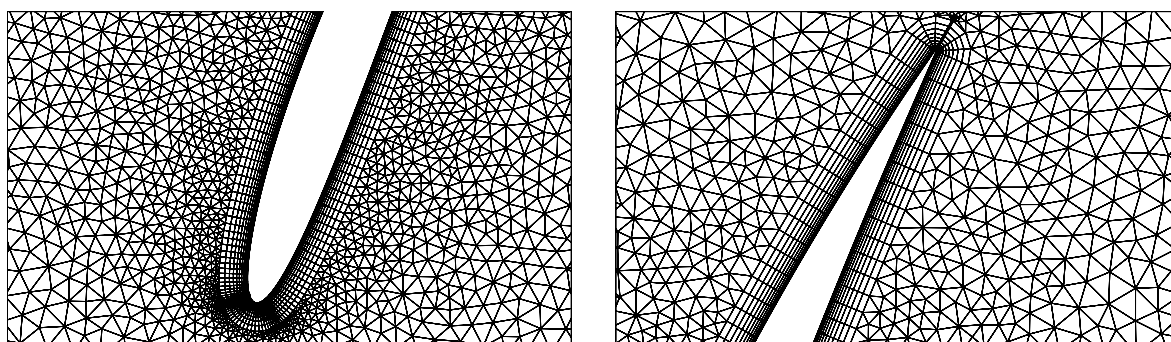
Slika 5.13: Geometrija lopatice oblikovana metodom uzgonskih sila (TLO-CRT)

## 5.2. Geometrija radnog kola aksijalne pumpe oblikovana pomoću karakteristika ravne profilne rešetke

Osnovne dimenzije radnog kola aksijalne pumpe su jednake kao i u prethodno opisanoj metodi. Ovdje će se samo ukratko ponoviti postupak. Iz jednadžbe (3.1) dobije se koeficijent visine dobave  $\psi = 0.205$ , te se iz jednadžbe (3.2) izračuna vanjski promjer  $d_2$ . Da bi se mogao odrediti omjer vanjskog i unutarnjeg promjera  $\nu$ , potrebno je prema jednadžbi (3.3) izračunati koeficijent toka. Nakon toga, prema jednadžbi (3.4) se izračuna omjer promjera  $\nu$ . Kad su izračunate sve potrebne veličine, moguće je prema (3.5) odrediti promjer korjena radnog kola,  $d_1$ . Iz tablice 3.1 se prema specifičnoj brzini  $n_q$  odabire broj lopatica radnog kola  $z_k$ . Prema jednadžbi (3.6) određena je maksimalna debljina presjeka lopatice kod glavčine  $\delta_{max}$ . Pomoću jednadžbe (3.7) izračunata je teoretska visina dobave  $H_t$ . Lopatica je podijeljena na 9 segmenata. Nakon što su određeni osnovni parametri, preostaje odrediti kut postave lopatice  $\beta_p$ . Kut postave određuje se pomoću numeričke simulacije strujanja u 2-D domeni. Nakon što su izračunati iznosi kuteva  $\beta_1$  i  $\beta_2$  moguće je postavljanjem profila u rešetku odrediti potreban kut postave  $\beta_p$ . Strujanjem fluida kroz profilnu rešetku dolazi do zakreta struje fluida. Praćena veličina u numeričkoj simulaciji je kut relativnog toka na izlazu  $\beta_2$ . Na ulazu u domenu zadaje se iznos relativne brzine  $w_1$  pod kutem  $\beta_1$ . Kut postave profila  $\beta_p$  se varira dok se ne postigne zadovoljavajuće rješenje. Rješenje je postignuto kad je očitana vrijednost kuta relativne brzine na izlazu  $\beta_2$  približno jednaka vrijednosti dobivenoj analitičkim proračunom. Kad je taj uvjet zadovoljen, sprema se vrijednost kuta postave  $\beta_p$ . Proračun se iterativno ponavlja za svaki presjek. I u ovom slučaju prije numeričke simulacije potrebno je provesti diskretizaciju proračunske domene. U tu svrhu korišten je programski paket *gmsk*. Diskretizirana proračunska domena za presjek u korjenu lopatice prikazana je na slikama 5.14 i 5.15.

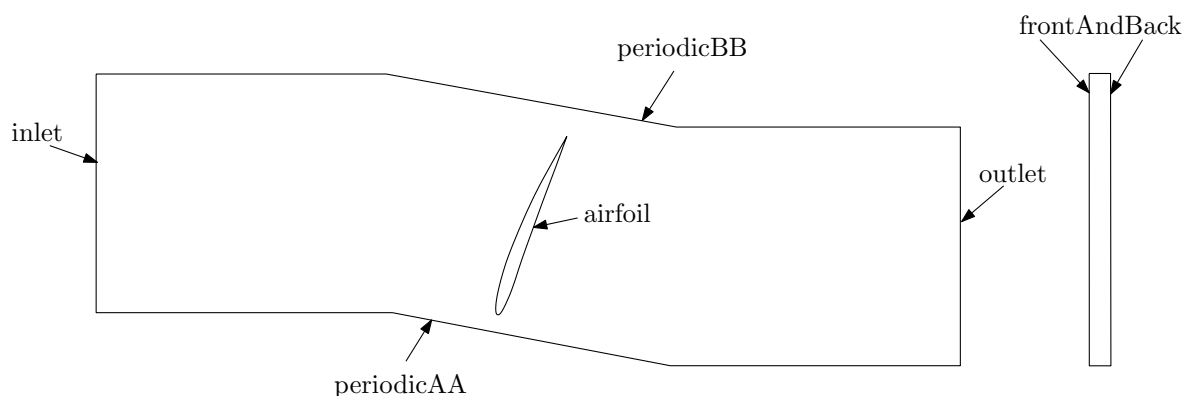


Slika 5.14: Diskretizirana domena oko krilnog profila (profilna rešetka)



Slika 5.15: Detalji diskretizacije domene oko napadnog i izlaznog brida profila (profilna rešetka)

Na slici 5.16 prikazane su rubne plohe diskretizirane domene. Da bi se riješio skup diferencijalnih jednačbi, potrebno je zadati rubne uvjete za svaku fizikalnu varijablu koja se rješava. U tablicama 5.7 i 5.8 su opisani rubni uvjeti za varijable koje se rješavaju. Novi rubni uvjet koji nije korišten kod prethodne metode je `cyclicAMI`. Ovaj rubni uvjet omogućuje korištenje periodičnosti i kod nekonformnih mreža. U ovom slučaju korišten je translacijski uvjet kod kojega je potrebno definirati translacijski vektor.



Slika 5.16: Diskretizirana domena oko krilnog profila (profilna rešetka)

Tablica 5.7: Rubni uvjeti za  $p$  i  $u$  (profilna rešetka)

Rubna ploha	$u$	$p$
inlet	freestream	freestreamPressure
outlet	freestream	freestreamPressure
airfoil	fixedValue	zeroGradient
frontAndBack	empty	empty
periodicAA	cyclicAMI	cyclicAMI
periodicBB	cyclicAMI	cyclicAMI

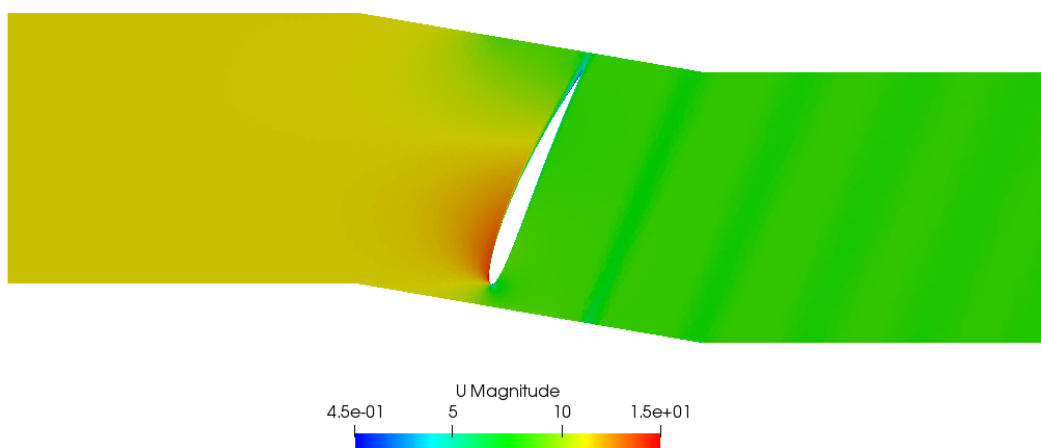
Tablica 5.8: Rubni uvjeti za  $k$ ,  $\omega$  i  $nut$  (profilna rešetka)

Rubna ploha	$k$	$\omega$	$nut$
inlet	fixedValue	fixedValue	calculated
outlet	inletOutlet	inletOutlet	calculated
airfoil	kqRWallFunction	omegaWallFunction	nutUSpaldingWallFunction
frontAndBack	empty	empty	empty
periodicAA	cyclicAMI	cyclicAMI	cyclicAMI
periodicBB	cyclicAMI	cyclicAMI	cyclicAMI

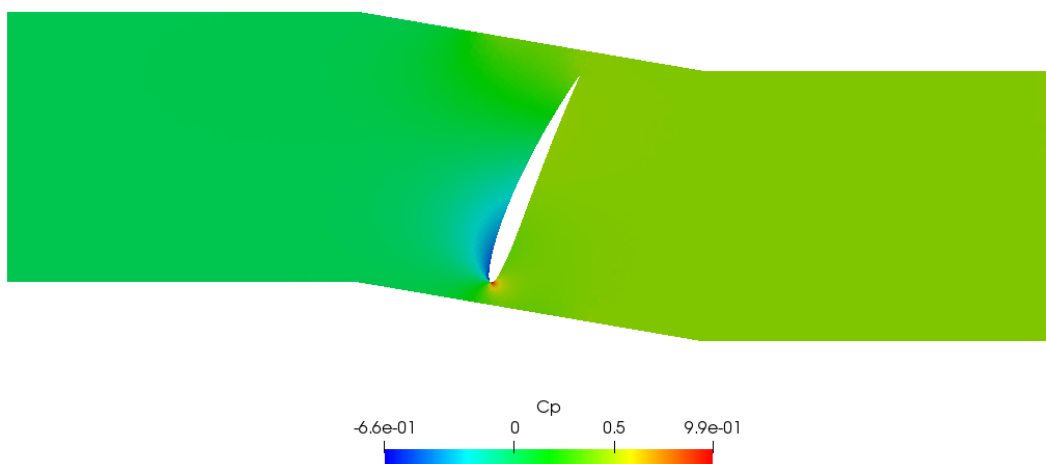
Simulacije za svaki presjek su napravljene korištenjem stacionarnog rješavača `simpleFoam`.



Na slici 5.17 prikazane su konture brzine za presjek kod glavčine, a na slici 5.18 su prikazane konture koeficijenta tlaka  $C_p$  za isti taj presjek.



Slika 5.17: Konture brzine oko profila uz glavčinu (profilna rešetka)



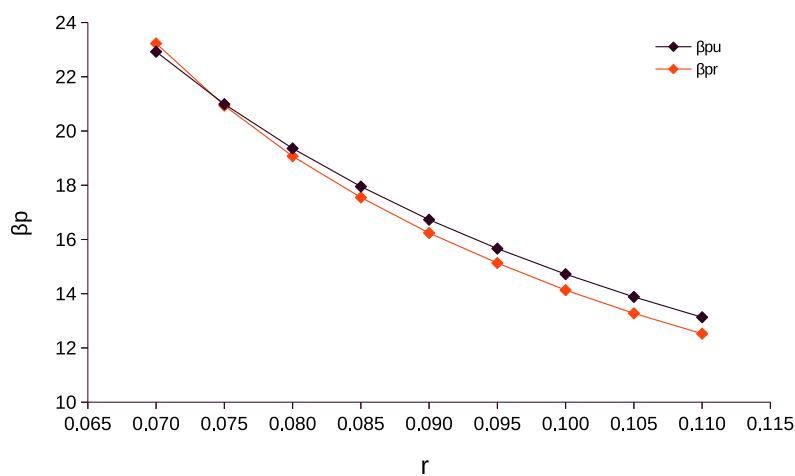
Slika 5.18: Konture koeficijenta tlaka  $C_p$  oko profila uz glavčinu (profilna rešetka)

U tablici 5.10 prikazani su iznosi kuta postave  $\beta_p$  dobiveni simulacijama strujanja u profilnoj rešetki, a radi usporedbe dani su i iznosi kuta postave dobiveni metodom uzgonskih sila.

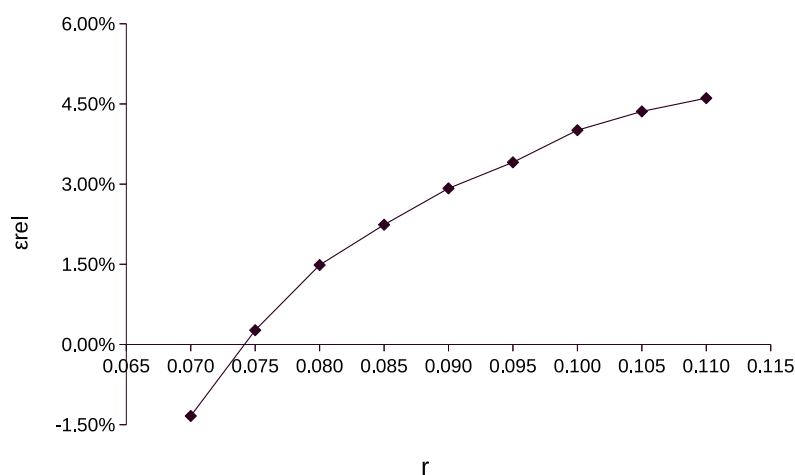
Tablica 5.9: Iznosi kuteva  $\beta_{pr}$  i  $\beta_{pu}$ 

$\beta_{pr}$ (°)	$\beta_{pu}$ (°)
23.23	22.92
20.94	20.99
19.07	19.35
17.55	17.95
16.24	16.72
15.13	15.66
14.13	14.72
13.28	13.88
12.53	13.13

Iz tablice 5.10 vidi se da postoji određena razlika u brojčanom iznosu kuta postave koja se također može vidjeti na slici 5.19 gdje su grafički prikazani iznosi ovih kuteva u ovisnosti o polumjeru  $r$ , te na slici 5.21 gdje je su prikazani iznosi relativne razlike u postocima.

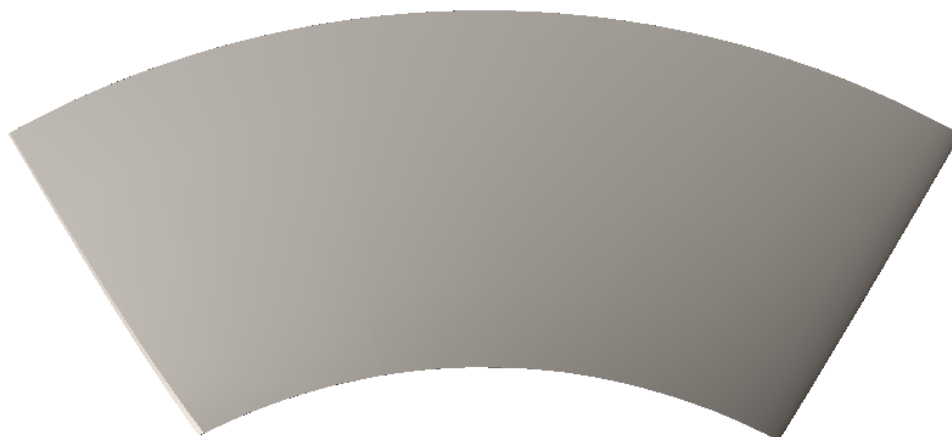


Slika 5.19: Kut postave profila dobiven metodom uzgonskih sila i pomoću ravne profilne rešetke

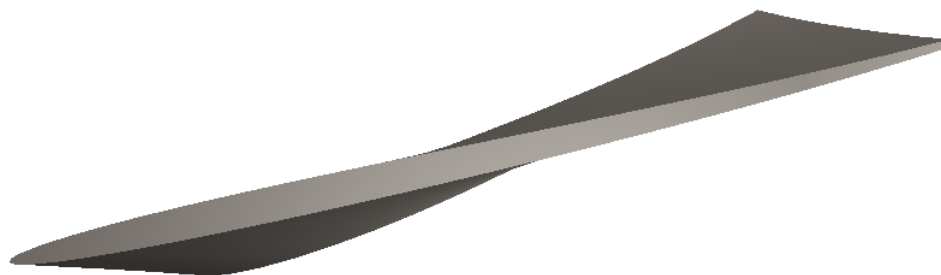


Slika 5.20: Relativna razlika kutova postave profila

Nakon što su numeričkim simulacijama određene vrijednosti kuta postave  $\beta_p$  za svaki presjek profila se smještaju u prostoru pod kutem postave  $\beta_p$  te se mapiraju na cilindričnu plohu, čime je završeno oblikovanje radnog kola. Kao i u prethodnom slučaju, preostaje još provjeriti stvarnu visinu dobave primjenom numeričke simulacije strujanja. Na slikama 5.21 i 5.22 prikazana je dobivena geometrija lopatice.



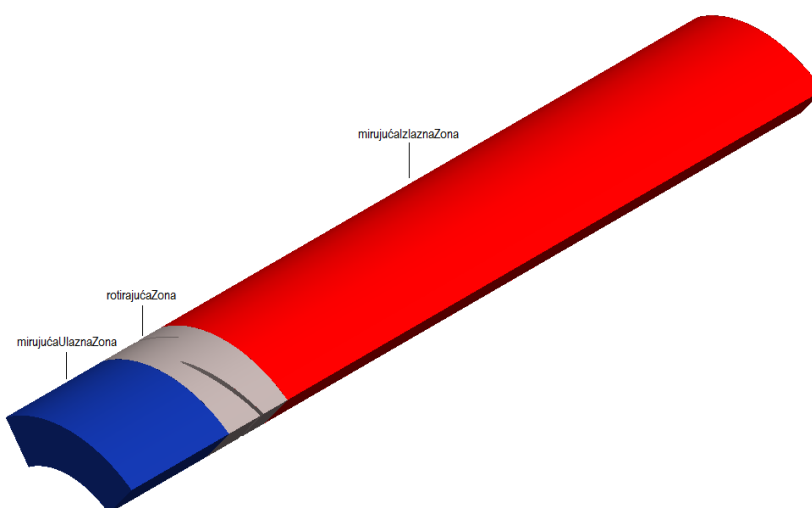
Slika 5.21: Geometrija lopatice (profilna rešetka)(NACRT)



Slika 5.22: Geometrija lopatice (profilna rešetka) (TLOCRT)

### 5.3. Numerički proračun i usporedba rezultata

Da bi se znala stvarna visina dobave pumpe potrebno ju je odrediti eksperimentalnim ispitivanjem ili numeričkom simulacijom. Premda eksperimentalno ispitivanje daje točnije rezultate, u ovom radu visina dobave pumpe određena je primjenom numeričke simulacije strujanja. Pošto su korištene dvije metode za oblikovanje radnog kola, da bi se one mogle usporediti, potrebno je odrediti visinu dobave  $H$  za oba radna kola. Numerički proračun proveden je u programskom paketu OpenFOAM. Model koji je korišten za proračun prikazan je na slikama 5.23 i 5.24. Zbog vrlo male razlike u geometriji radnog kola na slikama je prikazana samo jedna geometrija. Model se sastoji od dvije mirujuće i jedne rotirajuće zone. Zadana brzina rotacije iznosi  $\omega = 151.84$  rad/s. Pošto se pumpa sastoji od pet lopatica, za proračun je korištena jedna petina od cijele domene kako bi se uštedjelo na vremenu i računalnim resursima.



Slika 5.23: Prikaz proračunske domene (IZOMETRIJA)



Slika 5.24: Prikaz proračunske domene (NACRT)

Korišten je stacionarni proračun s metodom pokretnog koordinatnog sustava. Numerički proračuni provedeni su sa vodom gustoće  $998.2$  kg/m<sup>3</sup> i viskoznosti  $\mu = 1.003 \cdot 10^{-3}$

Pas. Na ulazu u domenu zadan je iznos brzine  $v = 4Q/[(d_2^2 - d_1^2)\pi]$ . Pošto se polje tlaka u jednadžbama nestlačivog strujanja pojavljuje u obliku gradijenta određeno je na konstantu koja se mora zadati po nekom rubu ili ćeliji, a iznos za provedene analize nije od značaja. Visina dobave pumpe definirana je razlikom totalnih tlakova na ulazu u pumpu i izlazu iz spiralnog kućišta prema jednadžbi:

$$H = \frac{p_{tot1} - p_{tot2}}{\rho g}. \quad (5.1)$$

Srednja vrijednost totalnog tlaka se računa prema jednadžbi:

$$\bar{\phi} = \frac{\sum_f \phi_f |\mathbf{u}_f \cdot \mathbf{S}_f|}{\sum_f |\mathbf{u}_f \cdot \mathbf{S}_f|}, \quad (5.2)$$

gdje je  $\bar{\phi}$  osrednjena vrijednost,  $\phi_f$  vrijednost veličine na pojedinoj stranici, a umnožak  $|\mathbf{u}_f \cdot \mathbf{S}_f|$  je apsolutna vrijednost protoka na pojedinoj stranici volumena. Veličina  $\phi$  je u ovom slučaju totalni tlak koji je zbroj statičkog i dinamičkog tlaka. Hidraulička iskoristivost radnog kola računa se prema jednadžbi:

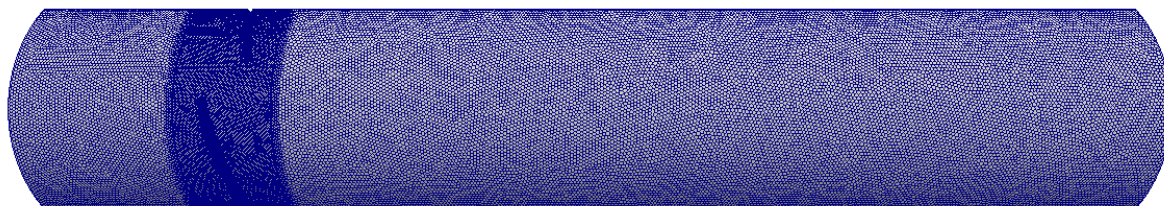
$$\eta = \frac{\rho g H Q}{P} = \frac{\rho g H Q}{M \omega}. \quad (5.3)$$

Potrebna veličina momenta računa se integriranjem raspodjele tlaka i viskoznih sila po stjenci radnog kola.

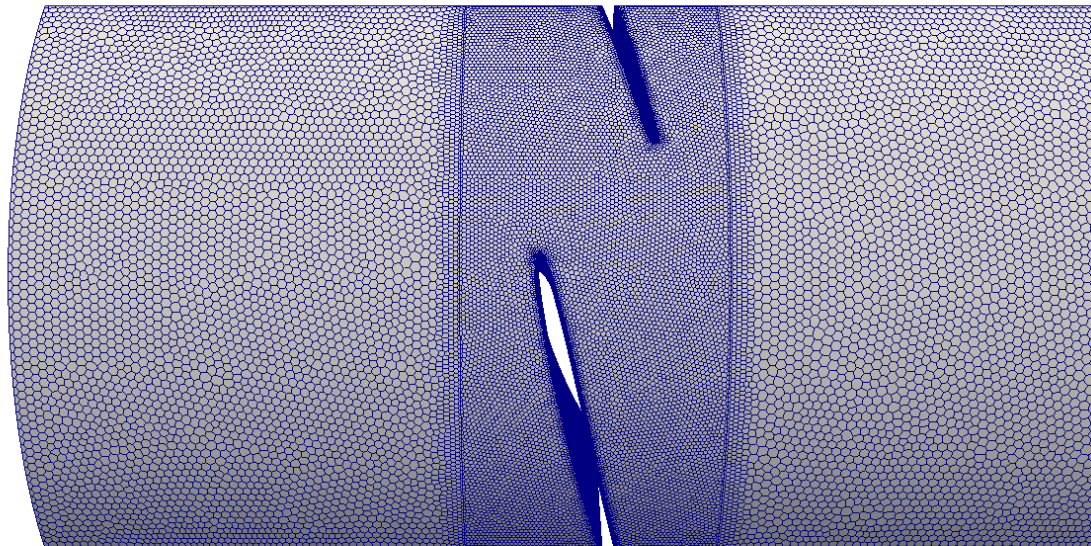
### 5.3.1. Prostorna diskretizacija i rubni uvjeti

Za diskretizaciju proračunske domene korištena je nestrukturirana poliedarska mreža. Korištenjem nestrukturirane mreže proces diskretizacije se znatno ubrzava, samim time je ubrzan i proces dobivanja potrebnih rješenja što predstavlja prednost kod proračuna gdje se provodi optimizacija geometrije promatranog objekta. Primjena nestrukturirane mreže omogućuje dobivanje točnijih rezultata pogotovo u slučaju kada se može pretpostaviti, ili se zna smjer strujanja fluida. Pošto je strujanje u radnom kolu aksijalne pumpe vrtložnog karaktera, primjena poliedarske mreže pruža određene prednosti. Svaki kontrolni volumen poliedarske mreže ima velik broj susjednih volumena. Zbog toga je moguće točnije računati gradijente fizikalnih veličina. Veći broj stranica kontrolnog volumena, zahtjeva i veće resurse računalne memorije, no prednost leži u tome što je potreban znatno manji broj kontrolnih volumena u odnosu kada se domena diskretizira

nekim drugim tipom volumena kao npr. tetraedrima [8]. Granični sloj je diskretiziran na način da se omogući korištenje zidnih funkcija. Prosječna vrijednost bezdimenzijske udaljenosti od zida u tom slučaju iznosi  $y^+ > 30$ . Diskretizirana domena korištena za proračun prikazana je na slikama 5.25 i 5.26.



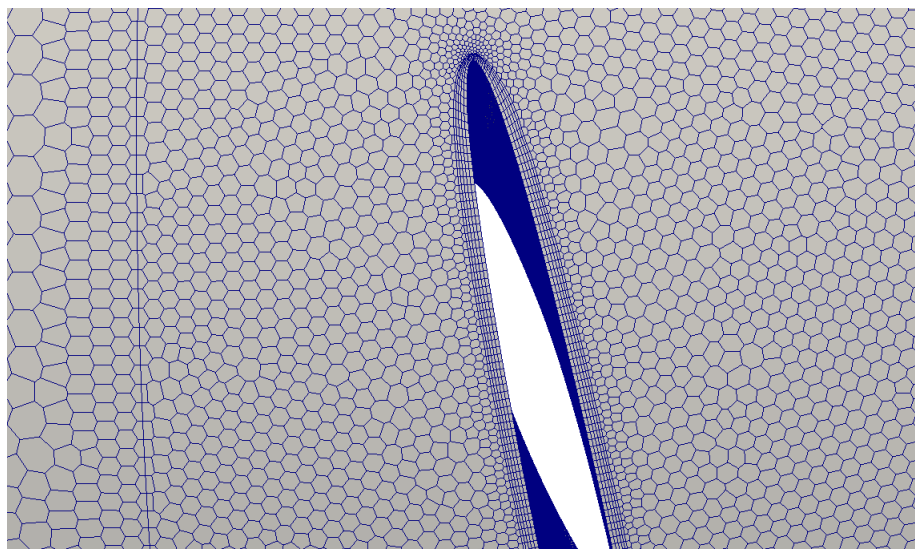
Slika 5.25: Diskretizirana proračunska domena



Slika 5.26: Diskretizirana proračunska domena-detalj

Da bi se izbjeglo postavljanje `cyclicAMI` rubnog uvjeta na mjestima kontakta rotirajuće i mirujućih zona, mreža je izrađena tako da na tim mjestima bude konformna. U tom

slučaju taj dodatni uvjet nije potreban, ako se koristi metoda pokretnog koordinatnog sustava. Na slici 5.27 se može vidjeti da se mreže na dodiru zona podudaraju.



Slika 5.27: Konformnost mreže na dodiru dvije zone

U tablicama 5.10 i 5.11 navedeni su rubni uvjeti koji su zadani na granicama proračunske domene. Može se vidjeti da je na svim zidovima osim na zidu lopatica zadan rubni uvjet `slip` tj. zidovi su glatki (na njima nema trenja). To je zbog toga da se omogući vjerodostojnija upsporedba između rezultata numeričke simulacije i analitičkog proračuna kod kojeg se ne uzima u obzir razvijanje graničnog sloja na donjoj i gornjoj cilindričnoj površini. Na ulazu je zadan iznos aksijalne brzine, koju se može odrediti iz protoka. Na izlazu iz domene propisano je uniformno polje statičkog tlaka čiji je iznos 0 Pa. Pošto se polje tlaka u jednadžbama nestlačivog strujanja pojavljuje u obliku gradijenta određeno je na konstantu koja se mora zadati, a iznos za provedene analize nije od značaja. Rubni uvjet `slip` spada u klasu predložaka (eng. *template class*) te kao takav može baratati s vektorskim i skalarnim poljima. Ukoliko je polje skalarno kao npr. tlak rubni uvjet `slip` postaje `zeroGradient`.



Tablica 5.10: Rubni uvjeti za  $p$  i  $u$  (3D proračun)

Patch	$u$	$p$
inlet	fixedValue	zeroGradient
outlet	zeroGradient	fixedValue
shroud_ulaz	slip	slip
shroud_rotor	slip	slip
shroud_izlaz	slip	slip
hub_ulaz	slip	slip
hub_rotor	slip	slip
hub_izlaz	slip	slip
lopatica	fixedValue	zeroGradient
AA	cyclic	cyclic
aa	cyclic	cyclic
BB	cyclic	cyclic
bb	cyclic	cyclic
CC	cyclic	cyclic
cc	cyclic	cyclic
DD	cyclic	cyclic
dd	cyclic	cyclic

Tablica 5.11: Rubni uvjeti za  $k$ ,  $\omega$  i  $nut$  (3D proračun)

Patch	$k$	$\omega$	$nut$
inlet	fixedValue	fixedValue	calculated
outlet	zeroGradient	inletOutlet	zeroGradient
shroud_ulaz	slip	slip	calculated
shroud_rotor	slip	slip	calculated
shroud_izlaz	slip	slip	calculated
hub_ulaz	slip	slip	calculated
hub_rotor	slip	slip	calculated
hub_izlaz	slip	slip	calculated
lopatica	kqRWallFunction	omegaWallFunction	nutUSpaldingWallFunction
AA	cyclic	cyclic	cyclic
aa	cyclic	cyclic	cyclic
BB	cyclic	cyclic	cyclic
bb	cyclic	cyclic	cyclic
CC	cyclic	cyclic	cyclic
cc	cyclic	cyclic	cyclic
DD	cyclic	cyclic	cyclic
dd	cyclic	cyclic	cyclic

### 5.3.2. Rješenja numeričkih simulacija

Da bi se mogla usporediti kvaliteta promatranih metoda, potrebno je izračunati visinu dobave i provjeriti ponašanje pumpe u projektnom režimu rada. Uz određivanje visine dobave za projektni režim, također je ispitano ponašanje pumpe u vanprojektnim režimima rada. Simulacije su provedene pri protocima  $0.7 \cdot Q_{opt}$ ,  $0.8 \cdot Q_{opt}$ ,  $0.9 \cdot Q_{opt}$ ,  $Q_{opt}$ ,  $1.1 \cdot Q_{opt}$  i  $1.2 \cdot Q_{opt}$ . Konvergencija rezultata stacionarnih simulacija praćena je preko iznosa visine dobave i momenta te je proračun zaustavljen kada su se navedene vrijednosti ustalile. Za polje brzine korištene su sheme diskretizacije drugog reda točnosti dok su za veličine modela turbulencije korištene uzvodne konveksijske sheme prvog reda točnosti. U tablicama 5.12 i 5.13 prikazana su rješenja dobivena numeričkim simulacijama. Crvenom bojom označene su vrijednosti dobivene za projektni protok.

Tablica 5.12: Rješenja numeričkih simulacija (metoda uzgonskih sila)

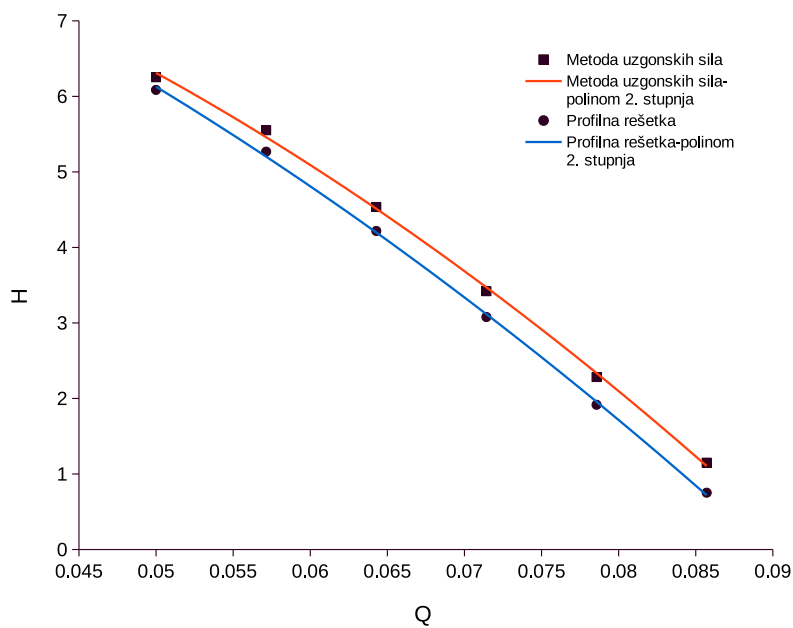
$Q$ (m <sup>3</sup> /s)	$M$ (Nm)	$P$ (W)	$H$ (m)	$\eta$ (-)
0.0500	23.99	3643.93	6.25	0.8402
0.0571	23.15	3538.41	5.55	0.8779
0.0643	20.94	3179.55	4.53	0.8979
<b>0.0714</b>	<b>17.67</b>	<b>2683.41</b>	<b>3.42</b>	<b>0.8917</b>
0.0786	13.44	2041.51	2.28	0.8607
0.0857	8.31	1261.72	1.15	0.7650

Tablica 5.13: Rješenja numeričkih simulacija (profilna rešetka)

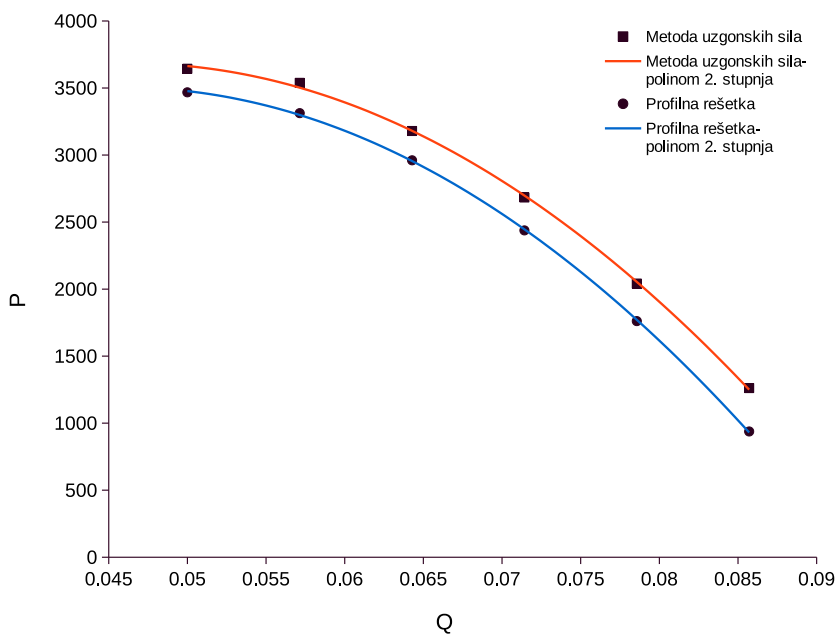
$Q$ (m <sup>3</sup> /s)	$M$ (Nm)	$P$ (W)	$H$ (m)	$\eta$ (-)
0.0500	22.84	3467.82	6.09	0.8592
0.0571	21.82	3312.56	5.27	0.8841
0.0643	19.50	2960.74	4.22	0.8968
<b>0.0714</b>	<b>16.06</b>	<b>2438.00</b>	<b>3.07</b>	<b>0.8833</b>
0.0786	11.60	1761.44	1.92	0.8371
0.0857	6.18	937.99	0.75	0.6731

Optimalna visina dobave  $H_{opt}$  s kojom se ušlo u proračun iznosi 3 m (tablica 5.1). Radno kolo oblikovano metodom uzgonskih sila daje značajno odstupanje u visini dobave u optimalnoj radnoj točki. Za ovo radno kolo ona iznosi  $H_{opt} = 3.47$  m, što je 14% više od visine dobave zadane u proračunu.

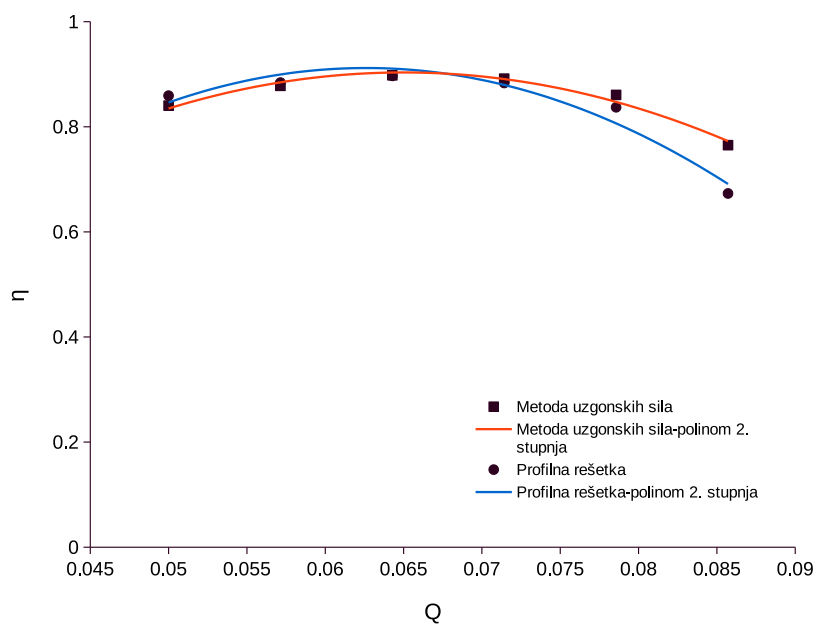
Kod radnog kola oblikovanog pomoću ravne profilne rešetke ova razlika je značajno manja. Vrijednost visine dobave ovog radnog kola u optimalnoj radnoj točki iznosi  $H_{opt} = 3.07$  m, što je 2.3% više od visine dobave zadane u proračunu. Iz toga se može zaključiti da je međudjelovanje profila u rešetki ipak značajno te ga je potrebno uzeti u obzir u slučaju kada se želi dobiti točnije rješenje. Na slikama 5.28, 5.29 i 5.30 prikazane su  $Q-H$ ,  $Q-P$  i  $Q-\eta$  krivulje radnih kola, dobivene iz rezultata numeričkih simulacija. Nakon toga su na slikama 5.31, 5.32 i 5.33 prikazane konture totalnog tlaka i apsolutne brzine u proračunskoj domeni, te konture statičkog tlaka na lopatici.



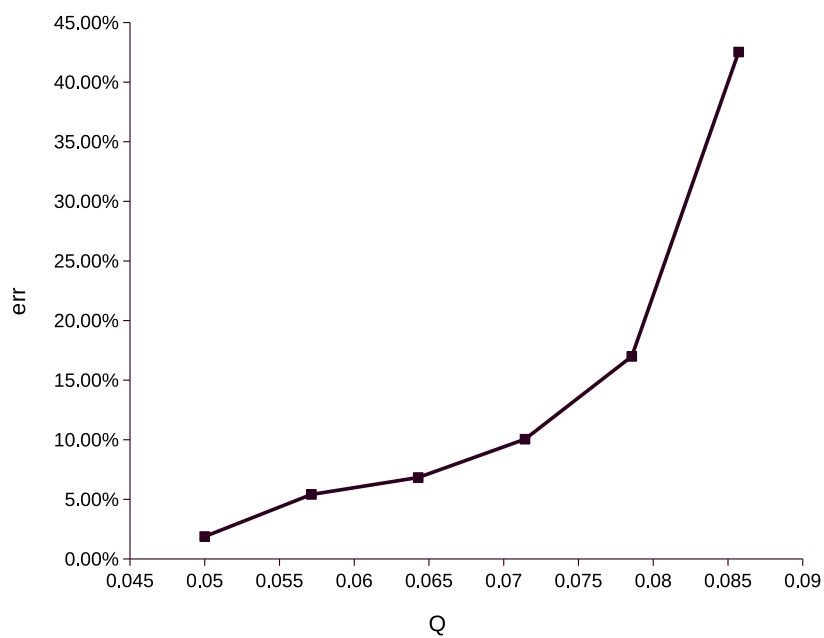
Slika 5.28:  $Q - H$  krivulje radnih kola



Slika 5.29:  $Q - P$  krivulje radnih kola



Slika 5.30:  $Q - \eta$  krivulje radnih kola

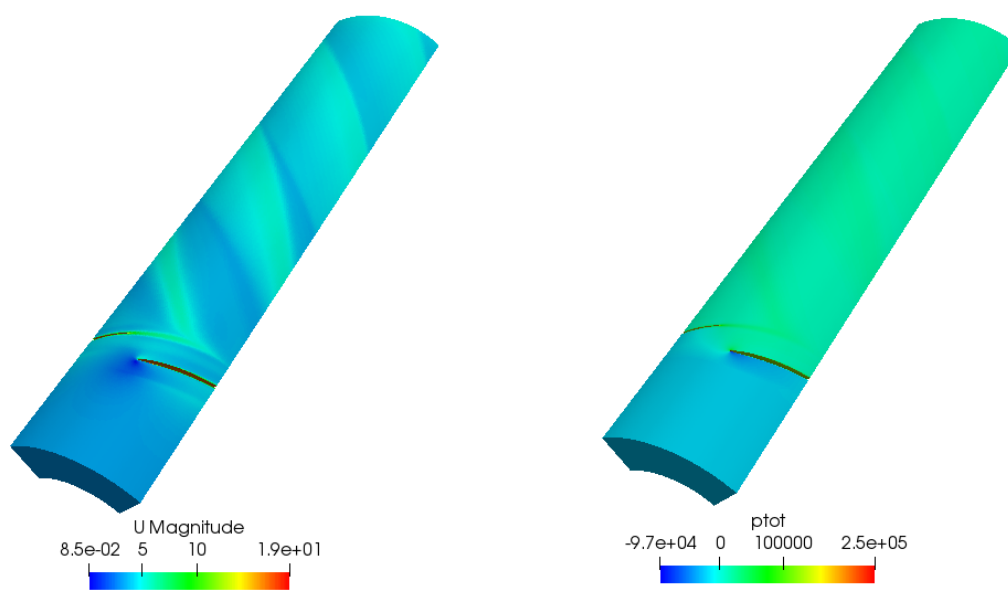


Slika 5.31: Relativna razlika visina dobave radnih kola

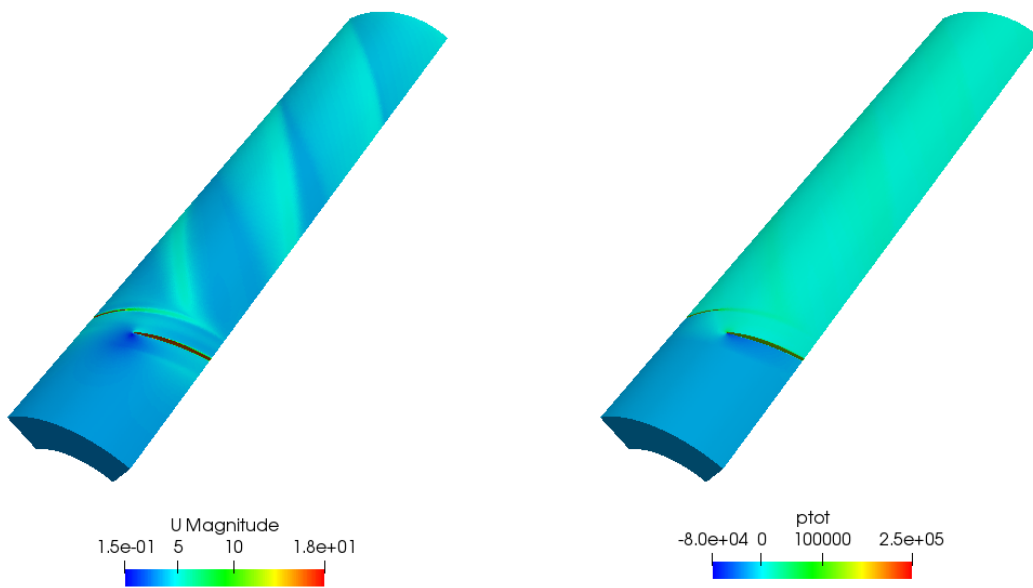
Na slici 5.31 grafički je prikazana razlika između izračunatih visina dobave. Jasno se može vidjeti da ta razlika raste s povećanjem protoka. Na dijagramu se err računa prema izrazu:

$$\text{err} = \frac{H_{\text{uzgon}} - H_{\text{rešetka}}}{H_{\text{uzgon}}} \cdot 100\%$$

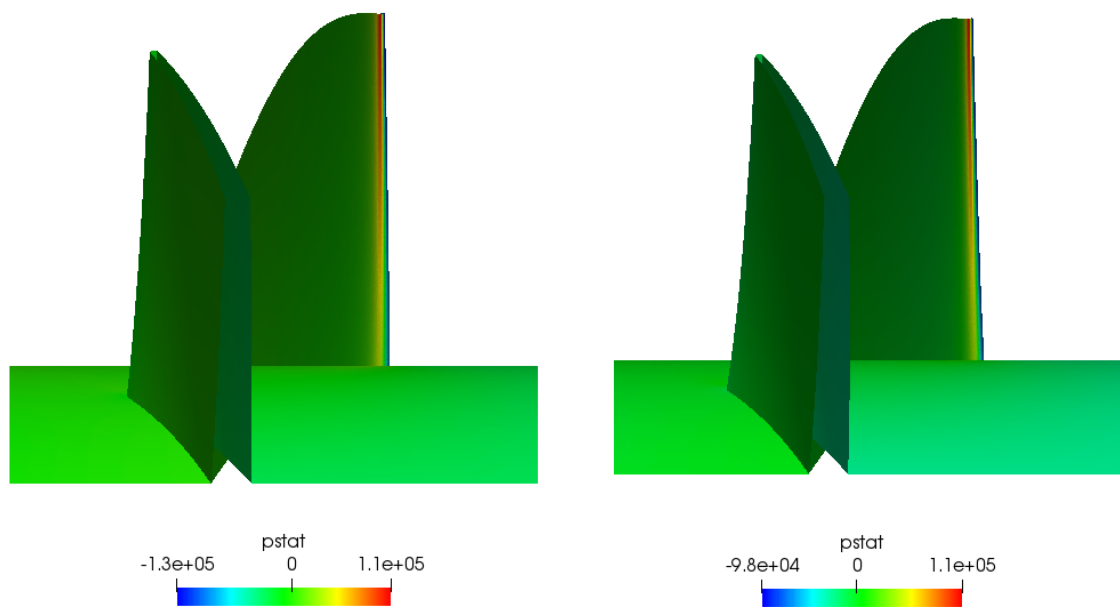
Slike 5.32 i 5.33 prikazuju konture apsolutne brzine i totalnog tlaka u proračunskoj domeni za oba radna kola. Nakon toga, na slici 5.34 mogu se vidjeti konture statičkog tlaka na lopatici radnog kola. Na kraju, slike 5.35, 5.36, 5.37 i 5.38 prikazuju vektore relativne brzine na presjecima uz glavčinu i na vrhu lopatice radnih kola.



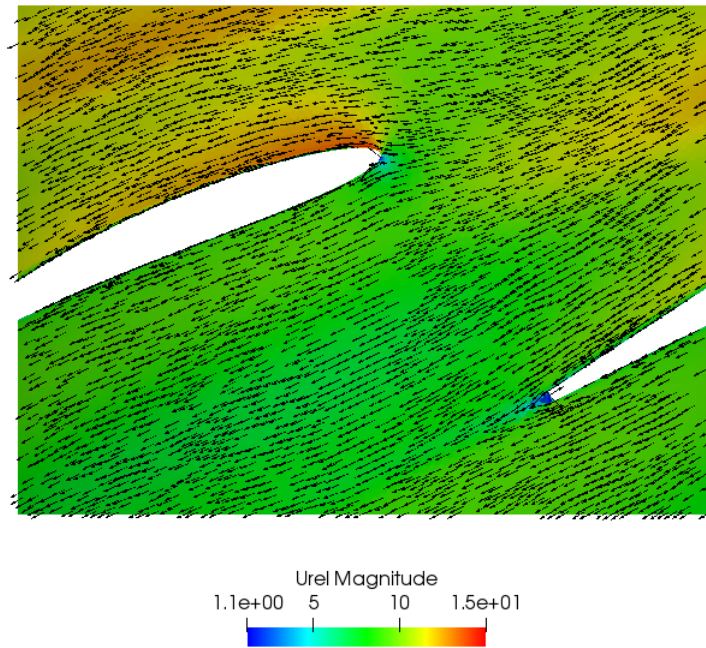
Slika 5.32: Konture apsolutne brzine i totalnog tlaka (metoda uzgonskih sila)



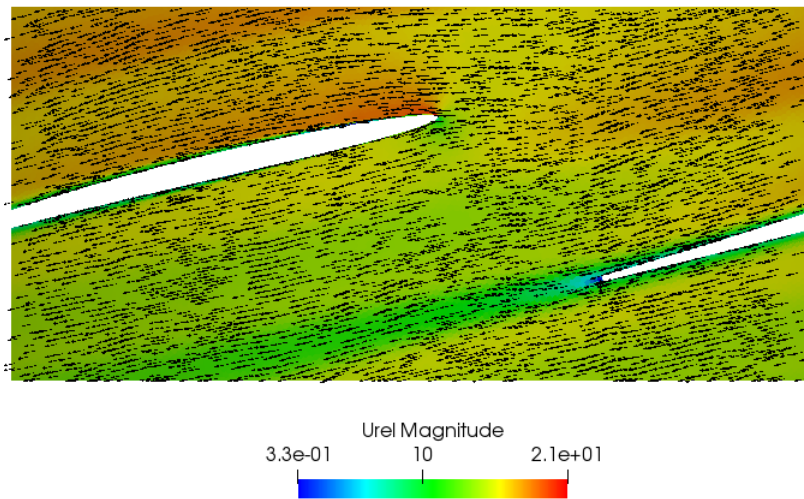
Slika 5.33: Konture apsolutne brzine i totalnog tlaka (profilna rešetka)



Slika 5.34: Konture statičkog tlaka na lopatici-metoda uzgonskih sila (lijevo) i profilna rešetka (desno)

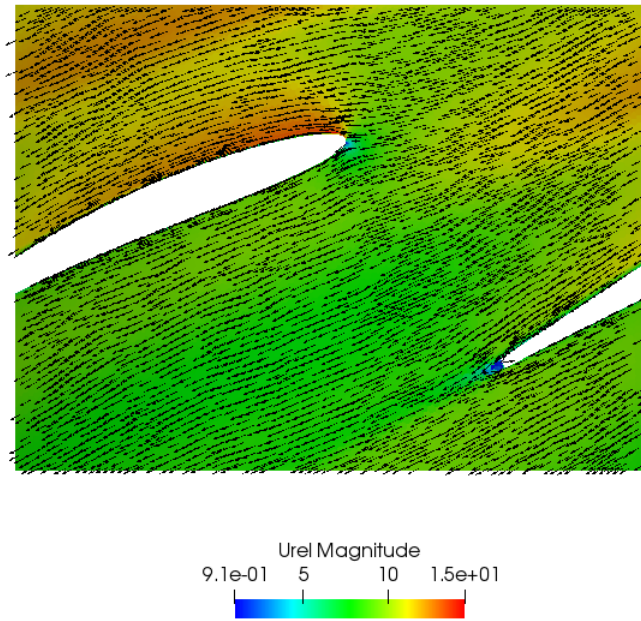


Slika 5.35: Vektori relativne brine na presjeku uz glavčinu (metoda uzgonskih sila)

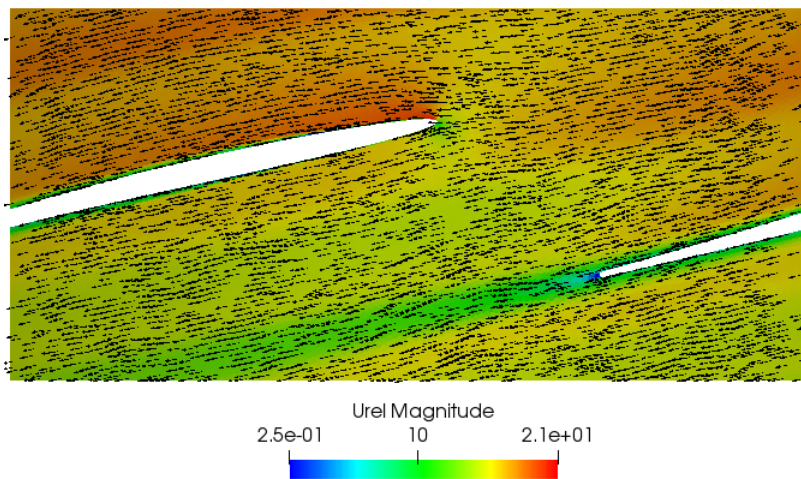


Slika 5.36: Vektori relativne brine na presjeku kod vrha lopatice (metoda uzgonskih sila)





Slika 5.37: Vektori relativne brine na presjeku uz glavčinu (profilna rešetka)



Slika 5.38: Vektori relativne brine na presjeku kod vrha lopatice (profilna rešetka)

## Poglavlje 6.

### Zaključak

U radu su analizirane dvije različite metode za oblikovanje radnog kola aksijalne pumpe: metoda uzgonskih sila i metoda ravne profilne rešetka. Metode su uspoređene na primjeru aksijalne pumpe čiji su osnovni projektni parametri zadani u tablici 5.1. U izvedbi proračuna korišteni su programski paketi *gms*, *Python* i *OpenFOAM*. U oba proračuna su za određivanje potrebnih hidrodinamičkih karakteristika krilnih profila korištene metode računalne dinamike fluida. Radi pojednostavljenja i smanjenja mogućnosti ljudske pogreške postupak proračuna je automatiziran. Nakon hidrauličkog proračuna provedena je provjera i određivanje karakteristika radnih kola u programskom paketu *OpenFOAM*. Korištena je metoda pokretnog koordinatnog sustava. Numeričkim proračunima pokazano je da u oba slučaja dobivene geometrije pumpe ostvaruju tražene zahtjeve. Isto tako pokazano je i da se pomoću metode uzgonskih sila dobije značajno veća visina do-bave  $H_{opt}$  u projektnoj radnoj točki od one koja je zadana u proračunu. Kod metode koja za određivanje hidrodinamičkih karakteristika koristi ravnu profilnu rešetku, ta razlika je značajno manja. Mogući razlog takve razlike je što se kod proračuna pomoću metode uzgonskih sila ne uzima u obzir međutjecaj profila u rešetki. U daljnjem radu moguće je provjeru hidrauličkog proračuna provesti metodom rotirajuće mreže kontrolnih volumena. Također je moguće posvetiti veću pažnju oblikovanju radnog kola s obzirom na pojavu kavitacije.

# Literatura

- [1] Bogdan Ristić. *PUMPE I VENTILATORI*. FM, Moskva edition, 1962.
- [2] Johann Friedrich Gulich. *Centrifugal Pumps*. Springer, second edition, 2010.
- [3] G. Ju. Stepanov. *Girodinamika rešetok turbomašin*. Naučna knjiga, drugo izdanje edition, 1990.
- [4] I. Džijan Z. Virag. *Računalna dinamika fluida*. Nastavni materijali, Fakultet strojarstva i brodogradnje, 2014.
- [5] Hrvoje Jasak. *Turbulence Modelling for CFD*. Nastavni materijali, Fakultet strojarstva i brodogradnje, 2017.
- [6] *Sig Turbomachinery MRF Library*.  
[https://openfoamwiki.net/index.php/Sig Turbomachinery MRF Library](https://openfoamwiki.net/index.php/Sig_Turbomachinery_MRF_Library)
- [7] <http://www.cpem.com.tw>
- [8] S. Ferguson M. Perić. *The advantage of polyhedral meshes*. CD-adapco, [www.cd-adapco.com](http://www.cd-adapco.com)
- [9] Željko Tuković. *Metoda kontrolnih volumena na domenama promjenjivog oblika*. PhD, Fakultet strojarstva i brodogradnje, Sveučilište u Zagrebu, 2005.
- [10] Hrvoje Jasak. *Scalar Transport Equation*. Nastavni materijali, Fakultet strojarstva i brodogradnje, 2017.